







ТРУДЫ ВСЕСОЮЗНОГО НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКОГО ИНСТИТУТА МЕТРОЛОГИИ И СТАНДАРТИЗАЦИИ

выпуск 7 (23)

Thygon BHUUL

# МАГНИТНЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ И ИЗМЕРЕНИЯ

проф. Е. Г. ШРАМКОВА

Buen. 7 (23).

EINLIGHTIGE A STRUCTURE & ANTINGTON OF A SAUTHORNER

государственное издательство по стандартизации "СТАНДАРТГИЗ" Гл. редактор М. И. Гиттерман. Отв. редактор С. З. Снарский. Техн. редактор С. И. Клюкик. Слано в произв. 26/X·34 г. Подпис. к печ. 20 П-35 г. Изд. № 21/Л. Печ.а. 13<sup>1</sup>/2. Бум.л. 6<sup>8</sup>/4. Форм. 6.62×88 см. В печ. л. 45.120 зн. Ленгорлит № 198. Тир. 1000 эка. Зак. 2001.

Типогр. "Коминтери" и шк. ФЗУ им КИМ'а, Ленинград, Красная, 1.

# ВВЕДЕНИЕ

Выход в свет настоящего сборника "Трудов ВИМС", посвященного работам эталонной магнитной лаборатории за последние два года, совпадает с пятнадцатилетнем ее основания.

За истекший период, благодаря интенсивной и плодотворной работе всего коллектива лаборатории, удалось в значительной степени осуществить те задачи, которые стояли перед лабораторией, как метрологическим учреждением, призванным к обеспечению единства магнитных измерений в нашем Союзе и к разрешению научно-исследовательских проблем в области метрологии магнитных измерений.

# ЗАДАЧИ ЭТАЛОННОЙ МАГНИТНОЙ ЛАБОРАТОРИИ ВИМС И КОНКРЕТНОЕ ИХ ОСУЩЕСТВЛЕНИЕ

#### Е.Г. Шрамков

### ОБОРУДОВАНИЕ ЛАБОРАТОРИИ

Если в первые годы лаборатория располагала всего лишь одной баллистической установкой и пермеаметром типа Гопкинсона простейшей конструкции для самых обычных испытаний ферромагнитных материалов в отношении кривых намагничения, то к настоящему времени она оборудована целым рядом установок для самых разнообразных целей магнитных измерений, в соответствии с современным уровнем техники в этой области. Причем громадное большинство этих установок осуществлено, на основе разработанных лабораторией конструкций, внутри Союза.

Из основного оборудования следует отметить следующее:

 Три баллистических установки со всеми необходимыми измерительными и вспомогательными приборами, которые предназначены для определения кривых намагничения на постоянном токе как в пермеаметрах для полосовых и цилиндрических образцов, так и в разомкнутой магнитной цепи в пустотелых соленондах, а также и кольцевых образцов, в частности при намагничивании их одним прямолинейным проводом, проходящим через центр кольца. На рис. 1 показан общий вид одной из баллистических установок.

 Ваттметровая установка с прибором Эпштейна для измерения потерь на гистерезис и токи Фуко в образцах листовой электротехнической стали. Установка питается от специального генератора однофазного тока с синусондальной кривой напряжения, приводимого во вращение двигателем постоянного тока, питаемого в свою очередь от аккумуляторной батареи. Прибор Эпштейна, разработанный лабораторией, отличается от обычного прибора Эпштейна тем, что он снабжен несколькими дополнительными обмотками, что позволяет также снимать кривые намагничения на постоянном токе.<sup>1</sup>

Частота тока измеряется при помощи стрелочного вольтметра, градунрованного на частоту и соединенного с магнитоэлектрическим генератором постоянного тока, связанным с агрегатом,



Рис. 1. Баллистическая установка.

питающим установку. Такой способ измерения позволяет отчетливо наблюдать измерение частоты в 0,1 *Hz* при частоте 50 *Hz* и поддерживать ее постоянной в процессе измерений с погрешностью, не превышающей ±0,2%.

Мощность измеряется специальными ватгметрами для малых коэфициентов мощности (0,1-0,2).

Для учета степени искажения крнвой напряжения при измерении потерь установка снабжена соответствующей аппаратурой для измерения среднего значения этого напряжения. Измерения производятся при помощи механического выпрямителя конструкции лаборатории, жестко связанного с синхронным генератором.

<sup>2</sup> Е. Г. Шрамков, Измерение магниткой пройнцаемости и потерь листовой электротехнической стали в приборе типа Эпштейна. "Электричество", 1929, № 5.



или при помощи электронного выпрямителя, так называемого флюксвольтметра, фирмы ДЖ и И.<sup>4</sup> На рис. 2 показана эта ваттметровая установка.

 Дифференциальная установка с двумя приборами Эпштейна фирмы Сименс и Гальске для испытания листовой электротехнической стали в отношении кривой намагничения на



Рис. 4. Астатический мятиятометр по Кольраушу и Хольбориу.

постоянном токе и потерь на гистерезис и токи Фуко при переменном намагничении (рис. 3).

 Магнитометрическая установка с астатическим магнитометром по Кольраушу и Хольборну для определения кривых

<sup>1</sup> См. настоящий сборняк, статья Е. Т. Чернышева и Г. Е. Егорова. Коэфициент формы кривой напряжения при измерении потерь на гистерезис и тохи Фуко.



Рис. 5 Магинтометрическая установка для испытания слабомагнитных тел.



2T-61X 6 a. 58C

e-

FO T+

D-DA HA

Рис. 6 Мост Гибе-Вагнера для испытаний при звуковых частотах.

намагничения образцов в форме эллипсоидов вращения и цилиндрических образцов ферромагнитных материалов на постоянном HI токе 1 (рис. 4). Установка эта широко используется также для 113 измерений коэрцитивной силы прямолинейных образцов любой K формы, так как этот метод обеспечивает большую точность и в отношении техники эксперимента весьма прост.

5. Специальная установка с магнитометром конструкции лаборатории для изучения магнитных свойств всевозможного рода

12.4

DIC.

HE



Рис. 7. Генератор звуковой частоты и частотомер для моста Гибе-Вагнера.

материалов, обладающих малой магнитной восприимчивостью, как н сплавы с медью, алюминий и пр., а также и горные породы<sup>2</sup> (рис. 5). п 6. Установка моста Гибе-Вагнера с генератором звуковой п

частоты, фильтром и частотомером для определения магнитной проницаемости и потерь на гистерезис и токи Фуко листовых д материалов при звуковой частоте." Общий вид всего устройства п показан на рис. 6 и 7.

- E. Gumlich, Leitfaden der magnetischen Messungen, 1918.
- 2 См. настоящий сборник, статья Б. М. Яповского в Н. И. Спиридо-

вича, Магантометр для определения магнитных свойств тел с малым магнит- р HIM MONCHTOM. M:

- <sup>в</sup> Не опубликовано.

7. Установка для изучения магнитных свойств ферромагнитных материалов при различных температурах до + 800° С при намагничивании образцов постоянным током, применительно к баллистическому методу измерения. <sup>1</sup>

<sup>н</sup> 8. Установка для испытания ферромагнитных материалов в сильных магнитных полях по методу ярма-перешейка Гумлиха,<sup>2</sup> позволяющую производить испытания в полях до 8000 Ос при да намагничивании постоянным током.



Рис. 8 Термическая комната.

 9. Установка с потенциометром Генгера для изучения магкак нитных характеристик листовых материалов при намагничивании
 5) переменным током технических частот в слабых магнитных кой полях.

10. Ряд установок с электрическими нагревательными печами ных для термической обработки образцов магнитных материалов и гва постоянных магнитов (рис. 8).

до <sup>1</sup> См. настоящий сборник, статья Б. М. Ян овского<sup>5</sup> и Н. Г. Зуевой, <sup>(нт)</sup> Влияние температуры на магнитные свойства магнитной сталя и постоянных магнитов, а также "Электричество", № 5, 1931. <sup>3</sup> См. "Труды ВИМС", вып. 4 (20), 1933.

#### ЗАЛАЧИ ЛАБОРАТОРИИ И ИХ ОСУЩЕСТВЛЕНИЕ

10

Cr

Главной задачей лаборатории является воспроизведение ас основных магнитных единиц в виде эталонов, поддержание их на должной высоте в метрологическом смысле, в соответствии с уровнем мировой техники магнитных измерений, и обеспечение че единства магнитных измерений в нашем Союзе.

Наряду с этим не менее важной задачей является разработка на всевозможного рода методов и необходимой аппаратуры для на магнитных измерений как для лабораторных исследований, так ти и для практических заводских испытаний.

Третьей задачей, неразрывно связанной с предыдущими чи является работа в области стандартизации, охватывающая еди ка ницы, термины и обозначения в области магнитных явления из методику и аппаратуру для магнитных измерений и классифи вт кацию магнитных материалов.

Весьма ответственной и общирной работой лабораторни ян ляется удовлетворение текущих запросов промышленных пред приятий и научио-исследовательских учреждений в части поверок аппаратуры, применяемой для магнитных измерений, исследова ния нормальных образцов магнитных материалов, служащих для сравнительных измерений, в также испытания магнитных мате ус риалов в порядке арбитража и испытания специального характера которые не всегда могут производиться самими заинтересованными предприятиями.

Помимо этого, лаборатория уделяет достаточно внимания из работам физико-теоретического характера, которые лишь косвение из связаны с метрологией, но являются необходимыми для поддер во жания на высоком научном уровне всего комплекса работ лабо ратории.

В настоящее время лабораторня располагает эталонным прибором напряженности магнитного поля и магнитного поток, в виде катушки Гельмгольца, состоящей из двух одинаковых ан катушек, расположенных относительно друг друга таким образом, что расстояние между средними плоскостями равно среднему радиусу каждой из катушек. При определенном соотношения с размеров обмотки катушек, в пространстве между ними получается в высокой степени однородное поле. Согласно произведенным расчетам и экспериментам, в пространстве между каденным расчетам и экспериментам, в пространстве между каи образующей 0,2 R, где R — средний радиус катушки, напря женность поля сохраняет постоянную величину с точностью так ± 0.02°/a.

Напряженность поля катушки определяется путем измерения периода колебания свободно подвешенного магнита в центре катушки, в поле самой катушки и в земном поле. Горизонталь ная составляющая земного поля определяется магнитометром (биффиляром) во время измерения периода качаний магнита. Систематические исследования, производившиеся в течение трех лет, показали, что напряженность цоля катушки Гельмгольца ис сохраняет свою величину в пределах точности измерений.

Та же самая катушка Гельмгольца используется в кани честве эталона магнитного потока. Для этой цели вместо магнита в центральную часть катушки с однородным полем пожи жещается вторичная катушка с определенным числом витков, кавитых на мраморный цилиндр. Размеры вторичной катушки а тщательно измерены с погрешностью, не превышающей ± 5 µ.

Зная сечение вторичной катушки, ее ин число витков и напряженность поля катушки Гельмгольца, вычисляют и загнитаци поток, сцепляющийся со и вторичной катушкой.

При определении напряженности полу катушки Гельмгольца сила тока может измеряться в любых единиока и необходима лишь пропорциональность между силой тока и делениями измерительного прибора, по которому устанавливается сила тока. Благодаря ра этому катушку Гельмгольца можно ока рассматривать как эталон напряженно-

сти поля и магнитного потока в абсолютных единицах, имея в виду, что намерения напряженности поля производятся абсолютным методом, а при вычислении магнитного потока входит сечение вторичной катушки, известное на вабсолютных единицах.

Катушка Гельмгольца по указяниям лабораторни изготовлена в маых стерских ВИМС. На рис. 9 предстамулым в центре магнитом, а на рис. 10 и с вторичной катушкой.<sup>2</sup>



Рис. 9. Катушка Гельмгольца как эталон напряженности магнитного потока.

К этой же серии работ относятся исследования, имевшие кала спиницах. За основной эталон СССР магнитного момента в абсолютных из спиницах. За основной эталон СССР магнитного момента приянта группа из десяти магнитов в форме эллипсоидов вращения из закаленной магнитной стали, структурно и магнитно стабиливка врованных. Магнитный момент каждого из эллипсоидов опрения деляется на абсолютном магнитном теодолите методом Ламона пре-

пы <sup>1</sup> Б. М. Яновский, Катушка Гельмгольца как эталон напряженности маом<sup>пантного</sup> поля и магнитного потока. Изв. ГГО, № 3, 1932. с погрешностью порядка ± 0,01% при абсолютных величинах п магнитного момента отдельных эллипсоидов в пределах от 600 о до 1500 CGS.1 Первоначальные исследования показали, что, при п указанной выше обработке магнитов (структурная и магнитная 11 стабилизация), магнитный момент устойчиво сохраняется во времени и в течение года изменения не превосходят 0,1-0,2%. Для обеспечения постоянства магнитного момента эллипсоиды хранятся при 20° С вдали от постоянных магнитов, внешних магнитных полей и ферромагнитных тел в особом ящике параллельно друг другу на расстоянии 20 см.



Для измерений магнитного момента каких-либо магнитов или для градуировки магнитометров служит рабочий эталов магнитного момента в виде одного магнита цилиндрического или эллипсоидального. Рабочий эталон сравнивается со всеми эллипсоидами основного эталона на обычном магнитометре, путем наблюдения с одного и того же расстояния отклонений магнитометра под действием магнита (рабочего эталона) и эллипсоида из группы основного эталона магнитного За лействительное момента. значение магнитного момента рабочего эталона принимается величина

0

CC

 $M = \frac{\Sigma M'}{n}$ 

Рис. 10. Катушка Гельмгольца как эталон магнитного потока.

где М'- магнитный момент эл липсоида, п - число эллипсо ка идов эталонной группы, с кото ст 31

рыми производилось сравнение рабочего эталона.

Рабочий эталон магнитного момента используется также в ка ст честве рабочего эталона магкитного потока. Разработанные на лабораторией на этой основе прибор (см. рис. 11) применяется 1. для градуировки баллистических гальванометров и флюксметров в обеспечивает хорошую точность измерений и обладает тем пре т имуществом, по сравнению с обычными методами градуировы

<sup>1</sup> Б. М. Янонский, К вопросу об установлении эталонов магничного во момента в абсолютных единицах. Труды ВИМС, вып. 1 (17).

ах при помощи катушек взаимной индукции, что в данном случае отсутствует цепь тока. На эллипсоид, помещенный в латунную он трубку, надевается катушка, обмотка которой соединяется с гальая ванометром. Сбрасывая катушку с нейтрали эллипсоида наблюдают отклонение гальванометра. Постоянная гальванометра в максвелля лах вычисляется по формуле

 $C = \frac{\phi_w}{a}$ ,

где Ф — поток эллипсоида, вычисляемый по его магнитному моменту и размерам,

w-число витков катушки,

IT-

TO.

01

0-

OH

0-8-C0

·0 五一日

01 06 173 отклонение гальванометра.



Рис. 11. Прибор для градупровки баллистических гальванометров с магнитом в форме эллипсоида.

Прибор снабжен тремя катушками с разным числом витков. На поток в зазоре, между эллипсоидом и катушкой, вводится соответствующая поправка.<sup>1</sup>

Эл Помимо этого лабораторней разработаны две конструкции со катушек взаимной индукции, которые также применяются в качето стве рабочих эталонов магнитного потока для градунровки бал-

листических гальванометров и флюксметров. Одна из них предка- ставляет сплошной мраморный цилиндр длиной 100 см и диаы метром 4,24 см, на поверхности которого сделана нарезка с шагом сс 1,4 мм. По нарезке в один слой уложена первичная обмотка из голой ов вроволоки диаметром 0,82 мм, специально калиброванной. В ценре тральной части на соленоид надета вторичная катушка длиной

<sup>1</sup> Г. Е. Егоров, Новый аппарат для градуировки баллистических гальваого пометров и флюксметров, "Электрические и магнитные измерения". Изд. ВИМС, № 137, 1934. 8 см с обмоткой из медной изолированной проволоки диаметром 0,20 мм с двойной шелковой изоляцией. На рис 12 представлен общий вид этой катушки, изготовленной в мастерских ВИМС. Результаты сравнения этой катушки с катушкой взаимной индукция фирмы Сименс и Гальске, проверенной в PTR (с точностью 0,1%), показали, что коэфициент взаимной индукции нашей катушки, определенный путем вычислений по геометрическим размерам, отличается от коэфициента взаимной индукции, измеренного вышеуказанным путем, всего лишь на 0,14%.

Второй тип катушки взаимной индукции - плоская с разделенными первичной и вторичной обмотками, навитыми на мраморную основу. Катушки эти в настоящее время изготовляются мастерскими ВИМС. 2



Рис. 12. Образновая катушка взаняной индукции.

Подводя итоги всей совокупности работ лаборатории в области установления эталонов магнитных единиц, можно сделать следующие выводы:

1

T

1) в настоящее время лаборатория располагает приборами и установками, позволяющими воспроизводить единицы магнитного потока, напряженности поля и магнитного момента с точностью, отвечающей современному состоянию техники магнитных изме-F рений, и в этом отношении работы лабораторни могут быть поставлены на одно из первых мест в международном масштабе,

2) разработанные лабораторией и изготовляемые мастерскими a ВИМС образцовые меры магнитного потока в виде катушек взаe имной индукции и эллипсоидов вращения с измерательной 1 катушкой в полной мере отвечают тем требованиям, которые

народных единицах, изд. ВИМС, № 127, 1933. <sup>2</sup> См. настоящий сборник, статья А. Н. Бойкон Н. И. Спириловича. <sup>4</sup> "Образновые катушка взапынон индукция".

<sup>1</sup> Н. И. Спиридович, Установление эталонов магнитного потока в между-

предъявляются к такого рода приборам и не только не уступают заграничным образцам, но даже превосходят их.

Существенным моментом в общей деятельности лаборатории является международная работа.

Магнитной лабораторией была разработана подробная программа, предусматривающая выполнение серии работ в связи с предложением Международного консультативного комитета по электричеству, одобренным Международным комитетом мер и весов, о переходе от системы международных электрических единиц к абсолютной системе практических единиц, производной от CGS системы электромагнитных единиц. <sup>к</sup>

В порядке выполнения указанного плана лабораторней и были проведены вышеуказанные работы, касающиеся установления эталонов магнитных единиц. Большая часть измерений, связанных с этими работами, производилась в Слуцкой магнитной обсерваторни, достаточно удалениой от заметных электромагнитных возмущений, что является совершенно необходимым условием для выполнения такого рода работ. Дальнейшее развитие работ по абсолютным магнитным измерениям поставило вопрос о создании собственной специальной лаборатории вдали от возможных магнитных возмущений, где гарантировалась бы равномерность магнитных возмущений, где гарантировалась бы равномерность магнитного поля внутри здания. В настоящее время, на основе детально разработанного проекта, осуществляется на территории Слуцкой магнитной обсерватории постройка такой лабораторни, в которой будут сосредоточены все работы по абсолютным магнитным измерениям.

Из области международной работы следует отметить также проведение в 1929 г. сравнительных испытаний измерительной катушки в Р. Т. Reichsanstalt и в ВИМС с целью косненного сравнения рабочих эталонов напряженности магнитного поля. Полученные результаты можно считать достаточно удовлетворительными; расхождения не превышают 0,15%.<sup>2</sup>

В 1929 г. были проведены также общирные сравнительные испытания образцов различных ферромагнитных материалов в Р. Т. Reichsanstalt и ВИМС. Испытания касались определения кривых намагничения и потерь на гистерезис и токи Фуко. Результаты оказались вполне благоприятными и расхождения не превышают допустимых погрешностей.<sup>8</sup>

За истекший период лабораторией выполнена также серия работ, касающихся методики магнитных измерений. В основном эти работы преследовали цель разработать методику и соответствующую аппаратуру для исследования ферромагнитных материялов как применительно к лабораторным условиям, так и для

<sup>1</sup> Сборник ВИМС, № 100.

" Там же.

M

R

4

0

ñ

M.

-

-

-

R

b

H

0

2-

ъ

24

H

1-

le

y,

<sup>а</sup> Е. Г. Шрамков, Сравнательные магнитиме испытания в магнитимах забораториях Р. Т. Reichsanstall и ВИМС. Труам ВИМС, вып. 4 (20), 1933.

2-2001

заводской практики. Однако, в последние годы лаборатория уделяла достаточно внимания и вопросам методики исследования материалов типа парамагнитных как латунь и всевозможного рода горные породы.

Из этой области прежде всего необходимо указать на стационарные установки, которые описаны выше, содержащие ряд оригинальных элементов, разработанных лабораторией и изготовленных преимущественно в мастерских ВИМС.

Для измерения потерь и кривой намагничения на переменном токе в слабых магнитных полях разработана методика с потенциометром Гейтера, обеспечивающая получение надежных и воспроизводимых результатов на образцах в форме колец.<sup>1</sup>

Большая работа проведена в области изыскания метода искусственного старения листовой электротехнической стали. Установлено, что существующие методы, практически очень неудобные, именно нагревание при 100° С в течение 600 час. или при 120° в течение 120 час., могут быть с успехом заменены более простым методом, нагреванием при 200° С в электрическом термостате в течение 24 час. Полученные при этом результаты оказываются даже более показательными с точки зрения обнаружения явления старения, чем в случае искусственного старения ранее применявшимися методами.<sup>2</sup>

Для испытания листовых материалов с высокой начальной проницаемостью изготовлены специальные приборы, применительно к. полосовым образцам размерами: длиной 15 см, шириной 1 см.<sup>8</sup> Один из них представляет миниатюрный прибор Э пш тейна, в котором производятся измерения потерь и определяется кривая намагничения как на переменном, так и на постоянном токе. Другой прибор предназначен для испытания таких же полос, поставленных на ребро и согнутых в кольцо-Учитывая, что всякие механические напряжения, возникающие при нарезании или изгибе образцов, исключительно сильно ухудшают магнитные свойства, особенно материалов с высокой проницаемостью, образцы как в виде прямых полос, так и предварительно согнутые в кольцо перед испытанием подвергаются термической обработке.

Для испытания кольцевых образцов на постоянном токе в слабых магнитных полях разработан метод, в котором намагничивание осуществляется одним проводом, проходящим через центр образца перпендикулярно его плоскости, благодаря чему

<sup>2</sup> Е. Г. Шрамкови Н. Г. Зуева, Обискусственном старении листовой электротехнической стали. Вестник стандартизации, № 11-12, 1931. Вторая статья тех же авторов нанечатана в издании ВИМС, № 137.

<sup>0</sup> Не опубликовано.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Е. Г. Шрамков, Измерения магнитной проинцаемости листовой электро технической стали в сдабых магнитных полях. Сборник ЛЭМИ, № 4, 1934.

181 отпадает необходимость каждый раз навивать на образец намаг-3ничивающую обмотку. 1

K-В области измерительной аппаратуры следует отметить прибор, о котором уже говорилось выше, для градунровки балли-8стических гальванометров и флюксметров с магнитом в форме Ц эллипсонда вращения и измерительной катушкой; прибор для Ôградуировки магнитометров с магнитом также в форме эллипсоида вращения; в прибор для измерения коэрцитивной силы H.



Рис. 13. Коэрциметр.

в разомкнутой магнитной цепи (коэрциметр) в виде пустотелого ΡЙ соленонда, в который помещается испытуемый образец, и нулевым методом при сдергивании с образца измерительной катушки, соединенной с гальванометром, определяется коэрпитивная сила яри размагничивании образца полем соленоида 3 (рис. 13). На рис. 13 рядом с соленоидом слева показана пустотелая цилиндрическая вставка, в которой закрепляется испытуемый образен. Справа показана подобная же иставка с измерительной катушкой. навитой у левого края.

1 С. П. Будрии, Измерение маглитной пропицаемости листовой электротехнической стали в слабых магнитных полях на постоянном токе. Труды ВИМС, BMR. 4 (20), 1933.

<sup>2</sup> Е. Т. Чернышев, Новый прибор для градунровки магинтометра. Труды ВИМС, вып. 4 (20), 1933.

<sup>в</sup> Не опубликовано.

24

63 **a** -4ë

C-8e-138 ы M ы 8e-

首 1-13 Πé-13 18

о. le

1-

12

é

Γ-

23

ſŸ

0

эĤ

Исследование материалов при высоких температурах нашло отражение в соответствующих работах, результатом которых явилась разработанная методика и аппаратура для такого рода измерений.

Особо следует отметить работы, имеющие большое практическое значение в области методики магнитных испытаний горных пород. Разработанная аппаратура позволяет производить абсолютным методом измерения магнитных характеристик образцов горных пород.<sup>3</sup>

В области постоянных магнитов лаборатория выполнила ряд ценных работ как с точки зрения выявления физических процессов, происходящих в магните, так и в отношении методики расчета магнитов и практического их применения. К таким работам относится печатаемая в настоящем сборнике работа А. Н. Бойко, посвящениая структуре поля магнита и разности магнитных потенциалов. Вопросы методики намагничивания, структурной и магнитной стабилизации постоянных магнитов впервые детально были разработаны в лаборатории и нашли самое широкое практическое применение на заводах, изготовляющих и потребляющих постоянные магниты.

Особым разделом в работе лаборатории является выполнение по заданиям промышленности и научно-исследовательских институтов испытаний нормальных образцов магнитных материалов, которые применяются ими для контроля собственных измерений. Помимо этого через лабораторию проходит в таком же порядке целый ряд исследований, касающихся определения магнитных характеристик всевозможного рода магнитных материалов и постоянных магнитов, а также поверки аппаратуры, применяемой для магнитных измерений. Здесь приходится иметь дело не только с ферромагнитными материалами, но и с такими, которые могут быть отнесены к разряду парамагнитных, как латунь, алюминий и разного рода горные породы и специальные слабомагнитные железные сплавы.

Работы эти, имеющие несомненно очень большое практическое значение, определяют вместе с тем и ту общирную связь лаборатории с промышленными предприятиями всего Союза, как производящими, так и потребляющими магнитные материалы. Достаточно указать, что через лабораторню ежегодно проходит около 300 такого рода испытаний и поверок.

<sup>1</sup> Н. Г. Зуева, Метод определения точек препращения магнитной стали при температурах от 100 до 200°. Журнал технической физики, т. 1, вып. 6, 1931, и Е. Г. Шрамков и Н. Г. Зуева, Магнитное насыщение ферромагнитных материалов при повышенных температурах. "Электричество", № 5, 1931.

<sup>2</sup> См. настоящий сборник статыи: Б. М. Яновского п Н. И. Спиридовича, Магнитометр для определения магнитных свойств тел с малым магнитным моментом; Б. М. Яновского и Е. Т. Черны шева, Абсолютный метод измерения магнитной восприимчивости горных пород. Идя навстречу потребностям промышленности, лаборатория интенсивно занялась конкретной помощью предприятиям в деле оборудования установок для магнитных испытаний, надлежащей постановки этих испытаний и соответствующим инструктажем. При самом ближайшем участии лаборатории были оборудованы установки для магнитных измерений на заводах: Верх-Исетский, Электросталь, Электроприбор, Красная Заря, завод им. Казицкого, Кировский завод, Пирометр, лаборатория Гидрографического управления.

0

X

ta.

4-

2-

b

1-1

Д

3-

H

M

a

н

π.

B

H

3-

4

X

f-1

x

M

H

2.

d,

ъ

Π.

K

e

86

K

J.

T.

18

6,

**0**+

EM.

Č-

В период 1930 — 1933 г. лабораторией были предприняты сравнительные испытания одних и тех же образцов магнитных материалов и катушки взаимоиндукции, применяемой для градуировки баллистических гальванометров, в различных заводских и научноисследовательских лабораториях Союза с целью проверки правильности применяемой методики и надежности проводимых испытаний. Это мероприятие со всей очевидностью доказало чрезвычайную важность такого рода испытаний с точки зрения поддержания единства измерений в Союзе и улучшения контроля качества продукции заводов.<sup>3</sup>

Последний период деятельности лаборатории за истекшие 15 лет характеризуется также расширением работ по стандартизации. Лаборатория принимала большое участие в составлении и последующей переработке стандарта на листовую электротехническую сталь, а также на сталь для постоянных магнитов.<sup>3</sup> Сотрудниками лаборатории составлены проекты стандартов, часть из которых уже утверждена в качестве стандартов. Сюда отно-CRTCR: "Абсолютные магнитные единицы электромагнитной системы CGS", "Терминология и обозначения в области ферромагнитных явлений", "Обозначения в области земного магнитизма". С прошлого года лаборатория приступила к разработке руководящих инструкций по методам магнитных измерений, имеющим широкое практическое применение, а в настоящем году выполияет большую работу по составлению стандарта классификации магнитных матерналов.

Подводя итоги работы лаборатории за 15 лет, необходимо остановиться и на ближайших ее задачах в разрезе второго пятилетнего плана.

<sup>3</sup> Е. Г. Шрамков, Сравнительные испытания образцов магнитных материалов в научно-исследовательских и заводских лабораториях СССР. "Вестинк ставдартизации", № 1, 1932, а также настоящий сборник, статьи; Н. И. Спиридование сравнительные испытания образцовых катушек магнитного потока и Междулабораторные сравнительные испытания образцов магнитной стали.

<sup>2</sup> Е. Г. Шрамков, О стандартном методе магнитных испытаний стяли для постоянных мягкитов. "Вестинк стандаргизации". № 11 — 12, 1931. Б. М. Яновский и Н. И. Спиридович, К вопросу о нормах на магнитную сталь для постоянных магнитов.

# БЛИЖАЙШИЕ ПЕРСПЕКТИВЫ РАЗВИТИЯ ЛАБОРАТОРИИ

Развитие работ в области абсолютных магнитных измерений с конечным завершением плана работ, предусматривающего установление основных эталонов магнитных единиц в абсолютной мере с наибольшей вовможной метрологической точностью, является одной из самых актуальных задач ближайшего периода. Поддержание единства магнитных измерений в нашем Союзе, при полной согласованности с работами в этой области в других странах, ставит на очередь вопрос о более систематических сравнительных испытаниях рабочих эталонов, в метрологических лабораторнях других стран. Этот участок работы заслуживает особого внимания, так как в области установления и хранения эталонов магнитная лаборатория ВИМС стоит на одном из первых мест в международном масштабе и по многим вопросам. является пионером, в то время как за границей эталонам магнитных единиц до настоящего времени не уделяется еще надлежащего внимания.

Усовершенствование существующих методов магнитных измерений в сторону еще большего повышения точности, а также разработка новой методики и аппаратуры, применительно к специфическим условиям работы магнитных материалов в электромагнитных механизмах, в частности применительно к новым магнитным сплавам, которые в настоящее время начинают внедряться в нашу промышленность, является не менее ответственной задачей лаборатории.

Периодический контроль состояния техники магнитных измерений в заводских и научно-исследовательских лабораториях, осуществляемый путем проведения сравнительных испытаний рабочих магнитных эталонов и нормальных образцов магнитных материалов, должны охватить еще большее количество объектов, чем это имело место до настоящего времени, с тем, чтобы единство магнитных измерений нашло реальное осуществление во всем Союзе.

Более широкое развитие во второй пятилетке должны получить работы, касающиеся вопросов стандартизации, в частности в области классификации магнитных материалов, как ферротак и парамагнитных, включающей достаточно исчерпывающие характеристики этих материалов. Для проведения этой весьма ответственной работы, имеющей несомненно большое практическое значение, лаборатория ведет исследования, посвященные магнитным испытаниям парамагнитных материалов, которым до последнего времени уделялось еще недостаточное внимание. Вместе с этим лаборатория должна в более широком масштабе развить работы в части, касающейся термической обработки магнитных материалов, поскольку эта обработка является одним BPBH

£

из решающих факторов, определяющим получение надлежащих магнитных характеристик.

Этим кратким перечнем, затрагивающим лишь основные, ведущие проблемы, конечно не исчерпывается весь тот объем работ лаборатории, которые намечены во втором пятилетнем плане в соответствии с общехозяйственными проблемами нашего Союза и той ролью, которая принадлежит магнитной лаборатории ВИМС как высшего метрологического института Союза.

X

ñ

0

й

), 1.

,XXXTRBM

x - 0 B 0 - 2

· 1 C - 4 -

A 4 1 A 1

·····

# INTRODUCTION

#### par E. G. Shramkov-

### (Résumé)

L'article est consacré à un exposé de l'activité scientifique déployée par le Laboratoire des Étalons magnétiques de l'IMS des 1919 — date de son organisation.

Jusqu'en 1923 le Laboratoire s'occupa principalement de l'installation de ses dispositions de mesure les plus indispensables, qui permettraient d'effectuer les études des propriétés magnétiques des matériaux avec toute la précision alors possible et de satisfaire les réclamations toujours croissantes de l'industrie et des Instituts scientiliques.

La période de 1923 à 1930 fut surtout consacrée à l'un des travaux principaux du Laboratoire — à la réalisation d'étalons pouvant assurer l'uniformité des mesures magnétiques dans l'URSS.

Des travaux visant à une précision plus haute de la reproduction des unités magnétiques fondamentales et la recherche de méthodes et d'appareils pour les mesures magnétiques caractérisent la dernière période. Cette même période est marquée par un travail intense dans le domaine de la standardisation.

Actuellement le Laboratoire dispose d'une installation de mesures magnétiques suffisamment riche, permettant de poursuivre les recherches les plus variées dans le domaine du magnétisme, y compris:

1) Trois dispositions balistiques, dont l'une est représentée sur la fig. l.

2) Une disposition de mesure par la méthode du wattmètre avec un appareil Epstein,<sup>1</sup> destinée à mesurer les pertes par hystérésis et les courants Foucault (fig. 2).

3) Une disposition différentielle avec deux appareils Epstein de la maison Siemens & Halske (fig. 3).

4) Une disposition magnétométrique avec un magnétomètre astatique d'après Kohlrausch et Hohlborn (fig. 4).

<sup>1</sup> E. C. Schramkov und B. M. Janovski, Eine neue Method zur Bestimmung der Magnetisierbarkeit von Dynamo- und Transformatorenblechen, Zeit. f. Techn. Physik, B. II, N. 6, 1930.

5) Une disposition spéciale avec magnétomètre astatique, type du Laboratoire des Étalons magnétiques, pour les essais des propriétés magnétiques des matériaux possédant une faible susceptibilité magnétique, en particulier pour l'étude des roches (fig. 5).

6) Une disposition du pont Giebe — Wagner pour les essais des propriétés magnétiques des matériaux à une fréquence acoustique (fig. 6 et 7).

7) Une disposition pour les essais des propriétés magnétiques des matériaux ferromagnétiques à des températures élevées jusqu'à 800°C.

8) Une disposition destinée à éprouver les matériaux ferromagnétiques dans les champs magnétiques intenses d'après la méthode de la "Joch-Isthmus" de Gumlich.

9) Une disposition avec potentiomètre Geiger pour l'étude des caractéristiques magnétiques des matériaux en tôle.

10) Une série de fours électriques pour le traitement thermique des échantillons des matériaux magnétiques et des aimants permanents (fig. 8).

Pour ce qui concerne la reproduction des unités magnétiques fondamentales, on peut affirmer que les travaux, poursuivis par le les: Laboratoire des Etalons magnétiques, devancent sous ce rapport les les Laboratoires des autres pays. Actuellement le Laboratoire -115 dispose d'un étalon des unités absolues de l'intensité du champ les magnétique et du flux magnétique --- une bobine Helmholz. L'intenns: sité du champ de la bobine est déterminée en mesurant la durée SS. d'une oscillation d'un aimant suspendu librement dans le centre de la bobine, dans le champ de la bobine même et dans le champ OIL es magnétique terrestre. La composante horizontale du champ magnè-21tique terrestre se détermine au moyen du magnétomètre pendant la se mesure de la durée des oscillations de l'aimant.

On se sert de cette même bobine Helmholz comme d'étalon du flux magnétique. L'aimant est alors remplacé par une bobine secondaire avec un nombre déterminé de spires, enroulées sur un cylindre is: en marbre. La bobine Helmholz a été exécutée dans les ateliers de ur l'IMS (fig. 9 et 10).

C'est à cette même série de travaux que se rapportent les ec recherches effectuées pour l'établissement en unités absolues de sis l'étalon du moment magnétique — un groupe de 10 aimants en acier magnétique trempé, ayant la forme d'ellipsoïdes de rotation structude ralement et magnétiquement stabilisés. Le moment magnétique de chaque ellipsoïde est mesuré sur un théodolite magnétique absolu re par la méthode de Lamont.

Pour les mesures du moment magnétique des aimants ou pour l'étalonnage des magnétomètres on emploie un étalon de travail du moment magnétique sous la forme d'un aimant ellipsoïdal. Un

<sup>1</sup> Travaux de l'IMS, livr. 1(17).

ép-

ies

al-

ie-

pareil aimant est employé également en guise d'étalon de travail du flux magnétique pour l'étalonnage des galvanomètres balistiques. et des fluxmètres. Une bobine, connectée avec le galvanomètre, est placée sur la partie centrale de l'ellipsoïde; en la retirant on observe les déviations du galvanomètre a. La constante du galvanomètre est déterminée d'après la formule:

 $C = \frac{\Phi w}{\alpha},$ 

où  $\phi$ -est le flux de l'ellipsoïde, calculé d' après le moment magnétique et la dimension de l'ellipsoide, w-le nombre de spires de la bobine.

L'appareil est muni de trois bobines ayant chacune un nombre différent de spires (fig. 11).

Le Laboratoire a élaboré des bobines d'induction mutuelle à enroulements distincts, présentant un certain avantage comparativement avec les bobines des types existants sous le rapport d'une haute résistance de l'isolement et d'une petite capacité.1

×

A

é

5

1

D

11

11

La fig. 12 représente une bobine d'induction mutuelle en forme d'un solénoide rectiligne avec un enroulement à couche unique sur un cylindre de marbre fileté et un enroulement secondaire sur la partie centrale du solénoide. Les comparaisons de cette bobine avec la bobine d'induction mutuelle de la maison Siemens et Halske, vérifiée à la P. T. R., donnèrent une concordance dans les limites de ± 0.14%.

L'un des moments importants de l'activité du Laboratoire des Étalons magnétiques fut son travail international. En réalisation du programme concret, élaboré par le Laboratoire<sup>\*</sup> pour les mesures absolues, prévues en 1929 par une décision du Comité International des Poids et Mesures, le Laboratore exécuta les travaux pour l'établissement des étalons des unités magnétiques absolues.

Il faut noter les comparaisons, effectuées en 1929 dans les laboratoires magnétiques de la P. T. Reichsanstalt et de l'IMS, d'une bobine de mesure (pour la comparaison des étalons de travail de l'intensité du champ) et des échantillons des différents matériaux ferromagnétiques. Les résultats se trouvèrent être tout à fait satisfaisants, les divergences ne dépassant guère les erreurs des mesures."

Le Laboratoire a aussi fait beaucoup de recherches sur les méthodes pour le vieillissement artificiel du tôle en acler électrotechnique. La méthode élaborée, et qui consiste en un échaufiement à 200° C durant 24 heures dans un thermostat, donne des résultats plus convaincants que les méthodes anciennes. Pour caractériser le vieillissement on employe la variation de la force coercitive.4

- Publication de I'I. M. S., N. 100.
  Travaux de I'I. M. S., Iivr. 4(20), 1933.
- Vestnik (Revue) de Standardisation, N. 11-12, 1931.

<sup>1</sup> Voir la fig. 4, p. 32.

On fit également une étude détaillée du facteur de forme dans la mesure des pertes par l'hystérésis et les courants Foucault.<sup>1</sup>

iI.

S

at l ē.

e

\$

e 8

e

e

83

\$

S.

1

2 -

r

÷

a

C)

2

.

ì

5

Pour ce qui concerne les instruments il faut mentionner un appareil pour l'étalonnage des galvanomètres balistiques et des fluxmêtres avec un aimant en forme d'un ellipsoïde de rotation et une bobine de mesure et un appareil destiné à mesurer la force coercifive dans un circuit magnétique ouvert (coercimètre) et consistant en un solénoïde dans lequel on place l'échantillon à étudier et la bobine de mesure, connectée avec le galvanomètre. En retirant l'échantillon, on détermine la force coercitive pendant la désaimantation de l'échantillon par le champ du solénoïde (v. fig. 13).

Les essais des matériaux, effectués à des températures élevées, e aboutirent à l'élaboration d'une méthode et d'instruments destinés à la détermination des courbes d'aimantation à des températures de + 800° C. 3

Il faut mentionner une série de travaux d'une grande valeur pratique, poursuivies dans le domaine de la méthode des essais magnétiques des roches."

Dans le domaine des aimants permanents le Laboratoire exécuta E une série de travaux pour l'élucidation des processus physiques observés dans l'aimant, et aussi sous le rapport des methodes pour le calcul des aimants et pour leur emploi pratique. De ce nombre 1 est le travail publié dans la présente livraison et traitant de la strucfure du champ magnétique et de la différence des potentiels magnétiques. Les questions concernant la méthode d'aimantation et de la stabilisation des aimants furent étudiées en détail et sont d'un emploi très fréquent dans les Laboratoires industriels.

Les essais, effectués sur les commandes de l'industrie et des Instituts des Investigations scientifiques, des échantillons normaux des matériaux magnétiques et des caractéristiques magnétiques des matériaux de toute espèce des aimants, ainsi que la vérification des instruments de mesures magnétiques, forment une partie essentielle de l'activité du Laboratoire.

La derniére période de l'activité du Laboratoire est caractérisée par l'extension de ses travaux dans le domaine de la standardisation. Le Laboratoire a élaboré les standards: "Les unités magnétiques absolues du système électromagnétique CGS\*, "Terminologie dans le domaine des phénomènes ferromagnétiques\*, "Symboles dans le domaine du magnétisme terrestre", "Tôle en acier électrotechnique". Les problèmes que le Laboratoire se propose de résoudre dans

un avenir rapproché sont: le développement des travaux dans le

<sup>1</sup> Voir le recueil schuel, le mémoire .Le facteur de la forme de la courbe de lension pendant la mesure des perfes par hystérésis et des courants Foucault\*.

\* Voir l'article "L'influence de la température sur les propriétés de l'acier magnélique et des aimants permanents' par B. M. Janovski et M-me N. G. Zouleva. <sup>1</sup> Ibid, le mémoire .Méthode absolue de la détermination de la susceptibilité magnétique des roches".

domaine des mesures absolues magnétiques avec une précison métrologique.

La réalisation plus systématique des comparaisons internationales des étalons magnetiques est aussi à l'ordre du jour.

Le perfectionnement des méthodes existantes au point de vue d'une élévation plus grande de la précision, ainsi que l'élaboration de méthodes et d'instruments nouveaux, sont encore les tâches très importantes que doit assumer le Laboratoire.

Le second plan quinquennal comporte un développement plus vaste des travaux se rapportant aux problèmes de standardisation, surtout dans le domaine de la classification des matériaux magnétiques. En outre, le Laboratoire devra donner un développement plus grand aux problèmes du traitement thermique des matériauxayant en vue leur importance pour la détermination des caractéris, tiques magnétiques des matériaux.

¢

# ОБРАЗЦОВЫЕ КАТУШКИ ВЗАИМНОЙ ИНДУКЦИИ

éł

8-

ie ie

115

n, é-

nt

X٦

S.

## А. Н. Бойко и Н. И. Спиридович

Настоящее исследование произведено с целью разработки рациональной и легко выполнимой конструкции катушек взаимной индукции для градуировки баллистических гальванометров,

От рабочих эталонов взаимной индукции требуются следующие свойства: а) малое и приблизительно одинаковое значение самоиндукции первичной и вторичной обмоток, б) возможно малое сопротивление обмоток и в) малая емкость между обоими обмотками.

Эти требования до некоторой степени противоположны: так если, стремясь получить малую самоиндукцию и малое сопротивление, обе обмотки намотать в непосредственной близости (например двужильным плоским проводом), то получится сравнительно большая емкость между ними. Намотка двужильным проводом дает максимум взанмной индукции для заданной длины провода, когда стороны квадратного сечения обмотки равны радиусу катушки. При этом самоиндукции обоих катушек равны, а взаимная индукция только на небольшую величину меньше самоиндукции каждой из них.

Отдельная намотка катушек, например вторичной поверх первичной или рядом с ней, уменьшает вредную электростатическую емкость, но в то же время понижает взанмную индукцию (коэфициент связи меньше единицы), т. е. требует большего расхода провода для получения заранее заданной величины взаимной индукции.

Исследования катушек взаимной индукции заграничных фирм показали, что некоторые конструкции обладают явным дефектом приводящим в конце концов к ненадежной работе баллистического гальванометра. Например в наиболее распространенных в наших лабораториях катушках фирмы Сименс и Гальске обмотка выполнена двужильным проводом с бумажной изоляцией, пропитанной парафином. Одна жила используется как первичная обмотка, другая — как вторичная. При тесном расположении обоих жил получается большая емкость, порядка 22700 ра F. Наблюдаются кроме того поляризационные явления в диэлектрике, что вызывает изменение сопротивления изоляции между жилами в течение 6 мин. от  $1,55 \times 10^9$  до  $1,02 \times 10^{40}$  Q. Несовершенство изоляции и поляризационные явления в конечном счете вызывают явление "ползучих" токов во вторичной цепи, которые дают неустойчивое отклонение баллистического гальванометра и смещение его нулевого положения.

Мы остановили свой выбор на раздельном расположении первичной и вторичной обмоток катушек, в расчете на уменьшение емкостных явлений, и кроме того уделили большое внимание улучшению изоляционных свойств диэлектрика. Мы сохранили общепривятую величину взаимной индукции в 10 mH, дающую 1 000 000 M при изменении тока в 1 A.





Рис. 1. Эскиз катушки язаимной индукции.

индукции определять путем сравнения с эталонной катушкой, то можно было ограничиться приближенными вычислениями при проектировании размеров и катушки. В основу расчета было положено вычисление взаимной индукции двух круговых в токов, соответствующих размерам и взаимному расстоянию средних витков, симметричных первичной и вторичной обмоток. В Эскиз катушки показан ва

đ

ñ

рис. 1.

Вычисление выполнялось по формулам и таблицам Jahnke und Emde<sup>3</sup> и затем подбиралось нужное число витков для получения M = 10 mH.

Для двух параллельных коаксиальных круговых токов взаимная индукция выражается формулой:

$M = 4\pi \sqrt{r_1 r_2} \cdot y$			
y = [K - 2] K - 2 F =	$2E - (1 - \cos^2 z)K$		
$y = [\frac{n}{k}, \frac{1}{k}] \cdot n + \frac{n}{k} L =$	sla a-		
$K^2 = \sin^2 \alpha = \frac{4\pi}{(r_1 - r_2)^2}$	$\frac{r_1 r^2}{(r_2)^2} + \epsilon^2$		

где: К - полный эллиптический интеграл первого рода,

Е — полный эллиптический интеграл второго рода по модулю k.

Угол «, как видно из вышеприведенной формулы и рис. 2, определяется взаимным расположением, в нашем случае равных концентрических кругов радиуса r<sub>1</sub> и r<sub>2</sub>.

<sup>1</sup> Funktionentafeln mit Formeln u. Kurven, Dr. E. Jahnke und Dr. Emde, crp. 76, nag. B. G. Tebner, Leipzig-Berlin, 1928.

Причем

œ

۹.,

Ħ 18

e

н ю

a

Ĥ,

e, to

X

18

ce. y-8+

0.

2,

LX.

e,

$$tg \alpha = \frac{2r}{d} = \frac{2 \times 6.2}{3.5} = 3,54$$
$$\alpha = 74^{\circ} 15' = 74^{\circ},25.$$

В книге Янке и Эмде имеется готовая таблица значений у функции угла а через десяти

ения витков доли градуса от 60 до 89,9°, с куда и находим у=0,785.

$$M = 4\pi \sqrt{r^2} \cdot y = 4\pi r \cdot 0,785 = 4\pi \cdot 6,2 \cdot 0,785 = 61,2.$$

8 Переход от одной пары витков к многим виткам, для полу-H чения заданной величины взаимной индукции, требует умноже-B ння на число витков в каждой катушке w, и w2. Делая катушки 11 симметричными, т. е. полагая  $w_1 = w_9 = w$ , мы облегчаем даль-3пейшие вычисления: IX.

$$M_n = Mw^2 = 4\pi w^2 r y.$$

Приравнивая полученную формулу заданной величине взаимной индукции M=10 mH = 10° см, будем иметь окончательное ĸ. выражение для числа витков в каждой катушке

4=w2ry=107

4#6,2+0,785 = 408 витков. 107

Выбираем затем в достаточной мере толстую проволоку (надо придерживаться малых сопротивлений) для размещения нужного числа витков в предполагаемом габарите обмотки. Если встречаются затруднения, начальный габарит немного изменяется в ту или другую сторону и делается новый пересчет. Дальнейшая точная подгонка количества требуемых витков у начерно изготовленной катушки производилась путем сравнения с образцовой катушкой, взаимонндукция которой известна. Мы остановили свой выбор на проводе с двойной бумажной оплеткой диаметром 1 мм по меди и 1,3 мм по изоляции, что в нашем габарите канавок для обмоток позволяет сделать 22 цилиндрических слоя по 19 витков или всего 22×19=418 витков, с некоторым запасом для точной подгонки величины взаимной индукции путем снимания лишних витков. Расчетная ллина провода на отдельную намотку 160 м, вес 1,22 кг, сопротивление 3,47 9. От фарфоровых катушек пришлось отказаться,

так как они в процессе обжига изменяют свои размеры и дают заметные искривления флянцев, что мешает равномерной укладке провода в канавке катушки. Такое неудобство фарфора носило несомненно случайный характер. При более тщательной постановке дела на фарфоровом заводе вероятно можно было бы получать катушки без деформированных флянцев. В таком случае фарфор явился бы весьма подходящим материалом для катушек, в виду его высоких изоляционных свойств. Но налажи вание выделки фарфоровых катушек не входило в нашу программу.

Материалом для изготовления катушек, служил белый мрамор, проверенный на магнитометре на отсутствие магнитных свойств. Точно так же проверялись медная проволока и латун-

> HA HH

> EH Me

> (EU)



Рис. З. Мраморные основы для катушек взаняной индукции.

ные винты, так как по исследованиям в магнитной лаборатория продажная латунь, даже изготовленная из довольно чистых исходных металлов цинка и меди, обладает иногда заметными матнитными свойствами,<sup>1</sup> не говоря уже о латуни, выплавляемой из собранной заводской стружки, сильно загрязненной железом. По этой же причине следует избегать никелировки наружных зажимов у катушек.

Мраморная катушка для обмотки показана на рис. 3.

Было обращено особое внимание на повышение изблирующих свойств мрамора. Для удаления следов абсорбированной влаги обточенные мраморные катушки сушились 34 часа при температуре 103 — 105° С и вслед за этим в горячем состоянии погру-

<sup>1</sup> Труды ВИМС, вып. 4, 1933.

ке кались в расплавленный парафин для пропитывания, где выдерло кивались в течение 24 час. при температуре 85-90°. После нымотки проволоки катушка сушилась 24 часа при температуре 64 103 - 105° и выдерживалась в парафине 24 часа при температу, туре 85 — 90°. Сушка и пропитывание парафином обмото кулучля вает изолирующие свойства бумажной изоляции проволоки и ки проме того парафин повышает механическую устойчивость обмоток, предохраняя их от случайного смещения, хотя и малого ю величине, но могущего дать заметное изменение величины ра. взимной индукции. Сверх этого наружный слой обмотки, после ыз жончательной подгонки, промазывался расплавленной мастикой в 1 части канифоли и 2 частей воска, что должно предохра-He нть наружные витки от случайных перемещений при переноске им перевозке. Затем обмотка закрывалась лентой черного гра-REOTH

Подгонка с точностью до 1 витка дает хорошее пряближезне к номинальной величине в 10 mH, как видно из таблицы 1. метод подгонки: наблюдение отклонений баллистического гальинометра при одном и том же изменении тока в первичной обмотке катушек.

7DA	62.7	11.4		A	
1.4	04	111	ц	a.	1.1

М атушек изнин. идукции	/ Общее число витков	Среднее отклонение отклонение от номиналь- ной взаимо- нидукции M = 10mH в %	Окончательна величина взаимной индукции собранных катушек, ти			
3	Первичная обмотка 413 витков, вторичная обмотка 413	+ 0,19	Sar 6			
	Снят 1 виток: первичная обмотка 412 витков вторичная обмотка 413	] +0,02	10,009			
4	Первичная обмотка 410 витков Вторичная обмотка 410	] + 0,12	1			
	Снят 1 виток: первичная обмотка 409 витков вторичная обмотка 410	) -0,12	9,990			

Окончательно собранные катушки показаны на рис. 4. Данные изготовленных катушек:

Катушка Ng 3 Первичная обмотка: 21 слой по 19 витков в 22-м слое 13 витков, всего 412 витков, сопротивление 3,39 ♀. Поричная обмотка: 21 слой по 19 витков и в 22-м слое 14 вит-

48

**JH** 

M. 23

ŧX. 18

**H**-

y•

IOT.

ков, всего 413 витков, сопротивление 3,40 2. Взаимная индукция. 0,010009 Н.

Катушка № 4. Первичная обмотка: 21 слой по 19 витков и в 22-м слое 10 витков, всего 409 витков, сопротивление 3,37 2 Вторичная обмотка: 21 слой по 19 витков и в 22-м слое 11 витков, всего 410 витков, сопротивление 3,37 Ω. Взаимная индукция: 0,009990 *H*.

Вес готовой катушки 5,66 кг, в том числе медного провод 2,5 кг.



de le

de

四前 他 57 由

ga

Рис. 4. Общий вид катушек взаимной индукции магнитиой явборатории ВИМС.

В изготовленных катушках сопротивление изолянии межд обмотками выражается пифрой порядка 5×10<sup>10</sup> Ω, электроста тическая емкость между обмотками в зависимости от порядк включения концов катушки колеблется в пределах от 37,4 д 60,7 см, поляризационных явлений в диэлектрике не обнаружено не наблюдается также явлений "ползучих токов" и связанны с ними влияний на положение нуля баллистического гальванс метра.
# LES ÉTALONS DE L'INDUCTION MUTUELLE

11

CT II

118

# par A. N. Bolko et N. I. Spiridovitch .

## (Résumé)

L'étude des types existants des bobines d'induction mutuelle de 10 *mH* pour les mesures balistiques a démontré que les enroulements primaire et secondaire, exécutés d'une manière trop serrée (par exemple avec un fil double), occasionnent un décroissement de la résistance de l'isolement et une grande capacité entre les circuits primaire et secondaire de l'ordre de 25000 pp *F*, par suite de quoi les phénomènes de polarisation dans le diélectrique et les courants parasites produisent des perturbations dans le circuit du galvanomètre. Afin d'éliminer ces phénomènes on construisit des tobines à enroulements séparés sur uni marbre bien paraffiné. La résistance de l'isolement entre les enroulements s'éleva jusqu'à  $5 \times 10^{18}$  Q, et la capacité baissa jusqu'à 37-60 pp F. On n'observa ni phénomènes de polarisation, ni courants parasites dans le 'circuit du galvanomètre. Ce type de bobines est recommandé pour l'étalonnage des galvanomètres balistiques.

# МАГНИТОМЕТР ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ МАГНИТНЫХ СВОИСТВ ТЕЛ С МАЛЫМ МАГНИТНЫМ МОМЕНТОМ

#### Б. М. Яновский и Н. И. Спиридович

Очень часто на практике приходится встречаться с измерением магнитной индукции или проницаемости тел, имеющих незначительную величину магнитного момента. Сюда относятся слабомагнитные материалы, восприимчивость которых меньше 0,1 CGS или же обычные ферромагнитные тела, имеющие очень малые размеры, например тонкие проволоки или полоски.

Обычные методы, баллистический и магнитометрический, в этом случае являются мало чувствительными или же требуют очень



36

сложных приспособлений. Предлагаемый метод астатического магнитометра дает возможность определять с достаточной точностью вабсолютных единицах интенсивность намагничения и восприимчивость указанных выше тел.

Прибор, служащий для этой цели, пред ставляет астатический магнитометр малоге размера, устанавливаемый в первом или же во втором Гауссовов положении по отноше нию к испытуемом образцу. Магнитная система магнитометра со

стоит из двух магнитов (рис. 1), имеющих плоскую форму, разме рами 2×5×15 мм и отстоящих друг от друга на расстоянии 150 мм Система подвешивается на тонкой кварцевой нити диаметро, от 30 до 50 µ. Для быстрого затухания колебаний системи нижний магнит помещается в медный успокоитель. Испытуемый образец помещается в намагничивающую катушку, внутренний диаметр которой 10 мм и длина 300 мм. Число витков таково, что ток в 1 А создает в центре катушки поле напряженностью 121 Oe. Катушка располагается по отношению к магшиту во втором Гауссовом положении, на расстоянии от 5 до 15 см от центра магнита на салазках, которые перемещаются по шине с делениями. Внешний вид магнитометра показан на рис. 2.

e o T II

DC-

M

10

40

6.46

03

MIS



Рис. 2. Общий вид астатического магнитометра.

Для компенсации поля, создаваемого намагничивающей катушкой, симметрично ей, помещается вторая катушка таких же размеров, соединенная последовательно с первой.

Для градуировки магнитометра служат кольця Гельмгольца, которые установлены таким образом, что центр их совпадает с центром нижнего магнита, а ось перпендикулярна оси магнита. Кольца имеют днаметр 110 мм и обмотку в один виток. Постоянная колец вычисляется из размеров по формуле

21

T(

01

.

C

94

5

11

町

41

M

M

11

BE

H

1 11

H

ризонтальная соста-

ность внешнего магнитного поля, создаваемого постоянным магнятом или

электрическими то-

ками в месте рас-

положения нижнего

магнита, Н. - напряженность того же

поля в месте расположения верхнего

магнита, 6-двугранугол между

плоскостями, проходящими через оси обоих магнитов, 0,-

угол между магнитным меридианом н

осью нижнего магнита, С — постоянная

кручения и ф-угол

HMR

вляющая земного по- в ля, Н. — напряжен-

 $K = 0,90 \frac{w}{R}$ ,

где w-число витков, R-средний радиус в см.

#### ТЕОРИЯ АСТАТИЧЕСКОГО МАГНИТОМЕТРА

Пусть М, и М<sub>а</sub> — магнитные моменты обоих магнитов магнитометра (рис. 3), направление которых считается положительным от S к N, H-го-



Рис. 3.

закручивания инти. В таком случае момент вращения Р., действующий на нижний магнит, выразится:

$$P_1 = M_1 H \sin \theta_1 + M_1 H_1 \sin \theta_1$$

Момент вращения Ра, действующий на верхний магнит,

$$P_a = M_a H \sin \theta_a + M_a H_a \sin \theta_a^{1}$$

где

 $\theta_{2} = \theta_{1} + \delta_{2} \ \theta_{1}^{1} = \theta_{1} + \frac{\pi}{2} H \ \theta_{2}^{1} = \theta_{2} + \frac{\pi}{2} .$ 

Общий момент Р, действующий на всю систему, будет равен Rei сумме Р, +Ра т. е.

$$P = H(M_1 \sin \theta_1 + M_g \sin \theta_g) + M_2 H_z \cos \theta_g + M_1 H_z \cos \theta_1.$$

Этот момент уравновешивается моментом кручения нити, который пропорционален углу закручивания нити с. т. с.

 $H(M_1 \sin \theta_1 + M_2 \sin \theta_2) + M_2 H_2 \cos \theta_2 + M_1 H_1 \cos \theta_1 = C_2, \quad (1)$ 

причем

M

3.

H-

3-

H-

UV.

3-H

-

T-

H

1-

183 1.1

1Â

dH.

=0 -0.

п 9, — первоначальный угол, составленный осью нижнего магнята с магнитным меридианом. Выражение

 $M_1 \sin \theta_1 + M_2 \sin \theta_2$ 

H представляет сумму про-3екций векторов М, и М. вв ось, перпендикуляр-0 ную к направлению ме-9ридиана, и по свойству (e проекций равно проексуммы векторов, 且招任 0 М=М, +М, на ту же ось, т. е. Π.

 $M\sin\theta = M_{\star}\sin\theta_{\star} + M_{\star}\sin\theta_{\star}$  (1')

где 6 — угол между вектором M и магнитным меридизном (рис. 4). . Поэтому уравнение (1) можно написать:

PHC. 4.

 $HM\sin\theta + M_{\theta}H_{\theta}\cos\theta_{\theta} + M_{H_{1}}\cos\theta_{1} = C_{\theta}.$ (1')

Чтобы определить чувствительность магнитометра с, т. е. величину угла, на который он отклоняется при действии внешнего поля равного единице, необходимо найти производную itti j do, , так как

Дифференцируя уравнение (1) и считая M1, M2, H и bo ностоянвыми величинами, будем иметь

$$H(M_1\cos\theta_1 + M_2\cos\theta_2)d\theta_1 + M_2\cos\theta_2dH_2 -$$

 $M_{*}H_{*}\sin\theta_{*}d\theta_{*} + M_{*}\cos\theta_{*}dH_{*} - M_{*}H_{*}\sin\theta_{*}d\theta_{*} = -Cd\theta_{*} \quad (2)_{*}$ 



Так как Н<sub>1</sub> и Н<sub>2</sub> — напряженности поля, создаваемого одним и тем же источником, то Н. пропорционально Н., т. е.

$$H_{3} = \kappa_{3} \cdot H_{3}$$

÷1

11

T

a.

C 10

Q)

æ

причем к, всегда меньше единицы, так как действие на нижний магнит всегда можно сделать наибольшим. Отсюда

 $dH_{n} = \kappa_{n} dH_{n}$ 

Подставив вместо H2 и dH2 их выражения в уравнение (2) п разделив обе части его на db, и принимая во внимание, что 110  $d\theta_{n} = d\theta_{n}$  получим:

$$H(M_1\cos\theta_1 + M_2\cos\theta_2) + \kappa_1M_2\cos\theta_2\frac{dH_1}{d\theta_1} - \kappa_1M_2H_1\sin\theta_2 + M_1\cos\theta_1\frac{dH_1}{d\theta_1} - M_1H_1\sin\theta_1 = -C,$$

откуда:

$$\frac{1}{\varepsilon} = \frac{d H_{i}}{d\theta_{1}} = -\frac{C}{M_{i} \cos \theta_{1} + k_{1}M_{2} \cos \theta_{2}} - H\frac{M_{1} \cos \theta_{1} + M_{2} \cos \theta_{2}}{M_{i} \cos \theta_{1} + k_{1}M_{2} \cos \theta_{2}} + H_{1}\frac{M_{1} \sin \theta_{1} + k_{1}M_{2} \sin \theta_{2}}{M_{1} \cos \theta_{1} + k_{1}M_{2} \cos \theta_{2}}$$

$$(3)$$

Выражение  $M_1 \cos \theta_1 + M_2 \cos \theta_2$  представляет сумму проекций магнитных моментов на ось параллельную магнитному мери диану. Аналогично выражению (1), его можно представить как M cos 9. Далее, величину К.М. можно рассматривать как магнитный момент некоторого магнита параллельный вектору М., таком случае проекции суммы магнитных моментов М13=М, -+k,M, на оси: параллельную магнитному меридиану и перпендикулярную ему, выразятся соответственно

$$M_1' \cos \theta_1'' = M_1 \cos \theta_1 + k_1 M_2 \cos \theta_2$$
  
$$M_1' \sin \theta_1'' = M_1 \sin \theta_1 + k_1 M_2 \sin \theta_2$$

гле

9,"-угол между H и M, Подставив эти выражения в уравнение (3), получим:

$$\frac{1}{\pi} = -\frac{C + HM \cos \theta - H_1 M_1' \sin \theta_1''}{M_1' \cos \theta_1''} \,. \tag{3}$$

Если пренебречь влиянием на верхний магнит (k1=0), то

$$\frac{1}{t} = -\frac{C + HM\cos\theta - H_tM_t\sin\theta_i}{M_t\cos\theta_i}.$$
 (3")

Если же считать, что напряженность поля, действующая на систему, одинакова во всех точках, т. е. k1=1, то

$$=\frac{C+HM\cos\theta-H_{t}M\sin\theta}{M\cos\theta}$$
(3")

ни Для строго астатической системы  $M_1 = -M_2$  и M = 0, поэтому выражения (3'), (3") и (3") примут соответственно вид:

TH.

$$\stackrel{1}{=} \stackrel{C}{=} \stackrel{C}{\xrightarrow{M_1 \cos \theta_1 (1-k_1)}} \stackrel{H_1 \text{tg } \theta_1;}{=} \stackrel{C}{\xrightarrow{M_1 \cos \theta_1}} \stackrel{H_1 \text{tg } \theta_1;}{=} \stackrel{1}{\xrightarrow{\pi_1}} \stackrel{E}{=} \infty$$

Во всех предыдущих выражениях для с последние члены правой части, содержание sin и tg углов 0, и 0, ", всегда малы по сравнению с первыми членами, т. е. с С и С М<sub>t</sub>; и ими можно пренебречь.

Действительно, из уравнения (1), полагая, что система астатическая, и  $H_1 = -H_2$ , имеем:

$$M_1H_1 \cos \theta_1 = C\varphi_1$$

нды:

ar-

$$H_1 M_1 = \frac{C \varphi}{\cos \theta_1}$$
.

(3) Так как угол отклонения  $\theta_1$  и угол кручения  $\varphi$  обычно малы и сумма магнитных моментов  $M_1' = M_1 + kM_3$  тоже мала, то величи чины  $H_1M_1$  sin  $\theta_1$  и  $H_1M_3'$  sin  $\theta_1''$  — малы по сравнению с C. рв. Например, при  $\theta_1 = \varphi = 1^\circ$ , отношение

$$\frac{H_1M_1\sin\theta_1}{C} = \frac{\mp\sin\theta_1}{\cos\theta_1} = \theta_1^2 = \frac{\pi^2}{180,180} = 0,000308,$$

т. е. составляет всего лишь 0,03 %.

пн Поэтому чувствительность « для не вполне астатической системы можно представить следующими формулами:

$$\begin{aligned} z &= -\frac{M_{1}' \cos \theta_{1}''}{C + HM \cos \theta} \\ z_{1} &= -\frac{M_{1} \cos \theta}{C + HM \cos \theta} \\ z_{2} &= -\frac{M \cos \theta}{C + HM \cos \theta} \end{aligned} \right\}, \tag{4}$$

З/1 а для астатической системы:

E =

5,77

$$\frac{M_{1}\cos\theta_{1}(1-k_{1})}{C}}{\frac{M_{1}\cos\theta_{1}}{C}}$$

88

111

Из уравнений (4) видно, что чувствительность не вполне астатической системы больше или меньше чувствительности астатической системы, в зависимости от величины 6. Если направление

41

(5)

равнодействующего момента составляет с направлением меридиана угол первой или четвертой четверти, то чувствительность не системы будет больше чувствительности астатической. Если же ол этот угол лежит во второй или третьей четверти, то чувстви то тельность делается меньщей.

Ураввення (4) н (5) дают нам выражения для чувствитель ности системы по отношению действия на нее однородного магнитного поля, например по отношению к вариациям земного магнитного поля. Для вполне астатической системы эта чувствительность равна нулю, т. е. система не чувствительна к вариациям Для не вполне астатической системы чувствительность пропор пиональна проекции равнодействующего магнитного момента из магнитный меридиан.

Помимо того, что астатический магнитометр является мало чувствительным по отношению к вариациям земного поля, второе есего преимущество перед обычным заключается в том, что чув ствительность его может быть сделана значительно выше чув от ствительности обычного магнитометра. Условие равновесия не астатического магнитометра, если пренебречь кручением нити,

$$M_1H\sin\theta_1 = M_1H'\cos\theta_1$$

где H—горизонтальная составляющая земного поля, H'— напря об женность действующего поля, перпендикулярного к земному, и  $\vartheta_1$ —угол отклонения от магнитного меридиана. Дифференцируя это уравнение, считая  $\vartheta_1$  и H' переменными и составляя производную  $\frac{d \, \vartheta_1}{d \, H'}$ , которая равна чувствительности, получия пр

$$z := \frac{d' \vartheta_1}{d' H'} = \frac{M_1 \cos \vartheta_1}{M_1 H \cos \vartheta_1 + M_1 H' \sin \vartheta_1}.$$

Так как H' — обычно меньше H, н  $\theta_1$  — мало, то членом H' sin  $\theta_i$  си можно пренебречь, поэтому:

$$=\frac{1}{H'}$$
(6)

QH QT

D .(

т. е. чувствительность обычного магнитометра есть величия и постоянная, независимая от магнитного момента магнита.

Отношение чувствительности астатического магнитометр: пр к чувствительности обычного получим, если разделим второе из уравнений (4) на уравнение (6), т. е.

$$\stackrel{\mathfrak{s}_1}{=} - \frac{M_t H \cos \theta_t}{C + HM \cos \theta}.$$

При малом С и M == 0 это отношение может иметь очень боль во шую величину, т. е. чувствительность астатической системи за может быть сделана во много раз выше чувствительности обычной системы.

он. Зная чувствительность магнитометра и измеряя угол отклотъ вения магнитной системы, можно определить напряженность ж. однородного магнитного поля, вызывающего отклонение магнивя тометра.

Первое из уравнений (5) дает нам

1419

30

14-

$$\frac{d\theta_1}{dH_1} = -\frac{M_1 \cos \theta_1}{C} (1 - k_1), \tag{7}$$

пь Обозначая величину  $\frac{M_1 \cos \theta_1}{C} = \frac{1}{q}$  и заменяя  $k_1 = \frac{H_2}{H_1}$ , после пр интегрирования уравнения (7) получим:

$$H_1 - H_2 = q \theta_{\mu} \tag{8}$$

ос если считать, что q - величина постоянная.

ув. Обратно, зная напряженность действующего поля, по углу ув. атклонения легко найти чувствительность или коэфициент q. и. Из уравнения (8) имеем:

$$q = \frac{H_1 - H_9}{\theta_1}.$$

#### ОВ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ИНТЕНСИВНОСТИ НАМАГНИЧЕНИЯ ТОНКИХ ПРОВОЛОК НА АСТАТИЧЕСКОМ МАГНИТОМЕТРЕ

Рассмотрим случай измерения тонкой проволоки, диаметр которой *d* примерно в несколько сот раз меньше длины *l*.
 При таком соотношении *l* и *d*, коэфициент размагничения будет, во-первых, мал и, во-вторых, почти одинаков с коэфициентом размагничения эллипсоида таких же размеров. Отсюда вытекает, что намагничение такой проволоки можно
 считать однородным и действие ее на магнит эквивалентным действию двух магнитных полюсов, находящихся на расстоянии илины проволоки, магнитные массы которых равны *ls*, где *l*—
 натенсивность намагничения и *s*— площадь сечения.

Магниты подвесной системы точно так же можно считать на живалентными магнитам с точечными полюсами вследствие их валого размера, но расстояние между полюсами необходимо гра принимать несколько меньшим их длины.

И Имея это в виду, выянслим взаимодействие между испытуемым образцом и магнитной системой.

Положим, что образец NS и нижний магнит ns находятся в одной плоскости и пусть расстояние от центра образца до шентра магнита ns будет R. Тогда по закону Кулона напряженть тость поля H<sub>1</sub>, создаваемая образцом в центре магнита O, вырама штся формулой:

$$H_1 = \frac{2 m}{(R^2 + l^2)^2} \cos \alpha$$

где m=ls-магнитная масса, l-полудлина образца и a - уго между осью образца и направлением Stan (рис. 5). Нетрудно видеть, что:

$$\cos \alpha = \frac{l}{\sqrt{R^2 + l^2}}.$$

Тогда напряженность по ля, создаваемая намагна ченным образом в центр откловяемого магнита будет:

$$d_1 = \frac{2 \ s l l}{(R^2 + l^2)^{1/2}} = \frac{v l}{(R^2 + l^2)^{1/2}},$$

где v - объем образца.

Обозначим напряженности магнитного пол в точках расположения магнитных полюсо

отклоняемого магнита через H1' и H1". В таком случае, в вид т. незначительных размеров магнита H<sub>1</sub>' и H<sub>1</sub>", можно выразит по через Н, по формуле Тейлора, ограничиваясь членами вто да рого порядка,

$$H_{1}' = H_{1} + \frac{\partial H_{1}}{\partial l_{1}} l_{1} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{1}}{\partial l_{1}^{2}} l_{1}^{2}$$
$$H_{1}'' = H_{1} - \frac{*\partial H_{1}}{\partial l_{1}} l_{1} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{1}}{\partial l_{1}^{2}} l_{1}^{2},$$

где 21, - расстояние между полюсами магнита. Откуда силы, действующие на каждый из полюсов, будут:

$$H_{1}'m_{1} = H_{1}m_{1} + \frac{\partial H_{1}}{\partial l_{1}} m_{1}l_{1} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2}H_{1}}{\partial l_{1}^{2}} l_{1}^{2}m_{1}$$
$$H_{1}'m_{1} = H_{1}m_{1} - \frac{\partial H_{1}}{\partial l_{1}}m_{1}l_{1} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2}H_{1}}{\partial l_{1}^{2}} l_{1}^{2}m_{1},$$

Момент вращения Р будет равен сумме моментов сил и дл нахождения его необходнмо каждую силу умножить на плеча равное половине длины расстояния между полюсами, т. е.

$$P = H_1'm_1l_1 + H_1''m_1l_1$$

или, подставляя вместо H<sub>1</sub>' и H<sub>1</sub>" их выражения из преды с дущего, получим: ち日

$$P = MH_1 \left[ 1 + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 H_1}{\partial I_1^3} \frac{I_1^2}{H_1} \right], \tag{10}$$

где M=2m,1,.

44

R

Рис. 5.

H.

T.I

MB

E.B. pa Производные от  $H_1$  по  $l_1$ , так как  $l_1$  по направлению совпа-Sumer с  $l_1$ , согласно уравнения (9), будут:

$$\frac{\partial H_1}{\partial l_1} = -3vI \ (R^2 + l^4)^{-1}, R = -3H \frac{R}{(R^2 + l^2)^2}$$

$$\begin{split} \frac{\partial^2 H_1}{\partial l_g{}^3} &= - \; 3 \vartheta I \; \left( \mathbb{R}^2 + l^2 \right)^{-n} + \; 15 \vartheta I \left( \mathbb{R}^8 + l^2 \right)^{-\gamma_g} R^2 = \\ &= H \left( - \frac{3}{(R^2 + l^2)^2} + \frac{15 \; R^2}{(R^2 + l^2)^3} \right). \end{split}$$

HQ THE TD

ITE

CO

90

10

Подставляя эти значения в уравнение (10), получим:

$$P = MH_1 \left[ 1 - \frac{3}{2} \frac{l_1^3}{(R^2 + l^2)^2} + \frac{15}{2} \frac{l_1^2 R^2}{(k^2 + l^2)^4} \right].$$

Членами в квадратных скобках можно пренебречь в виду их малости, так как обычно величина *R* велика по сравнению с *l*<sub>1</sub>. Поэтому, с точностью около 1%, можно положить, что

$$P = MH_{*}$$

ил т. е. можно рассматривать магнитное поле, создаваемое прона волокой в пространстве, занимаемом магнитом, однородным, и ате для определения *H*<sub>1</sub> пользоваться уравнением (8)

$$H_{1} \rightarrow H_{y} = q \theta_{1}$$

где H<sub>2</sub>-напряженность магнитного поля, создаваемого в месте расположения верхнего магнита (рис. 6).

Величина Н., по аналогии с предыдущим, будет:

$$H_{a} = \frac{vl}{(R^{a} + l^{a} + L^{a})^{n}}, \qquad (10)$$

где L — расстояние между магнитами. Подставляя выражение (9) и (10) в уравнение (8) и определяя отсюда I, получим

$$I = q \frac{1}{v} \frac{(R^2 + l^2)^{2}}{\left[1 - \left(\frac{R^2 + l^2}{R^2 + l^2}\right)^{2/2}\right]} \theta_1.$$
(11)

Постоянную q можно определить, наблюдая отклонения астатической системы под влиянием магнитного поля, создаваемого ды симметрично поставленными катушками из одного витка раднуса r, находящихся на расстоянии R<sub>o</sub> от центра одного из магнитов. Напряженность поля такой системы катушек будет

$$H_0 = \frac{0.4 \, \pi \ln^2}{(r^2 + R_0^2)}$$

По аналогии с предыдущим выводом:

$$q = \frac{R_0}{a_0} = \frac{0.4 \pi r^2}{a_0 \left(r^2 + R^2_0\right)^{n_0}},$$
 (

где z<sub>0</sub> — отклонение системы магнитов под влиянием H<sub>n</sub>.





Влияние этой пары катушек на верхний магнит можно приближенно вычислить по формулам:

$$H_0' = \frac{M_0}{r_1^3} \cos \theta_0 / H_0'' = \frac{M_0}{r_1^3} \sin \theta_0,$$

где  $H_0'$  — напряженность поля, создаваемого катушкой по направлению  $r_1$ , а  $H_0''$  — по направлению перпендикулярному  $r_1$  (рис. 7),  $M_0$  — магнитный момент тока равный  $0,2 \ \pi r^2 I$  и  $\theta_0$  — уго между  $r_1$  и  $R_0$ .



12



Напряженность поля в горизонтальном направлении будет:

$$H_1 = H_0' \cos \theta_0 - H_0'' \sin \theta_0,$$

T. C.

18

£8+

r,1 0/1

$$H_1 = \frac{0.2\pi r^2 I}{(R_0^2 + L^2)^{\frac{n}{2}} r^2} - \frac{0.2\pi r^2 I}{(d^2 + L^2)^{\frac{n}{2}}} \frac{LR_0}{r^2}$$

нлн

$$H_1 = -\frac{0.2\pi l^2 I R_0}{\left(R_0^2 + L^2\right)^{N_2}} \left(L - R_0\right)$$

Если взять отношение  $\frac{H_1}{H_2}$ , то

$$\frac{H_{i}}{H_{0}} = -\frac{(R_{0}^{2} + r^{3/2})}{2(R_{0}^{2} + L^{2})^{3/2}} \cdot \frac{R_{0}(L - R_{0})}{(R_{0}^{2} + L^{2})} =$$

$$=\frac{R_0^2}{2L^2}\frac{\left[1+\frac{r^2}{R_0^2}\right]^{n/2}}{\left[1+\frac{R_0^2}{L^2}\right]^{n/2}}\cdot\frac{R_0(1-R_0)}{(R_0^2+L^2)}$$

Отношение  $\frac{1+\frac{r^2}{R_0^2}}{1+\frac{R_0^2}{L^2}}$  при  $r < R_a$  и  $R_o < L$  во всяком случат

, <2, поэтому

$$\frac{H_1}{H_0} < \frac{R_0^2}{L^2} \cdot \frac{R_0(L-R_0)}{L^2 + R_0^2} \,. \tag{II}$$

При L=15 см, Ro=4 см, как это имело место в нашем случае,

$$\frac{H_1}{H_0} < 0,013,$$

т. е. величина, которой можно пренебречь.

## ТОЧНОСТЬ ОПРЕДЕЛЕНИЯ /

01

π.

20

即聞

Ħa

¢1

Вычислим, какую погрешность вызывают в определении *I* на погрешности в измерениях длины образца *I* и расстояния его *R* от центра магнита.

Обозначая *l*<sup>2</sup>+R<sup>2</sup>=*P*<sup>2</sup>, *L*<sup>2</sup>+*l*<sup>2</sup>+*R*<sup>2</sup>=*Q*<sup>2</sup>, из уравнения (11), будея иметь

$$I = \frac{q}{v} \frac{Q^{3}P^{3}}{Q^{3} - P^{3}}, \qquad (13)^{T}$$

Так как L - величина постоянная, то

PdP = QdQ.

Поэтому, дифференцируя выражение (13), получим

$$\frac{dI}{I} = \frac{3 \, dQ}{Q} + \frac{3 \, dP}{P} - \frac{d(Q^3 - P^3)}{Q^3 - P^6},$$

или

$$\frac{dI}{I} = \frac{3 \, dQ}{Q} + \frac{3 \, dP}{P} - 3 \frac{Q^2 \, dQ - P^2 \, dP}{Q^3 - P^0} = \frac{3 \, dQ}{Q} + \frac{3 dP}{P} - \frac{3 \, QQ}{Q} + \frac{3 \, QQ}{Q^2} + \frac{3 \, P \, dP}{P_2} - \frac{3 \, P \, dP}{Q^2 + QP + P^2}$$

тде

$$PdP = I dl + R dR$$
.

Последним членом можно пренебречь, в виду его малости по сравнению с первыми двумя членами, и кроме того отбрасывание его не уменьшает, а увеличивает общую погрешность, так как он имеет знак минус.

Поэтому относительная погрешность в определении интенсивности I будет:

$$\frac{\Delta I}{I} < \frac{3(I\Delta I + R\Delta R)(P^2 + Q^2)}{P^2 Q^2}$$

#AH

T26

Δ

$$\frac{1}{\sqrt{2}} < 3\left(1 + \frac{F^{0}}{Q^{2}}\right) \left(\frac{1}{T^{0} + R^{2}} \Delta I + \frac{R}{T^{0} + R^{2}} + \Delta R\right)$$

При тех размерах, которые имеются у магнитометра, т. е. при  $L=15 \ cm$ ,  $R=10 \ cm$ ,  $l=5 \ cm$  и при ошибках в определении длины образца  $\Delta 2l=\pm 1 \ mm$ , в определении расстояния  $\Delta R=\pm 1 \ mm$ 

$$\frac{M}{T} < 3\left(1 + \frac{125}{350}\right) \times \left(\frac{5}{125} \cdot 0,05 + \frac{10}{125}0,1\right)$$

T. C.

$$\frac{\Delta I}{I} < 4,0408$$
 или  $\frac{\Delta I}{I} < 4^{\circ}/_{\circ}.$ 

Кроме ошибок в измерении *I* и *R* на определение *I* влияют сшибки в измерениях угла отклонения, объема и постоянной магвитометра. Из формулы (11) имеем:

$$\frac{\Delta I}{I} = \frac{\Delta q}{q} + \frac{\Delta \theta_1}{\theta} - \frac{\Delta v}{v} + \Delta \beta,$$

3) THE

es

$$\beta = \frac{\left(l^3 + R^2\right)^{3/2}}{1 - \left(\frac{l^2 + R^2}{L^2 + l^2 + R^2}\right)^{3/2}}.$$

Измерение угла отклонения можно производить с точностью до  $\pm 0,5$  мм, измерение объема—до 0,01 его величины и определение постоянной магнитометра q — до 0,01 величины. Поэтому, принимая в среднем  $\theta_i = 20$  делениям по шкаде, получим что средияя квадратичная погрешность в определении интенсивности вмагничения будет порядка

$$\int_{C}^{dI} = \pm \sqrt{0.01^{4} + 0.04^{2} + 0.01^{2} + 0.04^{2}}$$

<6%/0.

#### ИЗМЕРЕНИЯ НА МАГНИТОМЕТРЕ

Для исследования магнитометра был произведен ряд измерений с одним и тем же образцом в форме проволоки из электролитического железа длиной в 10 см и диаметром 0,2 мм.





Образец, заключенный в стеклянную трубочку равной с ним длины, помещался в середину намагничивающей катушки. При помощи установленной точно в плоскости магнитного меридиян шины с делениями образем, помещенный в катушку, устанавли и вается на определенном расстоянии от центра нижнего магнит и (см. рис. 2). В начале без образца производилась компенсация о 50 доля, создавлемого намагничивающей катушкой, путем передвижения второй катушки, расположенной на шине по другую сторону магнитной системы и включенной в ту же цепь.

Образец располагается на расстоянии 9, 10, 11 и т. д. до 15 см от центра магнита и на каждом из указанных, расстояний снималась основная кривая намагничения.





18.8

pe

D0-

Ips. Далее при одном и том же расстоянии в 12 см от центра ана магнита, с того же образца были сняты основные кривые намагнилы чения при постепенном уменьшении длины образца каждый раз ила на 2 см. Результаты измерений привелены в таблицах I и II, а ция соответствующие кривые даны на рис. 8 и 9.

Напря- женность магнит-	Магнитная индукция в гауссах, измеренная с различных расстояния образца от магнита магнитометра													
ного подя в эрсте- лах	9 см	,10 c.ss	11 см	12 см	13 см	14 c.#	15 см							
Н	B	В	B	В	В	<u></u>	B							
2,42 3,64 6,06 8,48 12,12 14,55 18,18 94,24 30,30 36,37 48,49 60,61 72,73 40,91	190 300 590 1 130 4 980 9 990 13 970 16 280 17 220 17 800 18 510 19 010 19 010 19 0480 20 030	200 329 620 1 320 6 670 10 890 14 260 16 290 17 310 17 880 18 740 19 350 19 350 19 830 20 520	160 290 680 1 180 5 120 10 020 13 680 16 050 17 250 17 710 18 520 19 040 19 540 20 180	130 310 550 1 230 6 520 11 090 14 500 16 700 17 710 18 280 18 9900 19 520 19 840 20 290	210 280 060 1 270 6 820 11 500 14 980 17 120 18 130 18 770 19 600 20 200 20 530 20 960	170 370 580 1 170 6 680 	140 210 629 1 300 6 780 							

## таблица 1

## таблица П

Напряжен- ность маг- нитного	Магнитная пилукция в гауссах, изме- ренная с разных расстояний образца от магнита магиитометра										
Напряжен- ность мат- нитного поля в эрстедах <i>Н</i> 2,42 3,64 6,05 8,48 12,12 14,55 18,18 24,24 30,30 36,37	10 см	8 c.m	6 см	4 см							
Н	B	В	B	B							
$\begin{array}{c} 2,42\\ 3,64\\ 6,06\\ 8,48\\ 12,12\\ 14,55\\ 18,18\\ 24,24\\ 30,30\\ 36,37\\ 48,40\\ 60,61\\ 72,73\\ 90,91\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} 130\\ 310\\ 550\\ 1230\\ 6520\\ 11090\\ 14500\\ 16700\\ 17710\\ 18280\\ 18990\\ 19520\\ 19840\\ 20290\end{array}$	100 310 650 1 340 6 440 10 920 14 370 16 770 17 8 10 18 510 19 970 20 390 20 890	150 320 650 1 270 6 0 0 10 310 13 990 16 470 17 620 18 380 19 260 19 920 21 040 21 000	$\begin{array}{c} 150\\ 320\\ 700\\ 1209\\ 5410\\ 9240\\ 12600\\ 15320\\ 16640\\ 17410\\ 18380\\ 19220\\ 19640\\ 20300\\ \end{array}$							

Сопоставляя результаты измерений. нужно отметить, что указанные условия испытаний, различные расстояния образца от магнита магнитометра и различные длины образца, находящегося

L

52

I

1

E F F

T T T T

In the second

в равномерном намагничивающем поле, не оказывают существенного влияния на магнитные величины, получаемые при измерениях на магнитометре данной конструкции. Процентная разница в величинах индукции и провицаемости, отнесенная к тем же величинам, полученным для образца длиной в 10 см на расстоянии 12 см от магнита, при напряженности поля в 90,91 Ос не превышает 3,5%.

При других полях эта разница колеблется также в пределах точности измерения этого метода. При напряженностях магнитного поля до 15 *Oe* разница почти не определима. Незначительное отклонение представляет основная кривая намагничения образца длиной в 4 *см*, имеющего наименьшее отношение  $\frac{l}{d}$ , где

при полях от 20 до 40 Ос кривая в месте перегиба лежит несколько ниже, чем у образцов большей длины.

Из той же проволоки электролитического железа был изготовлен тор в 1000 оборотов с средним диаметром 5,7 см, и баллистическим методом была снята основная кривая намагничения. Данные приведены в таблице III, а кривая изображена на рис. 8.

#### ТАБЛИЦА Ш

tit.

01

0

0

0

0

ø

IT-

42

Напряжен- ность магнит- ного поля в эрстедах	Магнитиая индукция в гауссах
1,2	80
2,3	180
3,5	29 1
5,8	580
8,7	1 250
11,6	3 250
12,8	5 690
18,6	12 910
23,2	15 700
34,8	18 290
46,4	19 210
58,0	19 740

Сравнивая кривые, полученные магнитометрическим и баллистическим методами, находим полное их совпадение в начале и в пологой части; наблюдающаяся незначительная разница в части кривой перед коленом лежит в пределах ошибок наблюдений.

Этим же методом можно определять магнитные свойства материалов, обладающих малой магнитной восприимчивостью порядка 10<sup>-2</sup> — 10<sup>-5</sup> CGS, как например — немагнитные стали и чугуны, различные горные породы и т. д.

В этом случае размеры образца должны быть такими, чтобы магнитный момент был достаточен для получения заметных углов отклонения магнитометра. Для восприимчивости порядка 10<sup>-2</sup> CGS достаточно взять образец диаметром от 5 до 10 мм. Но пря этом в формуле (11)

вместо длины образца / необходимо принять расстояние между полюсами образца l', определяемое по формуле

$$l' = \sqrt{\frac{\int x^3 dm}{\int x dm}}$$
$$dm = (1 \cdot ds) + div 1 dv$$

где *I* — интенсивность намагничения в какой-либо точке образца, *x* — расстояние этой точки от центра образца, *ds* — элемент по-

-53

верхности, *dv* — элемент объема. Интегрирование распространяется на всю поверхность образца и на весь объем.<sup>1</sup> Из опыта эту величину можно принять в первом приближении равной ха

$$l' = 0.8 l.$$

#### ТАБЛИЦА IV

X8 E0 J

1 33 O

11 T2 10

ной восприимчивостью порядка  $10^{-2}$  —  $10^{-3}$  CGS, был испытан маломагнитный чугун в форме стержней квадратного сечения размерами  $8 \times 8 \times 100$  м.м. Для трех образцов были сняты основные кривые намагничения и определена ко-эрцитивная сила. Результаты приведены в таблицах IV и V.

Из материалов, обладающих магнит-

№ образцов чугува	Коэршитив- ная сила в эрстелах $H_c$
123	109,0 124,0 37,6

-	100	100.00	22.4		100	1
	- 14	-	101	 - AL	· •	

Напряжен.	Образец	M 1	Образен	u Ne 2	Образец № 3			
магнитного поля в эр- стедах	Магнитная индукция в гауссах	Магнит- ная про- инцаем.	Магнитная индукция в гауссах	Магнит. проий- цаемость	Магинтиза нидукция в гауссах	Магнит. прони- цаемость		
Ħ	В	μ	В	μ	В	μ		
$\begin{array}{c} 0,48\\ 0,61\\ 0,97\\ 1,09\\ 1,21\\ 2,42\\ 3,64\\ 4,85\\ 6,06\\ 7,27\\ 8,48\\ 9,69\\ 10,09\\ 12,12\\ 12,55\\ 18,18\\ 24,24\\ 30,30\\ 36,37\\ 48,49\\ 60,61\\ 72,73\\ 90,91\\ \end{array}$	$\begin{array}{c}\\ 1,1\\ 1,1\\ 1,3\\ 2,7\\ 4,0\\ 5,4\\ 6,7\\ 8,1\\ 9,5\\ 10,9\\ 11,4\\ 13,6\\ 16,3\\ 20,4\\ 27,3\\ 34,1\\ 41,0\\ 54,8\\ 68,7\\ 82,7\\ 103,7\\ \end{array}$		$\begin{array}{c} 0.5\\ 0.6\\ 1.0\\ 1.1\\ 1.3\\ 2.5\\ 3.8\\ 5.1\\ 6.3\\ 7.6\\ 8.8\\ 10.1\\ 10.5\\ 12.6\\ 15.2\\ 19.0\\ 25.3\\ 81.3\\ 88.0\\ 50.6\\ 63.4\\ 76.1\\ 95.2\end{array}$	$1,04 \\ 1,14 \\ 1,03 \\ 1,00 \\ 1,07 \\ 1,07 \\ 1,04 \\ 1,04 \\ 1,03 \\ 1,04 \\ 1,03 \\ 1,04 \\ $				

1 Schmidt, Terr. Magn, 1912, 1913.

Из рис. 10, где даны основные кривые маломагнитного, чугуна и кривые проницаемости видно, что они имеют прямолинейный зарактер и магнитная проницаемость практически не зависит от изпряженности намагничивающего поля в пределах от0,5 до 90,9 *Oe*, а небольшие колебания, выразившиеся в сотых долях, лежат

a.

th,



в пределах погрешностей наблюдений: только у образца № 1 заметно небольшое общее наростание магнитной проницаемости от 1.11 до 1.14 (на 2.7°/с).

В заключение нужно сказать, что на основании исследовний описанный магнитометр дает полную возможность испытывать материалы с магнитной восприимчивостью порядка 10<sup>-2</sup> – 10<sup>-1,3</sup> CGS с практически достаточной степенью точности.

# LA MÉTHODE ABSOLUE POUR LA DÉTERMINATION DE LA SUSCEPTIBILITÉ MAGNÉTIQUE DES ROCHÉS

## par B. M. Janovski et N. I. Spiridovitch

## (Résumé)

B

La méthode recommandée pour la détermination de la susceptibilité magnétique des roches, ayant la valeur de l'ordre d'un  $10^{-4}-10^{-9}$  CGS, représente une variante de la méthode magnéto métrique usuelle. Les échantillons en forme de cylindres, avec un diamètre plus grand que les dimensions de l'aimant du magnéto mètre, se trouvent à une distance de 20-25 mm de l'aimant d'unagnéto mètre, se trouvent à une distance de 20-25 mm de l'aimant d'unagnéto mètre, se trouvent à une distance de 20-25 mm de l'aimant d'unagnéto mètre, se trouvent à une distance de 20-25 mm de l'aimant d'unagnéto mètre, se trouvent à une distance de 20-25 mm de l'aimant d'unagnéto mètre. Afin d'élever la sensibilité le système magnétique est astatique, et, pour que le champ des bobines Helmholz n'agisse pas sur le système, l'aimant supérieur est place mo indre dimension, ces anneaux servant à compenser le champ d'aimant ation des grands anneaux.

L'étalonnage du magnétomètre est effectué par une troisième of paire d'anneaux Helmholz, au centre desquels se trouve l'aiman or inférieur. Le schéma de la connexion des bobines est montré su la fig. 1 et la fig. 2 donne l'aspect général de l'instrument.

En supposant que l'aimantation du cylindre est uniforme, c qui est parlaitement admissible, vu la petite susceptibilité magnétique, on peut calculer l'intensité du champ magnétique, créce pa le cylindre le long de son axe, où se trouve le centre de l'un de aimants du système astatique, et le moment de rotation agissam sur cet aimant.

L'effet du cylindre sur le second aimant est négligeable. Et mesurant l'angle de déviation du magnétomètre on peut calcule, au moyen de l'équation de l'équilibre du système, la valeur de la susceptibilité magnétique en fonction de l'angle de déviation, le dimensions du cylindre et sa distance du magnétomètre d'après la formule.

# АБСОЛЮТНЫЙ МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ МАГНИТНОЙ восприимчивости горных пород

## Б. М. Яновский и Е. Т. Чернышев

Для определения магнитной восприимчивости горных пород в настоящее время пользуются как абсолютными методами измерения, так и относительными. К абсолютным методам относятся ep обычные магнитометрический и баллистический с теми или d нными видоизменениями. Эти методы применяются главным обю разом при испытании пород, обладающих высокой магнитной поспринимчивостью, порядка 10<sup>-3</sup> CGS. Для малых восприничи-ามก to востей, порядка парамагнитных тел, обычно пользуются отноп! сительными методами, которые можно разбить на три основных; магнитометрический, метод притяжения и отталкивания в нете однородном поле и индукционный.

sj-Настоящая работа имела целью дать новый метод измерения нагнитной восприимчивости горных пород с очень малой восприace. ничивостью, который по точности не уступал бы всем существу-0.0 ющим методам и в то же время позволял бы получать результаты 'aiизмерения в абсолютных единицах. В принципе - это метод. астатического магнитометра, отклонения которого производятся пе образцами цилиндрической формы на очень близком расстоянии от подвешенного магнита. Образец намагничивается однородным stil полем катушки Гельмгольца. В виду малой восприимчивости образца, пренебрегается размагничнвающим действием концов, CE и намагничение считается однородным. ēt-

#### ТЕОРИЯ МЕТОДА

Пусть имеется какое-нибудь тело с малой магнитной восприимчивостью в форме круглого цилиндра. Вычислим на оси цилиндра, на расстоянии г от основания его, напряженность Eni чагнитного поля, создаваемого этим цилиндром, намагниченным вдоль оси. Для этого предположим, что цилиндр находится в однородном магнитном поле, направление которого совпадает с осью цилиндра. Тогда, вследствие малости величины магнитной восприимчивости », намагничение можно принять однородным и интенсивность егос/ считать пропорциональной восприимчивости, т. е.

 $I = zH_{0}$ 

где Ho-напряженность внешнего магнитного поля.

pa

ant

10

10

1

Вследствие однородности намагничения, на основаниях ця / линдра появляются магнитные массы, поверхностная плотност, нап которых дра.

BHC

буд в О

M6H

ура Мо Поз

aes.

1000 11.01

BII CO

Выделим в точке C (рис. 1) на основании цилиндра элемент поверхности dS, магнитная масса которого будет IdS. Напряжев ность поля dH в точке A от элемента будет

$$dH = \frac{IdS}{CA^2}$$
.

Проекция этой напряженности на ось ОА





Рис. 1. Схема расположения породы.

Введем обозначения: CO=p, OA=r, OB=R. Тогда

$$CA^{2} = \rho^{2} + r^{2}; \cos (CAO) = \frac{r}{\sqrt{\rho^{2} + r^{2}}} \operatorname{H} dS = \rho d\rho d^{2},$$

где  $\theta = \angle COB$ 

Подставляя эти значения в выражение для dH1, получим:

$$dH_1 = \frac{Ir\rho}{(V\rho^2 + r^2)^3} d\rho d\theta$$

Напряженность поля от всей поверхности основания цилиндри в точке А выразится двойным интегралом, взятым по всей гас поверхности, т. е.

$$H_{1} = \int_{0}^{R} \int_{0}^{2\pi} \frac{Irp}{(p^{2} + r^{2})^{\gamma_{2}}} dp d\theta$$

После интегрирования получим:

$$H_1 = 2\pi I \left( 1 - \frac{r}{\sqrt{R^2 + r^2}} \right).$$

Аналогичное выражение, но с обратным знаком, получим для п вапряженности поля H<sub>2</sub> от второй поверхности основания цилин-

дра, которая находится на расстоянии r+l от точки A, где l высота цилиндра. Полная напряженность поля H выразится илебраической суммой  $H_1 + H_2$ , т. е.

apa

$$H = 2\pi \varkappa H_0 \left( \frac{r+l}{\sqrt{R^2 + (r+l)^2}} - \frac{r}{\sqrt{R^2 + r^2}} \right).$$
(1)

Если поместить теперь в точку A магнит, размеры которого (удут настолько малы, что можно считать, что он весь находится годнородном поле H, и если ось магнита перпендикулярна пправлению H, то на магнит будут действовать пара сил, мовент которой

$$P = M \cdot H$$

где M — магнитный момент магнита.

Под влиянием этой пары магнит отклонится на угол а и Р уравновесится кручением нити, на которой подвешен магнит. Момент кручения нити будет Са, где С — коэфициент кручения. Поэтому

$$C\alpha = MH.$$

Если ось магнита перпендикулярна к направлению Н, то

 $H = \frac{Ca}{M}$ 

(2)

Отношение <u>М</u> можно определить, если отклонять магнит потем, напряженность которого известна. Для этой цели легче всего поспользоваться кольцами Гельмгольца, поместив магнит в центр этих колец. Тогда

$$\frac{C}{M} = \frac{H'}{\alpha'},$$

ще х' — отклонение магнита, вызванное действием колец, Н' впряженность поля, создаваемая кольцами и определяемая из сормулы

$$H'=0,9\frac{wI}{R}$$
,

сей ще w — число витков катушки Гельмгольца, I — сила тока замперах, R — радиус колец в сантиметрах.

Обозначая постоянную величину  $\frac{C}{M} = K$  и сопоставляя уравненя (1) и (2), получим

$$x = \frac{K_3}{2\pi H_0 \left(\frac{r+t}{\sqrt{R^2 + (r+t)^2}} - \frac{r}{\sqrt{R^2 + r^2}}\right)}$$
(3)

Для получения поля большей однородности лучше помещнат магнит между двумя одинаковыми цилиндрами, тогда восприя чивость выразится той же формулой, только вместо двой в знаменателе войдет множитель 4, т. е.



Формулы (3) и (4) выведены в том предположении, что вне нее намагничивающее поле  $H_0$  не вызывает отклонения магни поэтому конструкция прибора, на котором можно было ( производить измерения восприимчивости по этому методу, долж быть такова, чтобы внешнее поле не действовало на магните, систему. Кроме того чувствительность магнитной системы, т. постоянный коэфицент K, должен быть порядка восприя чивости \*. Если мы хотим измерять \* порядка 10<sup>-6</sup> CGS, то должно быть не больше 10<sup>-5</sup> Oe на одно деление шкалы, п отклонении магнитометра порядка нескольких делений.



Рис. 2. Схематическое устройство астатического магнитометра.

#### ОПИСАНИЕ ПРИБОРА

Применение этого метода осуш ствлено на приборе, изготовление в эталопной магнитной лаборатор ВИМС.

Магнитная система состоит из дву кобальтовых магнитов *ns* и *n's'* (рис. нт и 3) длиной 2,5 *см*, образующих аст тическую систему, подвешенную на то кой металлической нити. Благодаря аст тичности системы увеличивается, во-пер вых, чувствительность ее, а, во-вторы ск уменьшается влияние вариаций земно ср магнитного поля.

Для быстрого успокоения систем нижний магнит помещается в массивну медную цилиндрическую коробку (рис.) не

Испытуемые образцы подводятся нижнему магниту на одинаковое расстана яние, причем плоскость основания при линдров должна быть параллельна обб магнита, а сами магниты устанавляе ются перпендикулярно направлению зея ного магнитного поля.

Для получения однородного нами гничивающего поля вся система, вместе с измеряемыми цилина драми, помещается в поле катушки Гельмгольца АВ и С 60

рвс. 2) днаметром 800 м.н, таким образом, чтобы нижний магплат находился приблизительно в центре этой катушки. Второй



магнит системы будет находиться в верхней части катушки, где напряженность поля другая, чем в центре, и поэтому момент вращения нижнего магнита будет отличный от момента врашеняя верхнего магнита, и система придет в движение при включении тока в катушку Гельмогольца. Для устранения этого явления верхний магнат n's' помешается в поле второй катушки Гельмгольца тл н ра (рис. 2) меньших разме-



шек астатического магнитометра.

1C. Рис. 3. Макет подвижной системы астатиче-Стоком и успоконтелем. TUR

HCT. перов, которая соединяется параллельно рыя катушками AB CD и последовательво но среостатом. Регулируя реостатом ток ю второй катушке, можно полностью

ген кключить воздействие поля большой Рис. 4. Схема соединения катувну штушки на систему. Схема включес. пля показана на рис. 4.

1 (1

Для градуировки магнитной системы нижний магнит поме-28 сплается в поле третьей катушки Гельмгольца, с известным печаслом витков и известным радиусом витка. На рис. 5 показан одобщий вид установки при градуировке.

Влиянием поля, создаваемого намагниченными цилиндрами, IND земи верхний магнит можно пренебречь, так как при градуировке встемы приблизительно такое же влияние будет оказывать

ами поле, создаваемое третьей катушкой, применяемой для гралин мировки.



BOB TOM

DEC

#33

spe BAG 59.0 6167 Bbi

HSN TE! MO H. Ka.

103

HD-

180 SI.

ų.

ĦE

Рис. 5. Макет астатического магнитометра при градупровке.

#### ИССЛЕДОВАНИЕ ПРИБОРА

До начала испытаний горных пород было измерено распределение ление поля основной намагничивающей катушки Гельмгольп: с как в направлении оси ее, так и по высоте. Постоянная катуши не определилась равной 0,69 Ос. Наибольшее отклонение напряжев и ности поля от измеренного в центре оказалось равным 1,2% п расстоянии 15 см вдоль оси катушки и 4% на расстоянии 25 си ниже или выше центра. Разница между постоянными, получев ными измерением и расчетом из размеров катушки, оказалао равной 0,5%

Поле катушки Гельмгольца, служившей для градупровы магнитометра, было определено из размеров и оказалось равных QD 0,9 de, т. е. H=0,9 / эрстедов, если / выражено в амперах.

Поле компенсирующих катушек не определялось, так как ов не входит в расчетные формулы.

Постоянная магнитометра определялась по формуле (2) и оказа лась порядка 10-6 Ос на 1 мм.

Чувствительность получается несколько более высокой, если систему подвешивать на серебряных нитях, по сравнению с бровзовыми, но последние имеют то пренмущество, что нуль магнитометра получается более устойчивым.

Постоянная К при измерениях имела следующие значения:

При серебряном подвесе: 3,65·10<sup>-6</sup>; 6,69·10<sup>-6</sup> и 7·10<sup>-7</sup>.

При бронзовом подвесе: 1,1-10<sup>-6</sup>; 1,8-10<sup>-6</sup> и 1,21-10<sup>-6</sup>.

Цифры даются для различных бронзовых и серебряных подвесов.

Расстояние породы от магнита, при котором производились имерения, колебалось в пределах от 1,8 до 2,4 см.

Чувствительность магнитометра, когда в катушках AB и CD протекает ток, оказывается различной, в зависимости от напра-

мения тока, и измевяется с изменением силы тока. На кривых рис. 6 предстарезультаты мены шмерения чувствительности в зависимости от величины и направления то-Как видно, при 83. алном направлении TOKA чувствитель-HOCTL == при возмстании его увели-

тавается и стремитта и для определенной и силы тока к бескоим нечности, т. е. в этот кет можент магнитометр становится неустой-



Рис. 6. Изменение чувствительности в зависимости от силы тока в намагничивающих катушках.

изым. При другом направлении тока чувствительность при увеличении силы тока ассимптотически стремится к нулю.

ист Причину этого явления легко объяснить, если рассмотреть исто условия равновесия магнитной системы под действием магнитного поля земли и катушек.

Рассмотрим случай, когда система магнитов устанавливается приблизительно перпендикулярно магнитному меридиану и на пее действует магнитное поле, создаваемое нижними кольцами опо им определения чувствительности, направление которого совпалает с направлением горизонтальной составляющей земного поля.

<sup>333</sup> Обозначим углы, составляемые магнитной осью нижнего верхнего магнитов с направлением земного поля, соответственосли через  $\theta_1 = \alpha_1 + \frac{\pi}{2}$  и  $\theta_2 = \alpha_2 + \frac{\pi}{2}$ , напряженность магнитного поля, создаваемого нижними кольцами в центре, через  $H_1$ , а на пряженность в месте расположения верхнего магнита через  $kH_1$ , св и горизонтальную составляющую через H. Тогда условие равно весия астатической магнитной системы можно представить ураннением:

$$M_1 (H+H_1) \cos \theta_1 + (H+kH_1) M_0 \cos \theta_0 = Ca$$

тде а — угол закручивания нити подвеса.

Для нахождения чувствительности, дифференцируем это уравнение и находим производную  $\frac{dH_t}{d\theta_s}$ , имея в виду, что

$$d\theta_1 = d\theta_2 = da_1$$

 $\frac{1}{\epsilon} = \frac{dH_1}{d\theta_1} = \frac{C}{M_1 \cos \alpha_1 + kM_2 \cos \alpha_2} + \frac{(H+H_1)M_1 \sin \alpha_1 + (H+kH_1)M_2 \sin \alpha_2}{M_1 \cos \alpha_1 + kM_2 \cos \alpha_2}$ 

Положим, что действие их на верхний магнит мало и из можно пренебречь, т. е. положим k=0. Тогда

$$\frac{1}{\pi} = \frac{C}{M_{t} \cos \alpha_{t}} + H^{\left(1 + \frac{M_{1}}{H}\right)}_{\frac{M_{t} \sin \alpha_{1} + M_{2} \sin \alpha_{0}}{M_{t} \cos \alpha_{1}},$$

Если  $H_1$  мало по сравнению с H, что обычно и бывает на практике, то отношением  $\frac{H_1}{H}$  можно пренебречь, поэтому

$$=\frac{M_1\cos\alpha_1}{C+HM\sin\alpha},$$

где a - yгол между линией O - W и равнодействующим магнитным моментом (рис. 7), так как сумму  $M_1 \sin \alpha_1 + M_2 \sin \alpha_2$ , представляющую сумму проекций векторов  $M_1$  и  $M_2$  на ось, перпендикулярную к магнитному меридиану, можно заменить проекцией равнодействующего вектора на ту же ось, т. е. выражениез  $M \sin \alpha$ . Отсюда, если  $\alpha$  лежит в первом и во втором йвадранте от линии O - W, то чувствительность системы больше чувствительности астатической системы, если же  $\alpha$  лежит в третьем из четвертом квадранте, то чувствительность меньше. При C = $= - HM \sin \alpha$  чувствительность становится бесконечной и системи.

Положим теперь, что система находится в добавочном однородном поле, направление которого совпадает или прямо противоположно горизонтальной составляющей земного поля. В эток ис случае чувствительность системы выразится следующим образом ит

$$u = \frac{M_1 \cos \alpha_1}{C + (H + H_0) M \sin \alpha'}$$

где H<sub>0</sub>-- напряженность добавочного магнитного поля. 64 (6) aar

REH MIN нь Следовательно с изменением величины H, изменяется и чув-Н. пвительность ≡.



Рис. 7. Векторная диаграмма.

Далее из уравнения (6) вытекает, что при

 $C \leq (H+H_o) M \sin \alpha$ ,

мат. е. при

也 178

318-5.8

=

10-10

$$H_0 \ge \frac{C}{M \sin \alpha} - H,$$

<sup>ОУ</sup> истема делается неустойчивой, так как чувствительность станои штся или бесконечно большой или же отрицательной.

Чем меньше величина М sin a, т. е. чем ближе система двух (6) ципитов к системе астатической, тем большую величину напряенности поля Но можно прилагать к системе, оставляя ее более ин менее устойчивой.

5-2004

#### точность измерения >

Для определения точности измерения и по вышеописанном 10 методу, найдем дифференциал dx из уравнения (4), обозначи YF. в нем r+l=q и  $\frac{\kappa_3}{4\pi M_0}=a$  и считая а постоянным. Тогда

Hh

23

R H

EQ.

CHI

$$dx = -a \left[ \frac{q}{\sqrt{R^2 + q^2}} - \frac{r}{\sqrt{R^2 + r^2}} \right]^{-2} \left\{ \frac{R^2 dq}{(R^2 + q^2)^{n_0}} + \frac{R^2 dr}{(R^2 + r^2)^{n_0}} + \left[ \frac{Rr}{(R^2 + q^2)^{n_0}} - \frac{Rq}{(R^2 + r^2)^{n_0}} \right] dq \right\}$$

Вынося за скобки под корнями R<sup>2</sup>, и для сокращения обозначая  $\frac{q}{R} = m$ и  $\frac{r}{R} = n$ , после делення обонх частей на «, получих

$$\frac{dx}{x} = \frac{\sqrt{1+m^2}}{r\sqrt{1+m^2}} \frac{\sqrt{1+n^2}}{-q\sqrt{1+n^2}} \left\{ \frac{dq}{(1+m^2)^{\frac{r}{r_0}}} \frac{dr}{(1+n^2)^{\frac{r}{r_0}}} + \left[ \frac{r}{R(1+n^2)^{\frac{r}{r_0}}} - \frac{q}{R(1+n^2)^{\frac{r}{r_0}}} \right] dR \right\}$$

Величиной  $n^2 = \left(\frac{r}{R}\right)^2$ можно пренебречь, так как всегда можее полобрать размеры таким образом, чтобы R>r. После замены q = r + l, получим:

$$\frac{du}{u} = \frac{\sqrt{1+m^2}}{1-r(1-\sqrt{1+m^2}} \left\{ \left[ 1 - \frac{1}{(1+m^2)^{\frac{n}{2}}} \right] \left( dr + \frac{r}{R} dR \right) - \frac{dl}{(1+m^2)^{\frac{n}{2}}} + \frac{ldR}{R(1+m^2)^{\frac{n}{2}}} \right\}$$
(7)

Если m<R, то, пренебрегая величиной m<sup>3</sup>, получим

$$\frac{dx}{x} = \frac{1}{l} \left[ \frac{l}{R} dR - dl \right] = \frac{dR}{R} - \frac{dl}{l} \tag{8}$$

Формулы (7) н (8) показывают, что погрешность в определення х малой степени зависит от ошибки в измерении расстояния / образца от магнита и приблизительно обратно пропорционально размерам цилиндра R н l. При R=8 см, r=2 см и l=4 см относи им тельная погрешность  $\frac{\Delta x}{x}$ , вызываемая ошибками в измерениях  $\Delta R = 0,1 \text{ с.м., } \Delta l = 0,1 \text{ с.м. и } \Delta r = 0,1 \text{ с.м., будет } \frac{\Delta x}{x} = 4,1^{\circ/\circ}.$ 

Погрешность же, вызываемая ошибкой  $\Delta t = 0,1 \, c.m.,$  будет всего Ipe лишь 1,3°/а. В предыдущем мы принимали величину  $\alpha = \frac{K\alpha}{4\pi H_o}$ стоянной. В действительности же множители k и a определяются 01 187 66

с той или иной погрешностью и поэтому являются величинами веременными. Для нахождения общей относительной погрешности мызываемой всеми отдельными измерениями, необходимо от уравнения (4) взять полный дифференциал dz, разделить его щ x и затем найти корень квадратный из суммы квадратов отдельшых слагаемых. Тогда

# $\frac{dx}{x} = \pm \sqrt{\left(\frac{\Delta R}{R}\right)^2 + \left(\frac{\Delta I}{I}\right)^3 + \left(\frac{\Delta a}{a}\right)^2 + \left(\frac{\Delta a'}{a'}\right)^2 + \left(\frac{\Delta H_0}{H_0}\right)^3 + \left(\frac{\Delta H'}{H'}\right)^3}.$

Если производить наблюдения углов отклонения  $\alpha$  с ошибкой  $\pm 1$  деление шкалы, а *H* и *H*' определить из размеров катушек с точностью до  $1^{0}/_{0}$ , то погрешность  $\frac{\Delta x}{x}$  будет зависеть) от ве-

В таблице I даны величины относительной погрешносит  $\frac{\Delta x}{x}$ лля разных «, при постоянной магнитометра  $8 \cdot 10^{-6} \frac{Oe}{MM}$  и размеров образца  $R = 8 \ cm$ ,  $l = 4 \ cm$ ,  $\Delta R = 0,1 \ mm$  и  $\Delta l = 0,1 \ mm$ .

ТАБЛИЦА І

×-10 <sup>-6</sup>	20	50	100	200
<u>ах</u> в%	6,0	3,7	8,5	3,3

Указанные в этой таблице погрешности вычислены в том предположении, что материал имеет однородную структуру намагничение его в каждой точке одинаково. В действительности ке, как показывают опыты, большинство горвых пород в магнитим отношении чрезвычайно неоднородно и измерения дают пкоторую среднюю восприимчивость, определение которой завиит еще от относительного положения образца в приборе. Поэтому точность определения х значительно ниже теоретической.

На рис. 8 графически показаны результаты определения восприки имивости красной глины в форме цилиндра, специально обточенного с точностью до 0,1 *мм*, при различных положениях цилингра относительно его оси, т. е. измерения производились после наждого поворота цилиндра на 45°.

По оси абсцисс отложены углы поворота некоторой плоскости, то троходящей через ось цилиндра, относительно вертикальной поскости, а по оси ординат—отклонения магнитометра. Верхняя фивая получена при большем расстоянии цилиндра от магнитотетра, а нижняя—при меньшем. Как видно, обе кривые имеют

67

5.

HO

одинаковый характер и при различных положениях получаются различные отклонения, причем расхождения могут доходить до 50%.

p

78 11

BE YC



Рис. 8. Изменение магнитной восприничности красной глины в зависимости от положения испытуемого образца относительно его оси.

Таким образом описываемый метод может дать погрешности, указанные в таблице І, только для однородных образцов.

Для проверки правильности выводов, полученных теорегическим путем, были сделаны измерения восприимчивости двух образцов, при одном и том же положении их относительно прибора, но с различных расстояний. Результаты, приведенные в таблице II, при небольших расстояниях дают расхождения в пределах теоретической погрешности. Для больших же расстояния сказывается влияние второго магнита астатической системы.

Если же измерения производятся при случайных положениях образца, то результаты, как было указано выше, будут зависеть от его положения.

Для проверки описанного метода, во-первых, была измерена восприимчивость раствора хлористого железа, налитого в цилиндрическую трубку диаметром 12 мм и длиной 110 мм. Вычисленная в формуле (4) величина × оказалась равной 65-10<sup>-5</sup>, тогда как по данным таблицы Landolt'а она имеет среднюю величину около 80-10<sup>-6</sup>. Большое расхождение объясняется малыми размерами трубки по сравнению с размерами магнита астатической системы.

1234	• **	min in in	
06	разец № 82	0	бразец № 49
Расстояние	Восприничниость в ед. CGS	Расстояние в мм	Восприимчивость в ед. CGS
17	13,99+10 <sup>-5</sup>	20	16.75 • 10-5
34	19,42.10-5	30	15,98-10-5
48	20,42+10-5	40	15,08+10-5
70	20,85.10-5	50	13,67-10-5
92	15,34 - 10-5	60	12,27 - 10-5
130	11,52.10-5	70	12,83.10-5

TO TI LA 17 A

CS AU

1

ieyx ifif-

住义

中田町田町

Во-вторых, была определена восприимчивость образца глины » форме цилиндра баллистическим методом.

Измерения баллистическим методом дали x = 270.10<sup>-6</sup>, а методом астатического магнитометра 200.10<sup>-6</sup>.

Расхождение в 35% объясняется неоднородностью образца, так как образец для этих опытов был взят тот же самый, что и для измерений, приведенных на рис. 8.

Все эти опыты подтверждают правильность теоретических ыводов, что предлагаемый метод может дать при надлежащих условиях величину восприимчивости в абсолютных единицах с точностью порядка 6—7%.



Рис. 9. Образцы горных пород.

TABJIHLA III

Восприямия- васть пород 10 <sup>-6</sup> CGS	8		- 002	17,2	7.6	17.0	157	0	.0	22		30 *	10 .	15 *	10	10	06	÷ Ŧ
Отклонение магнитометра в м.м	7	2	or 191 go 181,5	37,8	60	17	372	0	.0	17,5	No the second	01 85 A0 23	or 41 m 13	or 13 A0 27	9,5	0 07 44 до 18	98	27
Постоян. магинто метра 10 <sup>-6</sup> Ос	6 .	6.00	or 5,69 µo 3,5	3,5	8,81	8.51	6,69	8.51	or 5,6 an 8,51	8,51	The Contract	or 5,69 20 8,51 5,79	or 5.60 no 8.51	or 8,51 no 3,5	5,60	15,8 0 10,69,5 TO	5.60	3,51
Azima Očpesna 0. č.k	3	A.A.	7,3	6,6	7,6	7,5	7,5	6.5	4,0	4,0		6,1	12	5,8	0'1	2.0	6.0	-
Даны. образца в см	4	8.0	6,1	5,0	7,0	7,3	6,1	59	1.5	6,0		5,9	6.0	6,3	6.3	6,0	64	1
Название породы	3	Мергель коричневый с просаой-	Глина коричиеная, бурая	Со-песчанистая, плотная, сда- бо-песчанистая,	Глина коричневая, мигкая, песча- инстая с прослейкой типса	Песчаник бурый, мелкозернистыВ, пементированный	Глина бурая, песчанистая, извест- ковистая, плотная	Мергель лидово-серый с включе- няями консталась кальлата .	Ангидрия серый	типс коричиевый с зеленовато- серыми круглыми патнами.	Песчаник коричневый, средней плотности, среднезериистый	мергелистый	Мергель красно-коричневый, плот-	Глина темно-коричневая	жилком глина темно-серая	Мергель розовым плотныя Глина розово-красная, плотная	Мергель доломитизированный, розовый, овень плотный	Песчаник красно-бурый, средне-
Гаубниа зале- гания в м	2	92,6+-96,6	140,5-146	cg'0012'/21	182,85-184,20	207,7-211,0	239,6-241,5	309,8-310,4	307,2-311,0	07'070-01'010	351,85-353,95	433-436,3	365,4-366,15	491,2 492,0	0'000 1'000	439 -541,7	553,8-555,0	581,6-583,6
Ne CKBG- IKUID	1	101	101	102	704	702	101	704	702	101	704	702	704	101	101	104	104	704

Но нс ране 70 фо ги

Ci HH co

es pa no

83
#### РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗМЕРЕНИЙ

12

ACTINE THAT

Настоящая работа была предпринята в связи с поручением Нефтяного геолого-разведочного института, который предложил исследовать образцы горных пород, взятых из буровых скважин, расположенных на Урале и Средней Волге в предполагаемых пефтеносных районах. Всего таким методом было измерено около 70 образцов, которые имели приблизительно цилиндрическую форму (рис. 9). Большею частью это были известняки, доломиты, ипсы, глины и песчаники, у которых магнитная восприимчивость должна быть порядка парамагнитных тел.

В таблице III приведены результаты испытаний образцов из Стерлитаманской скважины, которые дают полное представление как о величине отклонений магнитометра под действием образцов той или иной восприимчивости, так и о размерах этих образцов.

Цифры, отмеченные в таблице звездочкой, были получены из аяти наблюдений, произведенных различными наблюдателями, при различных чувствительностях прибора и различных расстояниях породы от магнита.

Расстояние породы от магнита, при котором были произведены язмерения, колебалось в пределах от 1,8 до 2,4 с.м.

## MAGNETOMETRE POUR LA DETERMINATION DES PROPRIETE MAGNETIQUES DES CORPS AYANT UN PETIT MOMEN MAGNETIQUE

## par B. M. Janovski et E. T. Tchernishev

#### (Resume)

00 M

MI

UI

310

H

83 铌

Les méthodes balistique et magnétométrique usuelles sont trop pe sensibles pour servir à la détermination de l'induction magnétique ou de la perméabilité des corps possédant un moment magnétique insiénifiant La méthode et l'appareil décrits ici permettent de déterminer ave une précision suffisante en unités absolues l'intensité d'aimantation et la susceptibilité des corps en forme de cylindres, ayant un dia mètre de 0,01 environ et une longueur de plusieurs centimètre pour les matériaux ferromagnétiques ordinaires (fer, acier et alliages /et un diamètre d'environ 10 mm et une longueur d'environ 100 mr of pour les corps, possédant une susceptibilité de l'ordre de 10-2-se -10-4 CGS.

L'instrument est un magnétomètre astatique de petites dimension Le système magnétique consiste en deux almants longs de 10- 0 15 mm, disposés à une distance de 10-15 mm l'un de l'autre L'échantillon à essayer, placé dans la bobine d'aimantation, se trouv situé à une distance de 80 à 120 mm de l'almant inférieur. L'aspec extérieur de l'instrument est montré sur la fig. l.

La mise en parallèle des résultats de la mesure de la courte un fondamentale d'aimantation, obtenus par la méthode décrite por co un fil en fer électromagnétique, avec les résultats de la mesure 4 effectuée par la méthode balistique usuelle dans un circu magnétique fermé, donne une concordance excellente. 07

L'intensité d'aimantation est calculée d'après la formule (11), a 0 — est l'angle de déviation du magnétomètre, R — la distance de  $\phi$ R l'échantillon du magnétomètre I - la longueur de l'échantillon. v- r son volume, z-la distance entre les aimants du système astatique et q-la sensibilité du magnétomètre.

## КОЭФИЦИЕНТ ФОРМЫ КРИВОЙ НАПРЯЖЕНИЯ ПРИ ИЗМЕРЕНИИ ПОТЕРЬ НА ГИСТЕРЕЗИС И ТОКИ ФУКО

IN

pei

tica

#### Г. Е. Егоров и Е. Т. Чернышев

При магнитных измерениях на переменном токе одной из основных характеристик листового материала является зависимость потерь на гистерезис и токи Фуко от максимальной магнитной индукции, которая при испытаниях в приборе Эп-1 Č штейна с двумя обмотками определяется по эдс, индуктируеanti уст кой во вторичной обмотке,

# $E_2 = 4k_1 \cdot f \cdot w_2 \cdot B_m \cdot s \cdot 10^{-8} [V],$

dia tre где E2-вторичная эдс, k, - коэфициент формы кривой эдс, es /- частота переменного тока, wa -- число витков вторичной m: обмотки, В<sub>т</sub>-индукция в образе, s-площадь поперечного се-33 чения образца.

Применительно к прибору Эпштейна с двумя обмотками, потери на гистерезис и токи Фуко вычисляются по следующей 0- формуле:

$$P_{HF} = \left(\frac{w_1}{w_2} P - \frac{U^2}{r_2'}\right) \left(1 + \frac{r_2}{r'_2}\right),$$

ис где w, — число витков первичной обмотки, w<sub>2</sub> — число витков наторичной обмотки, P-огсчет по ваттметру в ваттах, Ug-напте пряжение на зажимах вторичной обмотки, r', - приведенное ол сопротивление вольтметра и ответвленной обмотки ваттметра, 

Вычисленные по приведенной формуле потери должны быть отнесены к той индукции, при которой они измерялись. Для точа пого подсчета индукции необходимо знать значение коэфициента формы кривой, соответствующее условиям испытания. С другой стороны, полученные при измерениях значения потерь при различных коэфициентах формы кривой, должны приводиться к синусоздальной форме кривой напряжения.

Так как потери на токи Фуко пропорциональны квадрату индуктированной в образце эдс, а мы имеем обычно в условиях опыта значение коэфициента формы кривой больше чем 1,11, то вмеренное значение суммарных потерь будет больше, чем то значение, которое должно было бы получиться при той же индукции

и синусоидальной форме кривой эдс. Следовательно значени на потерь на токи Фуко при синусоидальной форме кривой буде ре Dasho

 $P'_F = P_F \left(\frac{1.11}{k_I}\right)^2$ 33 310 113

MC

載む

HE

где P<sub>F</sub>'-потери на токи Фуко при синусоидальной эдс, P<sub>F</sub>- н потери на токи Фуко при любой форме волны эдс, k, - коз хо фициент формы кривой.

Следовательно суммарные потери должны быть уменьшев а на велнчину

 $P_{r} - P'_{r} = \Delta P_{r}$ 

Для определения величины  $\Delta P_F$  также необходимо знать коз фициент формы кривой.

В, каких же условиях коэфициент формы кривой будет наболее близко подходить к 1,11 и какие значения он будет при нимать в различных условиях испытания по ваттметровому ме TOAY?

Прежде всего совершенно ясно, что напряжение на зажима питающего установку генератора должно иметь синусоидальну 22 кривую. Однако одно только это обстоятельство еще далеко в II решает вопроса. Напряжение генератора уравновешивает, с одна в стороны, падение напряжения во внешней цепи, а с другой-эк б индуктируемую в приборе Эпштейна. Если приложенное напри р жение и магнитный поток синусоидальны, то и эдс также буде и синусоидальна.

Так как материал, испытываемый в приборе Эпштейн и обладает гистерезисом, то ток в намагничивающей цепи будет иск: жаться, в следовательно падение напряжения во внешней цел и также не будет синусоидальным. Вследствне этого кривая напря жения на зажимах генератора потеряет свой первоначальны 3.0 характер.

Следовательно для создания наиболее благоприятных условя та испытания необходимо уменьшить по возможности сопротивление внешней цепи генератора. Этот вопрос уже освещен в статы н Goltze.<sup>1</sup> Автор цитируемой статьи экспериментально проверя влияние падения напряжения в последовательной катушке вал п метра; оно оказалось для одного из ваттметров равным Л, = =1,23 V и J\_=2,20 V, полное падение 2,8 V. При включению из в цепь ваттметре им был получен коэфициент формы кризо он при индукции в 17000 О равным 1,149; если же замыкалась в л коротко последовательная катушка ваттметра, то значение ког 4 фициента падало до 1,125. Из этих соображений совершенно то

1 E. T. Z., 1913 r.

и» ведопустимо включение реостатов в цепь прибора Эпштейна для де регулирования напряжения, приложенного к зажимам последнего.

Другой причиной искажения формы кривой является степень загрузки генератора. С ростом магиитной индукции в испытуемом образце растет также реакция якоря, вызывающая появление явно выраженной третьей гармонической в кривой напряжения. Чем ближе режим работы генератора к режиму холостого хода, тем меньше эти искажения. Поэтому рекомендуется вести испытания с генератором, работающим с возможно малой стевенью загрузки. Конечно абсолютное выполнение этих условий невозможно, и поэтому в практике всегда будет иметь место искоторое, довольно значительное, искажение формы кривой.

Из сказанного следует, что для каждой установки необходимо провести исследование коэфициента формы кривой.

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОЭФИЦИЕНТА ФОРМЫ КРИВОЙ МЕТОДОМ ОСЦИЛЛОГРАФА

В наших измерениях употребляется трехвибраторный осциллограф фирмы Сименс и Гальске.

мат Определение площади можно вести двумя способами: либо планиметром, либо взвешивая ее и относя к весу единицы плов щади той же фото-бумаги. Площади, измеренные по способу не взвешивания, естественно будут зависеть от однородности фото-

 бумаги и от четкости
 при рисунка кривой. Были
 де измерены параллельно три коэфициента фор коэфициента фор кы кривой как при по кощи взвешивания, так
 епі в при помощи плани при комощи плани <l

(Diff

MO

Nî	Коэфициен крит	Pacto		
кри-	Определение	Определение	жденне в °/в	
вой	вакешиванием	планиметром		
123	1,114	1,118	0,4	
	1,097	1,117	2,0	
	1,103	1,074	2,9	

ни При измерении по обоим способам необходимо обратить ты шимание на равенство полупериодов, которое может быть нарури шено в случае не точно синхронной работы двигателя, вращаюатт цего барабан осциллографа.

При работе с планиметром каждый раз нами тщательно провводилась его градуировка при помощи планиметрирования чей вкружности известного радиуса. Эта градунровка должна произвов акться при обходе иглой планиметра круга как по часовой, так и кот против часовой стрелки, для того чтобы избежать влияния мерню того хода и скольжения в передающем механизме.

Погрешность при вычислении коэфициента формы кривой по тому способу может быть оценена из следующих формул, где Umedсреднее значение напряжения, s — площадь в условных единица со  $M_s$  — масштаб для перевода в именованные квадратные единица L — расстояние между пересечениями кривой с осью абсинся в  $M_L$  — масштаб для перевода в секунды,  $M_u$  — масштаб для перевода в секунды,  $M_u$  — масштаб для перевода в секунды,  $M_u$  — масштаб для перевода в вольты, u — напряжение постоянного тока, l — отрезо то соответствующий u.

Коэфициент формы кривой определяется как отношение де ствующего значения напряжения к среднему

$$k_{f} = \frac{u}{u_{\text{med}}} = \frac{u + L \cdot M_{L}}{s \cdot M_{S} \cdot M_{U}}.$$

1AH

28.7

成了 現旧

10

Относительная погрешность

$$\frac{\Delta k_f}{k_f} = \frac{\Delta s}{s} + \frac{\Delta M_S}{M_S} + \frac{\Delta M_U}{M_U} + \frac{\Delta M_L}{M_L} + \frac{\Delta u}{u} + \frac{\Delta L}{L}$$

RO

$$M_{U} = \frac{u}{l}; \quad \frac{\Delta M_{u}}{M_{e}} = \frac{\Delta u}{u} + \frac{\Delta l}{l}.$$

В наших измерениях точность определения отдельных вел чин может быть оценена следующим образом:

$$\frac{\Delta s}{s} = \pm 1^{\circ}/_{\circ}; \quad \frac{\Delta M_S}{M_S} = \pm \hat{0}_i 3^{\circ}/_{\circ}; \quad \frac{M}{l} = \pm 2^{\circ}/_{\circ}; \quad \frac{\Delta L}{L} = \pm 1^{\circ}/_{\circ}.$$

Эти цифры взяты на основании наибольших расхождений межд многократными измерениями отдельных величии.

Погрешностями остальных величии практически можно пренебречь. На основании этих данных относительная погрешноств определении коэфициента формы кривой при помощи осцыл лографа оценивается в

$$\frac{k_f}{k_s}$$
,100 = 3,5%.

МЕХАНИЧЕСКИЙ ВЫПРЯМИТЕЛЬ

Одним из методов определения среднего значения напряжния является применение механического выпрямителя. Опншение два способа, применяемых различными авторами.

1. Устройство Р. Rose и A. Kühns. 1

Контактная шайба, вращающаяся со скоростью, синхронно речастоте переменного тока, соединена с измерительным прис

1 E. T. Z., № 49, 1903.

ча ром, который получает ряд импульсов тока продолжительностью паза полпериода каждый, одинаковых между собой по величине нест направлению.

при соответствующей установке аппарата можно сделать, побы измерительный прибор учитывал только одну полуволну

а нернод, а в течение следующего полупериода оставался без тока. Среднее вначение этого пульсирующего постоянного тока акленно равно половине среднего значения напряжения переинного тока, так как на одну полуволну приходится двойная дина абсциссы при той же площади. Для измерения среднего начения напряжения авторами устройства применялся ваттметр, ключенный по схеме рис. 1.



£.1)

1Dě

CTH

THE

Рис. 1. Измерительное устройство Р. Rose и Kühns для определения среднего значения напряжения.

При пользовании ваттметром, как измерителем напряжения, чо последовательную обмотку питают от вспомогательного сточника постоянного тока, ток в котором поддерживают чизменным. Параллельная обмотка включается на измеряемое апряжение. В таком виде ваттметр градуируется непосредственно в напряжение.

<sup>икс</sup> Если разделить измеренное вольтметром действующее значенее напряжения на удвоенную величниу, полученную по ваттзетру, то мы получим коэфициент формы кривой.

На рис. 1 изображена схема всей установки для измерения по теднего значения напряжения, по методу Rose и Kühns'а, где око – прибор Эпштейна, К-контактный диск, V-вольтметр, V-ваттметр, G-амперметр постоянного тока, U-переклютели, включенные в обе обмотки ваттметра, R- реостат в последовательной цепи ваттметра, VW — добавочное сопротивление об в ответвленной цепи ваттметра.

Вращающанся часть (контактный диск) состоит из кругло ри эбонитовой шайбы примерно 6 см в диаметре, на одной сторош рас которой, обращенной к щеткам, укреплена медная пластин ще секториальной формы, угол которой несколько больше 180°. и

Щетки ав, скользящие по этой шайбе (рис. 1), можно передру двигать как вокруг оси шайбы, так и по отношению друг к другу за Одновременным передвижением щеток относительно оси шайбь мы изменяем начало и конец коммутации (контакта), а измене пи нием расстояния между щетками—ее продолжительность.

Щетки устанавливаются в данное положение при помощи показания ваттметра, которое должно быть при этом наибольшив что соответствует началу коммутации в нулевой точке. Продолжительность ее равна полпериоду. Всякое другое положени дает уменьшение отклонения ваттметра. Точная установка щето легко достигается, если шайба и щетки вполне чисты, что поддерживается протиранием их перед каждым измерением керосино.

Для приведения шайбы во вращение служит маленький двуполюсный синхронный двигатель, на оси которого посредствомедной гильзы и установочного винта укрепляется эбонитовый диск. Вообще же его можно насаживать непосредственно на вагенератора, питающего прибор Эпштейна. Точность этого метод зависит в основном от точности измерительных приборов.

 Механический выпрямитель, установленный в магнитной лаборатории ВИМС.

Конструкция и принцип действия аналогичны устройству, описанному в статье С. Donnatt'a.1

Этот выпрямитель представляет собой коммутатор, состоящий из вращающегося диска и неподвижных щеток. Общий выл его изображен на рис. 2. Коммутатор укреплен непосредственно на валу генератора. Диск коммутатора состоит из двул сплошных концентрических контактных колец и одного кольца разделенного на четыре части, соответственно числу полюсов соединенного с ним синхронного генератора.

Сегменты изолированы друг от друга, разделены между собо вставками из того же материала и поочередно электрически присоединены или к внутреннему, или к наружному контактика кольпам. Все эти кольца и сегменты монтированы на сплошно эбонитовом диске и отделены друг от друга эбонитовыми выступами, которые препятствуют замыканию на коротко колец и сегментов от скопления пыли и кроме того значительно увеля чивают поверхность утечки. Щетки, в количестве 4 штук, поме щены в щеткодержатели, которые укреплены на 4 симметрично расположенных кронштейнах. Размеры щеток—квадрат со сторо

3.

<sup>1</sup> World Power, май, 1927, стр. 241-246.

на вой в 10 мм. Одна из щеток, скользящая по окружности сегментов, может вместе с оправкой перемещаться по дуге в пределах по аримерно 5 электрических градусов. Другая аналогичная щетка расположена на 180 электрических градусов от первой. Обе эти ищ щетки требуют особо тщательной подгонки, так как от качества

их контакта в сильной степени зависит точность измерения. Две ре дугие щетки особого внимания не требуют, так как скользят то сплошным кольцам.

На основании произведенных экспериментов установлено, что ве анлучшие результаты дают медно-графитовые щетки. Чисто



Рис. 2. Механическай выпрямитель магинтной лаборатории ВИМС.

ки ждные слишком грубы, производят чрезмерное нагревание и истро срабатывают поверхность колец. Графитовые щетки тучкке менее удовлетворительно работают, так как быстро изнанваются и дают много пыли. Нажим щеток осуществляется ли перальными пружинками, помещенными в щеткодержателях.

Ме Измеряемое напряжение подводится к щеткам, скользящим лар двум сплошным кольцам, с колец поступает на сегменты, которых выпрямленное напряжение подается на две другие жики. К последним присоединяется магнитно-электрический альтметр, показывающий среднее значение напряжения. Параллельно вольтметру рекомендуется включать конденсатор, чтоба в момент коммутации не было колебаний стрелки, что может дать преуменьшенное показание. Правильность установки щеток на 180 электрических градусов контролируется наибольшим показанием вольтметра. Амплитудное значение напряжений устававливают также по максимальному показанию вольтметра. Для сиятия полной кривой напряжения следует вращать щетки вокруг оси коммутатора и наблюдать показания вольтметра.

В таблице І приводятся данные для такой кривой, снято описанным выпрямителем, а на рис. З дана кривая. В таблице ї даны результаты измерения с механическим выпрямителем для хелостого хода машины и вычислен коэфициент формы кривой

Точность работы с механическим выпрямителем зависит главным образом от тщательности пригонки кольца с сегментами и щеток. Малейшие неровности на кольце вызывают дрожани щеток, а следовательно увеличение переходного сопротивлени и уменьшение показания вольтметра, что дает фиктивное увели чение коэфициента формы кривой.

 -	_	_		
 -				_
 			-	_
 				_

Получени	Получение кривой напряжения генератора механическим выпрямителем за один период								
Угод пово- рота шайбы в градусах	Измеренное напряжение в вольтах	Вычисленное напряжение в вольтах	Угол пово- рота шайбы в градусах	Измеренное напряжение в вольтах	Вычисления напряжение в вольтах				
146,7 150,0 155,0 160,0 165,0 170,1 175,1 180,0 190,4 205,0 210,0 215,1 220,0 225,1 230,0 235,1 235,9	+ 0 + 10,4 + 22,5 + 41,8 + 55,3 + 67,1 + 77,0 + 84,1 + 91,1 + 82,2 + 73,9 + 63,3 + 50,8 + 36,3 + 22,2 + 6,9 + 0	10,35 22,4 41,7 55,2 67,0 76,9 83,9 90,8 82,0 73,9 63,2 50,7 36,8 22,1 6,9	240,0 245,1 250,0 265,1 265,2 279,8 295,0 300,1 305,1 310,0 315,0 329,0 325,0 326,2	$\begin{array}{c} -11,8\\ -37,6\\ -41,8\\ -56,0\\ -67,8\\ -77,6\\ -84,7\\ -90,9\\ -80,8\\ -72,1\\ -60,9\\ -48,3\\ -34,1\\ -19,1\\ -3,5\\ +0\end{array}$	11,8 27,6 41,7 55,9 67,7 77,4 84,5 90,6 80,6 72,0 60,8 48,2 34,1 19,0 3,5 —				

Наряжение вычислялось по формуле

 $U = U_m \sin \alpha$ .

где U — напряжение на щетках выпрямителя, U<sub>m</sub> — максималь: ное значение напряжения, « — угол поворота щеток шайбы.



Рис. 3. Кривая напряжения, полученная при помощи механического выпрямителя

ТАБЛИЦА П

	1	На заж	имах генерато	На зажим при	На зажимах вторичной обмогки прибора Эпштейна			
ED <sup>#</sup> HE	1.138- 3893X	Действующее значение напряжения	Среднее эначение напражения	Коэфи- цнент формы	Действую- щее значе- ние напра- жения	Среднее значение напряжения	Коэфи- .пнент формы	
	1050505050505050505050	$\begin{array}{c} 34,8\\ 49,0\\ \pm0,1\\ 69,0\\ 75,6\\ 81,2\\ 85,9\\ 90,1\\ 92,5\\ 91,9\\ 94,8\\ 96,5\\ \pm7,9\\ 99,9\\ 101,3\\ 102,6\\ 103,4\\ 104,9\\ 105,8\\ 106,7\\ \end{array}$	31,2 44,2 54,2 61,9 68,0 72,9 77,1 80,5 82,7 82,0 84,4 85,6 86,5 87,9 89,1 89,9 90,5 91,5 92,2 92,9	$\begin{array}{c} 1,116\\ 1,108\\ 1,109\\ 1,115\\ 1,112\\ 1,114\\ 1,114\\ 1,119\\ 1,119\\ 1,121\\ 1,123\\ 1,127\\ 1,232\\ 1,136\\ 1,137\\ 1,141\\ 1,143\\ 1,146\\ 1,147\\ 1,150\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} 44,7\\ 63,2\\ 76,9\\ 88,4\\ 97,9\\ 105,7\\ 111,7\\ 116,6\\ 120,3\\ 119,9\\ 123,9\\ 128,9\\ 126,0\\ 127,8\\ 130,1\\ 132,1\\ 132,1\\ 134,1\\ 135,1\\ 136,8\\ 138,1\\ 139,3\\ \end{array}$	40,0 56,8 69,1 79,5 87,8 94,8 99,7 103,9 106,7 105,6 109,7 111,3 112,3 114,2 115,4 116,7 117,3 118,2 119,1 119,6	$\begin{array}{c} 1,116\\ 1,413\\ 1,114\\ 1,112\\ 1,112\\ 1,120\\ 1,120\\ 1,120\\ 1,129\\ 1,129\\ 1,129\\ 1,129\\ 1,132\\ 1,136\\ 1,139\\ 1,144\\ 1,148\\ 1,152\\ 1,157\\ 1,159\\ 1,164\\ \end{array}$	

Аналогичное устройство осуществлено также фирмой М стр. О. Виккерс, показанное на рис. 4.

OM O



Рис. 4. Механический выпрямитель фирмы Метрополитен Виккерс.

Несколько иначе решена та же самая задача фирмой AEG (рис. 5), применившей для механического выпрямителя коммутатор, приводимый в движение самостоятельным синхронным двигателем.<sup>т</sup>

#### ЭЛЕКТРОННОЕ ВЫПРЯМЛЕНИЕ

Простейшим электронным выпрямителем является двухэлек- т\_ тродная лампа или так называемый диод.

Двухэлектродная лампа является весьма совершенным выпрамителем, так как совсем не проводит ток в другом направлении и работа ее зависит от частоты и напряжения переменного тока.

Основной характернстикой такой лампы, называемой при работе в качестве выпрямителя кенотроном, является зависимость анодного тока от приложенного напряжения. Кривая этой зависимости приводится на рис. 6.

По виду этой характеристики можно заключить, что при  $U_{\overline{a}} < 0$ анодный ток через лампу равен нулю.

<sup>1</sup> Metropolitan Vickers, Gazette, 1933.

<sup>3</sup> Neumann und Plaffenberger, Über Eisenverlustmessungen an Idenen Ringproben, r. 27, 1933. Одной из характеристик лампы, особенно существенной в данви случае, является сопротивление переменному току, определемое как производная от U<sub>a</sub> по I<sub>a</sub>



и 5. Механический выпрямитель фирмы АЕО,

Ia

Ia

5),

C.

HK-

HH

Käi

19H

18-

0Ĥ

0

 Выпрамление переного тока кенотроном,

ч



 $R_d = \frac{dU_d}{dI_d}$ .

Рис. 6. Зависимость анодного тока кенотрона от приложенного напражения

Эта величина является функцией U<sub>n</sub> и приближенно может быть выражена формулой (для средней части характеристики)

 $R_a = \frac{2}{-3 \, k \, U_a \, \gamma_a}.$ 

Выпрямление переменного тока происходит согласно схеме, показанной на рис. 7, и после выпрямления ток получается пульсирующим с пропуском одной полуволны.

Если пользоваться такой схемой для измерения среднего значения, то отклонения вольтметра уменьшатся в два раза, что заста-

не о бы, для получения тех же отклонений, удвоить ток и пъщить сопротивление.

Далее, частота пульсации выпрямленной волны в два раменьше, и при малых частотах стрелка магнитоэлектрического прио бора уже будет отзываться на эти колебания.



Рис. 8. Кенотронный выпрямитель для измерения среднего значения напряжения (R. J о k a u s t и Р.

Wagner).

Использование двухэлектродных лам Н для измерения среднего значения э. д. сил, но осуществлено французской фирмой Соглова радпіе de Lampes по схеме рис. 8 с по танием на постоянном токе и добавочны сопротивлением около 1 МΩ.

Применение этого выпрямителя де случая магнитных измерений описано в р боте R. Jokanst и P. Wagner.<sup>1</sup>

Авторы данной работы рекомендую градуировать схему кенотрона с микровперметром, путем сравнения с постоянны током следующим методом.

Пусть действующее значение прил женного измеряемого напряжения равно! среднее его значение равно U<sub>med</sub>, отклов ние микроамперметра при этом 2.

Приложим теперь вместо напряжения U напряжение посто янного тока U' такой величины, чтобы отклонение микроампер метра снова было бы близко к ч; обо-

значим это отклонение через «'. Тогда с достаточной точностью можно написать

$$\frac{u'_{med}}{U'} = \frac{a}{a'}$$

Конечно эта формула будет верна только в том случае, если пренебречь сопротивлением кенотрона, либо считать его постоянным.

Микроамперметр, применявшийся авторами этой статьи, имел чувствительность 1-10° дел.\А.

Чтобы использовать при выпрямлении обе полуволны, применяется схема из двух кенотронов. При такой схеме во время одной полуволны работает одни кенотрои, а во время второй — другой. Схема включения приводится на рис. 9.

Однако могут быть случаи такого



8 B

EM

8

ИT

KCC.

160

Рис. 9. Схема выпрямитет яя с двумя кенотронама

искажения кривой, когда кенотронное выпрямление вообще дает неверный результат. Если мы имеем пе риодическую функцию, изменяющую знак в течение полупериод

<sup>1</sup> Bull, de la Soc, Fr. des Electr., Nº 100, т. 9, декабрь 1929, стр. 1293-129

по кенотрон будет пропускать отрицательную часть только за пемя одного полупериода.

ам Если разобрать схематически этот случай применительно на включению одного кенотрона, то мы будем иметь картину, оплоказанную на рис. 10.



Для определения среднего значения напряжения в этом слуи надо, во-первых, знать заранее характер функции U = f(t), во-вторых, применять сложные специальные коммутирующие пройства.

Возвратимся к случаю, разобранному выше, и соответствуюну включению согласно схеме рис. 8.

Магнитоэлектрический гальванометр, включенный в цепь кепрона, будет измерять среднее значение напряжения перементо тока. Разберем в основных чертах вопрос о градунровке ного вольтметра. Протекающий в цепи кенотронов ток моилтет быть найден из характеристики кенотрона, но так как и характеристика не является прямолинейной, то ток не пропафринонален приложенному напряжению.

 $i_a = \frac{U}{R_a^a + R_a},$ 

BMR.

0,01

Ra

6#

сопротивление кенотрона, R. — сопротивление

вольтметра, и-приложенное переменное напряжение и i. - сн тока в цели.

Чтобы измерить действительно выпрямленное напряжее и необходимо, чтобы сопротивление вольтметра было достаточ велико, т. е. чтобы ток, проходящий через него был бы, практ по чески равен нулю. 110

Sti

M)

Ő, 1

31

3.

M

吉, itte

=

BI ф

R

田!

φ

Однако измеренное среднее значение напряжения, даже пр бо небрегая током, проходящим по вольтметру, не будет ран ш среднему значению приложенного к кенотрону напряжены та Мгновенное значение напряжения, приложенного к вольтмет -

$$u_v = i_a \cdot R_v \frac{uR_v}{R_a + R_v} \cdot$$

Среднее значение напряжения, измеренного вольтметром п синусоидальном приложенном напряжении.

$$U_{v} = \frac{2}{T} \int_{-0}^{T} \frac{uR_{v} dt}{R_{a} + R_{v}} = \frac{2R_{v}}{T} \int_{-0}^{T} \frac{U_{m} \sin \omega t dt}{R_{a} + R_{v}}.$$

Для средней части характеристики (см. выше) можно пол = жить

$$R_{a} = \frac{2}{3 k U_{a}^{u_{a}}} = \frac{2}{3 k U_{m}^{u_{a}}} \frac{2}{\sin^{u_{a}} m^{u_{a}}},$$
$$U_{a} = U_{m}^{u} \sin \omega t$$

если

$$R_{o} + R_{v} = \frac{2 + 3 k R_{v} U_{m}^{-3} \sin^{3n} \omega t}{3 k U_{m}^{-3} \sin^{3n} \omega t} \cdot$$

HAH

Тогла

$$U_{g} = \frac{6 \ k U_{m} R_{p}}{T} \int_{0}^{t_{m}} \frac{U_{m}^{(l_{m})} \sin^{2} \pi v t \ dt}{2 + 3k \ R_{v} \ U_{m}^{(l_{m})} \sin^{l_{m}} v t} \ .$$

Таким образом среднее значение напряжения, измерени вольтметром, будет отличаться от истинного не только множ телями, но будет связано с ним сложной зависимостью.

Для синусондального тока среднее значение напряжения

 $2U_m$ 

$$\frac{U_{v}}{U} = \frac{3 \ kR_{v}}{T} \pi \int_{0}^{sT_{ir}} \frac{U'_{m}}{2 + 3 \ kR_{v}} \frac{U'_{m}}{U'_{m}} \sin^{3/2}\omega t dt$$

 $U'_{m} = f(t).$ 

где

ся Градуировка такого прибора может быть проведена только экспериментально, когда среднее значение на напряжения хорошо известно.

Для того чтобы ближе подойти к прокт порциональности между U и U,, необходимо

последовательно с кенотроном включить пр большое сопротивление и тем самым уменьав шить влияние переменного  $R_{\rho}$ . Действина тельно, если собрать схему кенотрона соталесно рис. 11, то мы будем иметь

$$u_{p} = i_{a}R_{v}$$

$$i_{a} = \frac{u_{v}}{R_{a} + R_{v} + R}$$

$$U_{v} = \frac{2}{T} \int_{w}^{w} \frac{uR_{v} dt}{R_{a} + R_{v} + R}$$

где  $R_a = f(U_a)$ , а  $U_a$ -падение напряжения тика ва зажимах кенотрона. (ИЗледяемое

Если сумма  $R_{\mu} + R$  много больше значения  $R_{a^{\dagger}}$  то последним в выражении под илтегралом можно пренебречь. Сопротивление  $R_{a^{\dagger}}$ а средней части характериспики порядка нескольких тисячом, и, чтобы оно составило 0,1% внаменателя, необходемо иметь сопротимение  $R_{a^{\dagger}} + R$  порядка нескольких мегом.

Такого рода выпрямительные схеим для измерения средних значений напряжения были осуществлены уже неоднократно, и мы приведем в данной работе несколько примеров.

Американской фирмой ДЖ и И випущен прибор, под названием, флюксвольтметр, согласно разобранвым схемам, и собранный в одном кожухе.

На рис. 12, 13, 14 приведены схемы внутреннего соединения и фотографии прибора.



Рис. 11. Схема кенотроиного выпримителя с большим добавочным сопротивлением.



Рис. 12. Слема внутренних соединений флюксвольтметра.



Рис. 13. Общий вид фаюксвольтметра.

Указанные на схеме к нотроны А и В являюта трехэлектродными лам пами, но анод и сеть у них соединены вмест и они работают как дн одные лампы.

Сопротивление N и и имеют целью устранит влияния переменного со противления кенотроноя В качестве кенотроноя фирмой предлагаются лампы UX — 120, изгото вляемые фирмой Rada Согрогаtion of America с сопротивлением R<sub>a</sub> по рядка 5000  $\Omega$  и током накала около 0,125 A.

11

661

221

82

Трансформатор Лоньжает сетевое напряжени с 110-125до3-4 V. Вольтметр магнитоэлектриче ский с сопротивлением 195000Ω и шкалой на 150 V.

Отношение среднего сопротивления кенотронов к полном сопротивлению цепи около 0,05, или 5%.

Исследования G. C ат 1111<sup>1</sup> показали, что точность измерения с данным прибором достаточна для большинства технических измерений.

В таблице III привелены сравнительные данные для коэфициента формы кривой, полученные этим автором — осцилографически и флюксвольтметром.

Работа этого прибора зависит от целого ряда факторов, влияние которых необходимо было исследовать.



Рис. 14. Внутреннее устройство флюксвольтметра.

<sup>1</sup> "A Flux Voltmeter for Magnetic Test" I. A. I. E. E. Okra6ps, 1926.

#### таблица Ш

NE-TCL UN-TEL CT-

ATL.

OZ.

011

193

1136

₹H.

67

HEN V

-

	Коэфицие кри	Коэфициент формы кривой					
	Получен осциллогра- фически	Получен флюксвольт- метром	Расхожде- ине в %				
TAN THE COLOR	1,21 1,13 1,148 1,128 1,18 1,18 1,14 1,13	1,231 1,128 1,149 1,122 1,18 1,15 1,115	1.7 0,2 0,1 0,5 0,0 0,9 1,4				

Так как накал кенотронов желательно для простоты вести кпосредственно от сетевого напряжения, которое в обычных кловнях имеет значительные колебания, то в первую очередь ило испытано влияние перекала или недокала выпрямительных тамп.

В таблице IV приведены результаты измерения одного и того ке напряжения при различных напряжениях накала.

T	10	1E	57	11	л	r	г	х	0.1	TU	22
ж	2	10.0	M.)	.,	a	ь	Α.)	n	6.3	6 W.	

Напряже- ине на- кала в вольтах	Действую- щее значе- ние вапря- жения в вольтах	Среднее значение, намеренное флюксвольт- метром	Частота переменного тока, герцы
114 112 110 108 105	0 0 0 0 0	0,4 0,2 0 0,2 0,7	21,5
120 115 110 105 100 90 80 70 60 45 40	100 100 100 100 100 100 100 100 100 100	100 99,6 99,2 98,8 98,3 97,3 96,4 94,7 87,8 12 10	50

Таким образом при допустимой погрешности в измерен среднего значения напряжения ± 0,4%, колебания напряжен такала допустимы на ±5 V.

Вторым фактором, который мог бы оказать некоторое вла ние на точность работы прибора, является изменение частот Напряжение на прибор подавалось от генератора, работающе вхолостую, и следовательно коэфициент формы кривой можа было считать постоянным. Результаты этих измерений приз лятся в таблице V.

Напряжение накала в вольтах	Действующее значение напряжения в водьтах	Частота тока в Герцах	Среднее значение и пряжения, измеренно фаюксвольтметром, в водытах
110 110 110 110 110 110 110 110	70 70 70 70 70 70 70 70 70 70	21,5 25 30 35 40 45 50 55	58,6 69,1 69,2 69,3 69,4 69,5 69,5 69,5 69,6

ТАБЛИЦА V

Такого же рода измерения были проведены в отношена влияния сдвига фазы напряжения накала по отношению к изме ряемому напряжению и выяснилось, что в пределах искажены вносимых фазорегулятором, коэфициент формы кривой остается неизменным.

Чтобы закончить исследование прибора, было произведея измерение коэфициента формы кривой напряжения на зажим тенератора, работающего вхолостую, по всей шкале прибор

Результаты этих измерений приводятся в таблице VI. Наприжение накала при этих измерениях поддерживалось равны 110 V, а частота 50 Hz.

По данным этих испытаний видно, что шкала прибора веры с точностью до 1%, если считать, что коэфициент формы кра вой генератора при всех напряжениях сохраняет свою величив)

Прибор, аналогичный описанному, изготовляет фирма Метрополитен Виккерс.<sup>1</sup>

Уральский физико-технический институт для одной из снои работ построил специальный выпрямитель с расширенным пред-

8

<sup>1</sup> Metropolitan Vickers Gazette, 1933.

лом измерений. 1 Так как применимость электронного выпрямителя ограничивается участком характеристики близким к прямой линии, то в данном выпрямителе (рис. 15) было применено каскадное включение кенотронов. На катод, следующей в ка-178 скаде лампы, подается при помощи реостата / задерживающия потенциал такой величины, чтобы анодный ток второй лампы делался заметным тогда, когда ток первой лампы начинает уже 63 приближаться к насыщению, и т. д. Таким путем достигают рас-180 ширения пределов измерений.

田

111

HD ú,

Ū

7用 1E



Рис. 15. Кенотронный выпрямитель Физико-технического института для измерения среднего значения изпря-MCRBH.

100	80	12.2		1.00	8.3	10	CO.	578	
	m.	0.2	-	а	ю	ы	<b>8</b> 58	vı	
-	50 M	~~~	~						

Придожен- ное напря- жение в вольтях	Показання флюксвольт- метра в польтах	Коэфициент формы криной	Прядожен- пое вапря- женне в вольтах	Показания флоксвольт- метра в рольтах	Козфяциент формы крипой
and the second		Conceptor P	S SUIT	1	
35	34,7	1.12	105	104,4	1,11
40	39,9 64.5	1,11	110	109,4	1,113
70	65,1	1.12	120	118.9	1.12
75	74,6	1.12	125	124	1,115
80	79,4	1,12	130	129	1,32
00	80,05	1,11	100	133,8	1,113
95	94,8	1,11	145	143,6	1,12
100	99,3	1,12	150	149,1	

<sup>1</sup> Р. И. Янус, Иовый метод определения магнитных констант небольших образцов электротехнических материалов. Журная технической физики, т. III, Biatt. 8, 1933.

Сопротивление r<sub>b</sub> служит для того, чтобы прямолинейная чи часть характеристики шла непосредственно от нуля. И наконец, бм как обычно, включено большое сопротивление R<sub>a</sub>, назначение которого указано выше. В схеме включены лампы УТ-1, изготовляемые заводом Светлана, причем апод и сетка, аналогично лампам UX-120 в флюксвольтметре, соединены на-коротко.

Согласно результатам работы Р. И. Януса, данная выпримительная схема давала вполне удовлетворительные результаты, причем точность измерения коэфициента формы кривой оценивается им не меньше 1% даже при значениях этого коэфициента около 3, что конечно представляет случай весьма сильного искажения, редко встречающийся в обычной измерительной практикс.

#### СРАВНИТЕЛЬНЫЕ ИЗМЕРЕНИЯ КОЭФИЦИЕНТА ФОРМЫ КРИВОЙ РАЗЛИЧНЫМИ МЕТОДАМИ

Как уже было сказано выше, измерения коэфициента форми кривой были проведены при помощи флюксвольтметра, механического выпрямителя и непосредственным планиметрированием осциллограмм.

Сравнительные результаты испытаний производятся в таблице VII.

Измерения проводились при одновременно включенных обок: приборах на холостом ходе генератора.

Если ограничиться точностью измерений в 0,5%, то расхождений между измерениями в случае синусоидальной формы крявой напряжения не обнаруживается.

Напряжение на зажимах генера- тора в вольтах	Коэфициент формы вривой, измеренный флюксвольтметром	Коэф. формы кри- вол, измеренный механич. выпря- мителем	Расхождение в %
31,1 40,1 50,1 60,3 70,1 80,1 90,9 100,9 111,2 121,2	1,113 1,117 1,117 1,117 1,113 1,108 1,112 1,110 1,113	1,109 1,111 1,111 1,112 1,113 1,111 1,111 1,111 1,111 1,111	

#### ТАБЛИЦА VII

Аналогично предыдущим измерениям, коэфициент формы кривой был определен измерениями напряжения на зажимах вторич-

92

1

**H**Ü

27.

pa

ной обмотки прибора Эпштейна при различной силе намагнивя чивающего тока. Результаты этих измерений приводятся в таблице VIII.

11 6-

195 B

2-

Đ.

Æ

80. Ł÷

#### ТАБЛИЦА VIII

Сила тока в амперах	Коэфициент формы крилой, измеренной флюксвольтметром	Коэфни, формы кривой, измер. мехлияч, выпря- мителем	Расхождение в %
1,97	1,111	1,112	0,1
2,18	1,113	1,112	0,1
2,42	1,116	1,116	0
3,12	1,122	1,116	0,6
3,72	1,134	1,124	0,9
4,75	1,138	1,137	0,1
5,99	1,146	1,142	0,3
7,26 10,00	1,161 1,162	1,154 1,161	0,5 0,7 0,1

Данные измерений при нагрузке получаются менее благоприпными, что может быть объяснено меняющимся режимом работы генератора, сказывающимся конечно заметнее, чем при илостом ходе генератора.

В заключение сравнительных измерений коэфициента формы фивой приводим данные измерений по всем трем методам при различных нагрузках генератора.

CHAR TOKS BO	Коэфициент (			
авешней цепи ге- вератора в ампе- рах	Оспналогра- фически	Флюксвольт- истром	Мехайнческим выпрямителем	
0 4 7 10	1,121 1,128 1,145 1,158	1,110 1,130 1,158 1,162	1,110 1,126 1,148 1,161	

ТАБЛИЦА IX

Необходимо указать, что хотя условия измерения каждый раз были одни и те же, но сами измерения велись не одновременно (таблица IX).

Подводя итоги, можно сказать, что нанболее надежным метоюм измерений является метод механического выпрямителя,

точность которого может быть оценена в 0,5%, Конечно достижение такой точности требует соблюдения всех условий, кото- нем рые были оговорены выше.

I

K

月

CO.

C

松

p

Метод кенотронного выпрямления, дающий меньшую точ- вль ность, но практически в большинстве случаев вполне достаточ- ши ную, имеет то преимущество, что измерительное устройство является переносным и не связано с генератором, питающим установки.

Наиболее грубым, но дающим ясную физическую картину процесса искажения кривой напряжения, является метод осциллографический. Для измерений он однако мало пригоден, так как точность его, при соблюдении всех необходимых предосторожностей, не выше 3,5%. Кроме малой точности обработка осциллограмм представляет большие трудности и требует большой затраты времени.

### ОПРЕДЕЛЕНИЕ КОЭФИЦИЕНТА ФОРМЫ КРИВОЙ ПРИМЕНИТЕЛЬНО к ваттметровой установке

Установка ваттметрового метода магнитной лаборатория ВИМС имеет следующие характеристики.

Генератор мощностью 1,5 kvA, напряжением 150 V, 1500 об/мин. Кривая напряжения холостого хода имеет синусоидальный характер (осциллограмма ее приводится на рис. 16).



Рис. 16. Осинлаограмма напряжения при холостом ходе генератора,

Ваттметры, применявшиеся в настоящих исследованиях, электродинамической системы для малых коэфициентов мощности (0,1 и 0,2), с сопротивлениями последовательных обмоток от 0,0075 до 0,26 9 и ответвленных от 1714 до 10 000 9 в зависимости от пределов измерения. Вольтметры также электродинамической системы с сопротивлением от 153,8 до 3424 Q.

Прибор Эпштейна конструкции лаборатории с сопротивленем первичной обмотки 1,94 <sup>Ω</sup> и вторичной 1,39 <sup>Ω</sup>.<sup>1</sup>

Коэфициент формы кривой определялся в зависимости от зам намагничивающего тока, от частоты и от сопротивления риборов, употребляющихся при измерениях.



Рис. 17. Осциялограмма напряжения на зажимах вторичной обмотки прибора Эпштейна при нагрузке.

Для различных намагничивающих токов были сняты осцилпраммы напряжения на зажимах вторичной обмотки прибора эпштейна и после обработки их получена кривая зависиисти коэфициента формы от силы намагничивающего тока.



Ряс. 18. Осциалограмма напряжения на зажимах вторичной обмотки прибора Эпштейна при нагрузке.

Осциллограммы приводятся на рис. 17, 18 и 19, а кривая на с 20.

Результаты обработки осциллограмм приведены в таблице Х.

1 Электричество, № 5, 1929.

ü

E N H

ě

H.

£.

h

Ħ

Æ

見た



№ осция- логрямм	Намагинчи- вающий ток и амперах	Действующее аначение на- пряжения в вольтах	Средние значен. напря- жения в вольтах	Коэфициент формы кривой	Рисуния осция- лограмя	
123456	0 4 7 10 12 14	87,9 112,8 127,7 137,1 140,0 143,4	78,3 100,0 111,5 118,5 119,1 121,3	1,123 1,129 1,146 1,158 1,176 1,182	pac, 16 . 17 . 18 . 19	

Для характеристики искажения кривой тока для нагрузки 10 А приводится осциллограмма на рис. 21.



Рис. 21. Осциалограмма кривой тока в первичной цени прибора Эпштейна при нагрузке 10. А.

Зависимость коэфициента формы кривой от силы тока была получена также флюксвольтметром и механическим выпрямителем (см. таблицу XI).

1	A	Б	Л	И	ILA.	XL	
2	-	9	5	2	20.	20.00	2

Сила тока в амперах	коэф, формы кри- вой, измерен, флюк- свольтиетром	Сила тока в амперах	Коэф. формы кри- вой, измерен, мех. выпрямятелем		
1,00 1,11 3,16 4,90 6,87 8,12 9,48 11,43 13,08 16,15	1,103 1,110 1,112 1,128 1,138 1,138 1,138 1,146 1,152 1,163 1,176 1,189	1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 12 14 16	$\begin{array}{c} 1,112\\ 1,114\\ 1,117\\ 1,126\\ 1,135\\ 1,141\\ 1,148\\ 1,155\\ 1,163\\ 1,170\\ 1,180\\ 1,192\\ 1,200\\ \end{array}$		
Un navanav	(1) (1)		Menon Bompanuments		
та основан	но- (,19		Carekebonbre nemp		
троены крив	ые, 1,17	1	1.3		
риводимые	на 1,13	1	R - Laco		
нс. 22.					
1			Сила тока		
7	Рис. 22. Зависимо пряжения на за: Эпштейн	ость коэфициента жимах вторичной га от намагничив	формы кривой на- обмотки прибора ающего тока.		

4 E II

57

Зависимость коэфициента формы кривой от максимальной магнитной индукции показана на рис. 23.



Рис. 23. Зависимость коэфициента формы кривой вапряжения на зажимах вторичной обмотки прибора Э пштейка от индукции в образце. Вторым фактором, влие ние которого было исследо вано, является частота.

Результаты измерений показали, что практически коэфициент формы кривой продних и тех же нагрузках и небольшом изменении частоты (в нашем случае от 30 g 50 *Hz*) остается неизменных Данные эти для двух часто приводятся в таблице XII (измерение велось механическая выпрямителем).

Заметное влияние на коэфициент формы кривой пра больших нагрузках оказывает изменение сопротивлени включаемых приборов (амперметров и последовательной об fa. мотки ваттметра), как это [3 видно из кривых на рис. 24. Кривые эти получены с изме 17 рительными приборами, обычно применяющимися в лабони ратории при определении по ат терь в приборе Эпштейна ча

印入

ye

DM DM

100.00			* A.	
TA:	621	м	LA.	- 411

and the second second	Коэфициент о			
Сила тока в амперах	При частоте 50 герц	При частоте 30 герп	Расхождение в %	
1 2 3 4 7 8 9,5	1,104 1,113 1,116 1,118 1,135 1,143 1,143 1,154	1,109 1,108 1,110 1,115 1,135 1,147 1,155	0,5 0,5 0,3 0,0 0,4 0,1	



Рис. 24. Изменение коэфициента формы кривой напряжения на зажимах вторичной обмотки прибора Эпштейна от сопротивления измерительных приборов при разных намагничивающих токах.

Для характеристики степени искажения кривой напряжения ep нло произведено разложение в ряд Фурье кривой при нагрузке 00 13 A. TŪ

Результаты разложения приведены не влаблице XIII.

Π÷.

KO-

70

20

11

10

ЮĐ

11

KO-

RB-

抑

ТАБЛИЦА ХШ

Кратность

гармоннки

3

9

10

Процентное

к амплитуде

основной

**ГЕРМОНИКН** 

12

4,6

1,6

2,3

1,8

отношение

Все приведенные выше исследовабо ия производились с прибором Эппо-ттейна с двумя обмотками на ваттна нтровой установке, описанной ранее.

. Помимо этого, для сравнительной шенки, были произведены определения вафициента формы кривой с двумя фугнми приборами Эпштейна, атакне с кольцевым образцом, на котожй навивались две обмотки. Испыуемый материал во всех случаях был шного и того же сорта.

Генератор, питающий установку, и измерительная аппаратура ри этих сравнительных измерениях применялись другие, чем ри всех ранее описанных исследованиях.

Исследование велось путем снятия осциллограмм для разчной силы намагничивающего тока, которые частично планитрировались, а частично обрабатывались взвешиванием.

Измерения производились с прибором фирмы Гартмана Браун с двумя обмотками. Прибор этот имеет ту особенсть, что его намагничивающая обмотка разбита на ряд катушек, раллельно соединенных между собой, благодаря чему достигается более равномерное намагничение образца. Далее исп. тания производились с прибором Эпштейна с одной обмогая кой и с прибором Эпштейна ВИМС, ранее описанным. 60

Характер зависимости коэфициента формы кривой от силнамагничивающего тока получился несколько отличным от ре зультатов, полученных ранее, что объясняется переменой генратора и измерительных приборов. Однако это расхождень не имеет в данном случае большого значения, так как исследо вание велось под углом зрения сравнительной оценки приборо

Зависимость коэфициента формы кривой от силы тока пре водится в таблице XIV и на рис. 25.



Рис. 25. Зависимость коэфициента формы кривой напряжения от намагничизающего тока для разных приборов Эпштейна и кольцевого образца. MH

100.0	100.00	10.00		1000	
1.11	14.11	12 M I	1.0	- X.I	10.0
1.03	776.1		LIA	1000	

and a second	Коэфин				
Сила намагни- чивающего тока в амперах	Прибор Эпштей- на с одной обмоткой	Прибор фирмы Гартман и Бра- ун	Прибор Эп- штейна ВИМС	Кольш	
1,0 1,5 2,0 2,5 3,0 3,5 5,0 6,5	1,100 1,108 1,1094 1,1140 1,115	- - 1,110 1,115 1,1168 1,118 -	1,101 1,102 1,1114 1,125 1,135 1,135 1,142	1,1154 1,121 1,128 	

на основании тех же данных построена зависимость коэфиколанента формы кривой от максимальной магнитной индукции, более показательная для сравнения различных приборов (рис. 26).



pe

288

加加

**IDE** 

Рис. 26. Зависимость коэфициента формы кривой напряжения от индукции в образце для разных приборов Эпштейна и кольцевого образца.

Числовые данные для этих кривых приведены в таблице XV.

#### ТАБЛИЦА XV

Максимальная -	Ko	вфициент форм	Козфициент формы кривой				
ылинтиля ин- липия в гаус- сах	Кольцо	Прибор Эп- штейна ВИМС	Прибор Эпштей- на фирмы Гартмав и Браун	Прибор Эп- штейна с од- ной обмоткой			
10 000 10 500 11 000 11 500 12 000 12 500 13 000 13 500 14 600 14 600	1,106 1,107 1,108 1,110 1,112 1,115 1,117 1,122 1,129 1,132	1,101 1,1014 1,1018 1,102 1,1024 1,107 1,1106 1,1238 1,1297 1,1297 1,1364	1,100 1,1114 1,1132 1,1150 1,1160 1,117 1,118 	1,1046 1,1074 1,1083 1,109 1,110 1,112 1,114 1,114 1,1148			

# выводы

На основании произведенных исследований можно сделать медующие выводы:

 Из трех методов определения коэфициента формы кривой: адиялографического, при помощи механического выпрямителя и электронного выпрямителя, в условиях магнитных измерена следует отдать предпочтение механическому выпрямителю, который дает точность в определении среднего значения напражения, при соблюдении требуемых предосторожностей в работпорядка 0,5%.

Наиболее удобным для практических целей является мемнический выпрямитель с отдельным синхронным двигателе фирмы AEG.

Наряду с механическим выпрямителем можно рекомендоват Di и электровные выпрямители, которые хотя и дают несколы большую погрешность (порядка 1%), чем механический, но об ладают тем существенным преимуществом, что не связа с агрегатом, питающим установку и являются приборами пере носными. В свою очередь недостатком их являются необходмость градуировки и затруднения, связанные с поверкой в про де цессе эксплоатации.

2. Исследования коэфициента формы кривой и для разны приборов Эпштейна и кольцевого образца показали, чт панменьшие искажения кривой при/данном магнитном образи на наблюдаются при испытании в приборе с одной обмоткой. 27.

ne la sei qui de mi po est

for per par

Bg.

are la

# LE FACTEUR DE FORME DE TENSION DANS LES MESURES BEI DES PERTES PAR HYSTÉRÉSIS ET LES COURANTS FOUCAULT

# par G. E. Egorov et E. T. Tchernishev

P# 176

22 λe<sub>i</sub>

hEr

05 111

96

通過

## (Resume)

L'article donne un exposé des méthodes de mesure du facteur po de forme de tension dans la détermination des pertes dans le tôle es acier électrotechnique par la méthode du wattmètre.

On passe en revue les méthodes de redression oscillographique, nécanique et électronique, employées pour la détermination de la aleur moyenne de la tension. En employant la méthode oscillographique l'erreur dans la détermination du facteur de forme est estimée de 3,5%. Des trois méthodes c'est la méthode du redresseur nécanique (fig. 2) qui donne, comme l'ont prouvé les comparaisons, la plus grande précision, l'erreur n'excède guère 0,5%, Les redresseurs électroniques donnent une précision moindre (environ de 1%) que le redresseur mécanique, mais ils sont portatifs et n'exigent pas ce génératrice spéciale, ce qui permet de les recommander pour les mesures industrielles. La mise en parallèle des données, obtenues pous la détermination du facteur de forme par les trois méthodes, et donnée dans les tableaux VII, VIII, IX.

On décrit ensuite les résultats de la détermination du facteur de tome à des fréquences différentes. Ces résultats prouvent que, à des retites variations des fréquences (30-50 Hz) et tous les autres paramètres restant immuables, le facteur de forme ne change pas voir tableau XII). C'est la résistance dans le circuit d'aimantation qui occasionne une grande déformation de la forme de tension (voir ig. 24).

On rapporte les études du facteur de forme de tension, effectuées wec les appareils Epstein de modèles différents, qui prouvent que a déformation minime de la courbe (à une induction mutuelle dontée) fut observée sur un appareil à enroulement unique.

## МАГНИТНАЯ ПРОНИЦАЕМОСТЬ ПРИ СЛАБОМ НАМАГНИЧЕНИИ

#### Е, Г. Шрамков и Н. Г. Зуева

В процессе работы, посвященной измерениям магнитной проницаемости листовой электротехнической стали при слабоя намагничении, было обнаружено, ято магнитная проницаемость резко изменяется во времени, которое прошло с момента размагиичения образца до начала измерений. Как следствие из это работы, было установлено, ято для получения воспроизводмых результатов необходимо начинать испытания спустя опредленный промежуток времени после того, как образец размагна чен.<sup>3</sup>

Настоящая работа является продолжением первой и имел целью более детально исследовать обнаруженное явление с токи эрения тех факторов, которые обусловливают его.

Все измерения производились для основной кривой намагничения в области начальной проницаемости. Часть эксперименто была проведена баллистическим методом при намагничивани образцов постоянным током, часть же на переменном токе частотой 50 *Hz* при помощи потенциометра Гейгера.

## ИЗМЕРЕНИЯ В ЗАМКНУТОЙ И РАЗОМКНУТОЙ МАГНИТОЙ ЦЕПИ

В качестве объекта измерений служили образцы листова трансформаторной стали, которые применяются при испытания в приборе Эпштейна. Были произведены три серии измере ний таким образом, что в одном случае магнитная цепь был полностью замкнута, в двух же других — частично разомкнут (рис. 1а, в и с). Намагничивающая цепь питалась переменны током частотой 50 *Hz*. Индукция и напряженность поля вычислялись по данным измерения на потенциометре Гейгера. При все измерениях, независимо от того, была ли замкнута магнитны цепь или разомкнута, напряженность внешнего намагничивая щего поля устанавливалась такой величины, чтобы индукцы в первый момент измерения после размагничения образца был

<sup>1</sup> Е. Г. Шрамков, Измерения магнитной проницемости листовой заектр технической стали в слабых магнитных полях. ЛЭМИ, № 4, 1934. 104

mmm ø 000 www.www ø Capozyte USMERUMENDADA Pac. la 05 Nomko 00 09 111 83 mmm 31 wwwwww -95 wwwwwww 90 à BH-TÓI Рис. 1в TIL Copasyor TP-Her Person Mar Mar Mar Mar Mar Mar Ha H.OBMOMIO MONZ Рис. 1с 0 an LINE Ospasybi \$ SIT. ø ø (TP) 105

одинаковы или во всяком случае мало отличались друг от друг Опыт проводился таким образом, что образцы вначале тщател но размагничивались при помощи переменного тока с убыващей до нуля амплитудой, затем включали намагшичивающы переменный ток заранее установленной величины и измерял индукцию через определенные промежутки времени. В процест измерений намагничивающий ток оставался все время включен ным.

Результаты измерений приведены в таблице І. Приведенны в таблице величины индукции относятся к максимальным значениям.

<b>TT</b> 100	- C - C - C - C - C - C - C - C - C - C	 	
	15.11	 	
	3.323	 un	

Форма	Форма магнитпой цепн		Форма магнитной цепи			Форма магнитной цет		
Время после размагинчения (секунды)	Индукци я гауссы	Изменение индужние в %	Времи посде размагинчения (секунды)	Индукция гауссы	Изменение индукции в %	Бремя после размагничения (секунаы)	Индукция rayccы	Изменение имукими в "
30 45 90 120 180 300 1200	9,70 9,52 9,19 9,04 8,86 8,74 8,09		30 60 120 180 240 1200 —	10,02 9,94 9,75 9,64 9,57 9,29	0,80 2,69 3,79 4,49 7,29	30 60 120 180 300 1200	10,11 10,03 9,98 9,96 9,90 9,75	
H <sub>max</sub> =	0,0158	рстед	Hmax	= 0,030	эрстед	H <sub>max</sub>	= 0,067	эрстея

Изменение магнитной индукции во времени при намага: чении переменным током

Указанные в таблице значения напряженности поля H<sub>пи</sub> относятся к внешнему полю, создаваемому намагничивающе обмоткой.

Аналогичные результаты в качественном отношения получени при больших магнитных насыщениях материала.

На рис. 2 и 3 графически представлено изменение магнитно индукции в зависимости от времени, которое прошло послразмагничения материала, для двух начальных индукций, порядка 10 G (таблица I) и 20 G.

Произведенные эксперименты с очевидностью доказывают и что в разомкнутой магнитной цепи процесс уменьшения индук-и 106


ин во времени, при неизменной напряженности поля, протекает от венее интенсивно, чем в замкнутой магинтной цепи при одном и том же магнитном насыщении материала в обоих случаях. Необходимо подчеркнуть, что измерения начинались толька спустя 30 сек. после размагничения образца, и высказание выше, заключение относится к интервалу времени, начиная о 30 сек. и дальше.

#### ВЛИЯНИЕ ТЕМПЕРАТУРЫ НА ИЗМЕНЕНИЕ ПРОНИЦАЕМОСТИ ВО ВРЕМЕНИ

Поскольку обнаруженный процесс изменения проницаемости со временем присущ материалу как таковому и связан с его молекулярным строением, представлялось интересным выяснита поведение материала в этом отношении при разных темпера турах. В данном случае измерения производились с кольцевы образцом листовой трансформаторной стали при намагничены переменным током частотой 50 *Hz*, и с пакетом полосовых обрацов из той же стали (один из пакетов для прибора Эпштейна с которым производились предыдушие опыты) при намагничены постоянным током в разомкнутой магнитной цепи в пустотелов соленоиде. Индукция в последнем случае измерялась баллисти ческим методом.

Нагревание кольцевого образца производилось в электриче ском термостате. При испытании же пакета полосовых образца он помещался в пустотелый соленоид, который имел помим намагничивающей обмотки и нагревательную, навитую бифилярна. Температура в обоих случаях измерялась термопарой.

Результаты измерений для кольцевого образца приведена в таблице II, а для пакета, испытанного в разомкнутой целя Па в таблице III. На рис. 4 построены кривые процентного изменения индукции при неизменной напряженности поля и при разных температурах, спустя одно и то же время после размаинчения образца, именно 300 сек.

#### ТАБЛИЦА П

(4)

B

илл илл обр

Температура, градусы С	22	41	60	80	100
Начальная индукция (16 сек. после размаг- инчения), в гауссах	7.45	7.82	7.67	7.80	7.65
Индукция, спустя 300 сек. после разматин- чения, в гауссах	6,55	6,95	6,99	7,52	7,59
Уменьшение индукции в %	12,2	11,1	8,9	3,5	0,78

Кольцевой образец. Намагничение переменным токо



Рис. 4. Уменьшение магнитной индукции за 5 минут при разных температурах.

ТАБЛИЦА Ш

III, (er D1 ar

0

4

8

HEKCT.	полосовых	образцов.	Намягничение	постоянным
		TOE	) M	

Температура, градусы С	3	14	20	30	40	50	60	100
REALBRE BREVERING (30)		120	1	1	Bille	1		1
сек. после размагни-	4,66	4,70	4,60	4,53	4,49	4,42	4,39	4,35
азукция спустя 300 сек. после размагничения,		1.00		a				
Brayccar	4,42	4,50	4,45	4,40	4,38	4,345	4,34	4.35
испынение нидукции	5,20	4,25	3,26	2,87	2,45	1,70	1.14	0

В таблице IV приведены результаты испытания того же накета алосовых образцов при разных температурах, причем изменение ндукции наблюдалось в течение часа с момента размагничения. бразца. Испытание производилось в разомкнутой магнитной ели на постоянном токе баллистическим методом. На основании этих данных построена зависимость (рис. 5) процентного умен те шения индукции за 1 час с момента размагничения образца и температуры образца.



Рис. 5 Уменьшение магнитной индукции за 1 час при разных температурах. на

#### ТАБЛИЦА IV

H3

101

Пакет полосовых образцов. Намагничение постоянны током

Температура, градусы С	-2	3	20	30	40	60	10
Начальная индукция (30 сек. после разматничения), в гаус- сах	4.73	4.65	4 60	4.53	4 49	4 30	4.35
Инаукция, спустя 1 час после разматничения, в гауссах	4,30	4.27	4,32	4.31	4.33	4.36	4.35
Уменьшение индукции в % .	9,1	8,4	6,1	4,9	3,6	0,7	0

Произведенные эксперименты показывают, что температур при которой находился образец, оказывает весьма существеное влияние на изменение проницаемости во времени посл размагничения образца. С повышением температуры процентво изменение проницаемости резко уменьшается по мере прибла жения к 100° С. Причем в разомкнутой магнитной цепи, ка это и следовало ожидать, на основании предыдущих опыто в замкнутой и разомкнутой магнитной цепи, наблюдается значи ет тельно меньшее процентное изменение проницаемости со вреженем при одних и тех же температурах, чем при намагничении замкнутой магнитной цепи. Здесь также нужно подчеркнуть, по эти выводы относятся к интервалу времени, начиная с 30 сек. после размагничения.

#### влияние разных факторов воздействия на образец перед ИЗМЕРЕНИЕМ ЕГО ПРОНИЦАЕМОСТИ

Настоящие эксперименты имели целью выяснить, является и размагничение образца единственным фактором воздействия побразец, обусловливающим последующий процесс уменьшения поницаемости во времени. Для этой цели были произведены скедующие опыты с пакетом полосовых образцов в разомкнутой агнитной цепи при намагничении постоянным током: 1) образец, тмещенный в соленоид, размагничивали переменным током с убывющей до нуля амплитудой н, оставляя его в том же соленоиле, пчинали измерения, 2) образец три раза поворачивали на 360°, тземном магнитном поле, затем помещали в соленоид, включали ниагинчивающий постоянный ток и баллистическим методом имеряли индукцию через разные промежутки времени, 3) обрана, помещенный в соленонд, встряхивали вместе с соленоидом, жлючали намагничивающий ток и начинали измерения, 4) образен, штодящийся в соленоиде, вынимали осторожно и затем обратно ктавляли в соленоид, после чего включался намагничивающий ти и приступали к измерениям. Соленоид, в котором произвожлись испытания образца, располагался своей осью перпенди-1.14 тилярно земному полю. Время начала измерений каждый раз. тчитывали с момента того или иного воздействия на образец. напряженность внешнего магнитного поля но всех случаях. 10 била равна 0,03 Oe.

13.

Промежуток времени между первым и последним измерением ндукции составлял 45 мин. Начальная величина индукции отдельных экспериментах колебалась в пределах 4,18-4,37 G. аз В таблице V приведены процентные изменення индукции за б мин. с момента того или иного воздействия на образец.

#### ТАБЛИЦА V

Пакет полосовых образцов. Намагничение постоянным TOKOM

Процентное уме фат	ньшение нидукции кторов на образец п	ва 45 мпя. после перед началом изме	воздействия разных срений
Размагничение пременным током	Вращение в земном поле	Встряхивание образца в солевонде	Образец выпут из соленоида и снова помещен в него
8,5	9,0	7,9	8,5

Полученные результаты показывают, что процесс уменьшения проницаемости во времени может быть вызван не только прим варительным воздействием на образец переменного поля с убла вающей до нуля амплитудой, но также и другими факторам Встряхивание образца перед началом измерений вызывает анал гичный эффект как в качественном, так и в количествени отношениях. Некоторые числовые расхождения, приведены в таблице V, обуславливаются погрешностями измерений, так как наблюдавшиеся изменения индукции составляли всего 0,46 года абсолютной величине индукции порядка 4G. Опыт с вращени образца в земном магнитном поле можно также рассматришен как воздействие на образец циклически изменяющегося вста убывающего до нуля. Вынимание образца из соленоида и пои т шение его обратно хотя и производилось с достаточной осторы ю ностью, без заметных толчков и встряхивания, тем не ме известное механическое воздействие на образен неизбежно п этом имело место и, как показал опыт, этого было дост точно, чтобы вызвать внутреннюю перегруппировку магнита п связей. 即

#### ИССЛЕДОВАНИЕ РАЗНЫХ МАТЕРИАЛОВ

M

Все вышеописанные эксперименты производились с образши листовой трансформаторной стали. Кроме образцов трансфато, маторной стали как заграничной, так и советского производст ли в количестве 11, были исследованы также листовая динамы ---сталь, обычное полосовое мяткое железо, декапированное желе пр углеродистая не закаленная сталь и муметал. Испытания проводились также при индукции порядка 4G в разомкнутой и понитной цепи баллистическим методом. Перед испытанием образати размагничивались переменным током с убывающей до нуля амл до тудой. Из всех материалов наибольшее изменение проницаемостал, во времени обнаруживается у трансформаторной стали и имен по заграничной с малыми потерями на гистерезис и токи Фи (1,1-1,2 вт/кг). Несколько менее интенсивный процесс набл дается у трансформаторной стали Верх-Исетского завода с пов шенными потерями (1,5 вт/кг). Образцы динамной стали, к правило, дают меньшее процентное изменение проницаемоста во времени, причем расхождения между заграничным и совется ба материалом не наблюдалось. Прочие из вышеперечисленные испытанных материалов заметных изменений проницаемости пра времени, в пределах погрешностей измерения, не обнаружы на Необходимо подчеркнуть, что эта серия экспериментов носила систематического характера и имела целью лишь уст новить, в какой мере наблюдаемое явление присуще тем и ими иным материалам. Однако уже па основании этих предвар тельных опытов можно считать, что химический состав малон ев мала, его структура, обусловленная той или иной обработкой. предвиервую очередь термической, оказывают решающее влияние усна его поведение при слабом магнитном насыщении.

#### ИССЛЕДОВАНИЯ ДРУГИХ АВТОРОВ

ны В литературе впервые появились указания на это явление паработе Вильда и Перрье, посвященной исследованию матеприлов для катушек Пупина.

не. При испытании кольцевых образцов при слабом намагничении нь оне обнаружили, что после размагничения образца переменным пот эком с убывающей до нуля амплитудой, проницаемость возраю дает, а затем уменьшается со временем по показательной крирасной, которая может быть представлена уравнением

$$\Delta \mu = \Delta \mu_a \cdot e^{-\lambda t'}$$

та ще Ди — изменение проницаемости за время *t*, Диа — повышение повицаемости, вызванное процессом "омоложения" материала вазмагничение), r — некоторая постоянная для данного матемала, коэфициент, зависящий как от материала, так и от тешературы, при которой производится эксперимент.

по При нормальной температуре это явление обнаруживается ф только для железа, для стали же, начиная с 60°, по мере увест зачения температуры, эффект "омоложения" повышается, достиин пет максимума при некоторой температуре и затем исчезает ле при более высокой температуре.

100 Когда наши исследования в основном подходили уже к концу, и юявилась работа Аторфа, посвященная исследованиям, свяаз ланым с тем же явлением изменения проницаемости во времени. ни хотя условия эксперимента и были отличны от наших, однако о приученные результаты в этой работе полностью подтверждают ен шши исследования.

#### выволы

 Результаты первой нашей работы (см. сноску в начале ос сатьн), посвященной измерениям магнитной проницаемости в сласк их магнитных полях, показали, что после размагничения образца, на черед началом измерений, магнитизя проницаемость листовой и рансформаторной стали для данной неизменной напряженности жинитного поля с течением времени падает.

<sup>4</sup> G. Wild et A. Perrier, Lois du vieillisement et du reieunissement in <sup>15</sup>gnétiques de fers employees dans la technique teléphonique. Arch. des Sienc <sup>16</sup>ys, et Natur, 1925, Mail-Diona.
 <sup>17</sup> H. Atorf, Die zeitliche Desakkommodation kleiner symmetrischer und un-<sup>17</sup> H. Atorf.

sam ymmetrischer Hystereseschleife, Zeit. f. Physik, T. 76, № 7, 8; 1982, crp. 513--526.

Настоящая работа, являющаяся развитием первой, дает осво ва вание сделать вывод, что это явление обнаруживается не вода наковой степени в разных материалах. Наиболее резко набла дается уменьшение проницаемости во времени у листовой крея нистой трансформаторной стали, в меньшей степени у динамия стали и практически незаметно в обычном мягком железе. Таки образом можно считать твердо установленным, что уменьшени про проницаемости во времени после размагничения зависит от мы териала, его химического состава, обработки и структуры и в ко личественном отношении проявляется не одинаково у разны ферромагнитных материалов.

2. Явление уменьшения проницаемости во времени, которадел можно рассматривать также как временное повышение прояж нос цаемости с последующим се уменьшением, может быть вызващит не только размагничением образца перед измерением проницата емости, но также и другими факторами воздействия на образе. как механические сотрясения, удары, даже очень незначительны иг После воздействия на образец того или иного фактора, внутрение ние взаимные магнитные связи в сильной степени нарушаются юс и приложенное внешнее намагничивающее поле более лега ли ориентирует элементарные магнитики в направлении поля, репрезультатом чего и является повышение в первый момент индунции, а следовательно и проницаемости. В последующие момента под действием внутреннего поля внутренние связи постепени восстанавливаются, происходит переход элементарных магните ков в более устойчные состояние, характеризуемый уменьше нием индукции в образце.

3. В замкнутой и разомкнутой магнитиой цепи явление умевшения проницаемости во времени в количественном отношения протекает не одинаково, и чем больше разомкнута магнитым цепь, тем менее нитенсивен этот процесс.

В разомкнутой магнитной цепи, при наличии более развита свободных поверхностей (концы образца), состояние материал после размагничения в отнощении внутренних магнитных связа можно рассматривать таким образом, что внутреннее молекуляр ное магнитное поле ослаблено по сравнению с тем полем, кото рое имеет место в замкнутой магнитной цепи. Вследствие этоп и уменьшение магнитной индукции во времени обнаруживаето не так резко. Чем больше разомкнута магнитная цепь, тем слаби внутреннее магнитное поле и тем меньше в процентном отне шения должно наблюдаться уменьшение индукции, что и подтверядается вышеприведенными экспериментами. Действие внутренне молекулярного поля будет проявляться независимо от тога находится ли образец под воздействием внешнего намагничивая щего поля или выдерживается в спокойном состоянии без вог действия этого поля. Эксперименты подтверждают и это положе ние. Действительно, изменение проницаемости во времени, п

8.4

Сно по было установлено в первой работе, происходит независимо однит того, действует ли внешнее намагничивающее поле все время бла образец или оно включается только на момент измерения, рем до этого образец выдерживается без воздействия поля.

4. При разных температурах изменение проницаемости во кин кремени в количественном отношении происходит различно, и по ени шере повышения температуры эти изменения в процентном метношении заметно уменьшаются, практически исчезая при ко +100° С. В данном случае естественно сделать заключение, что ны при повышенной температуре, вследствие большей разобщен-

исти молекулярных группировок, их магнитные связи в значипро ельной степени ослабевают, внутреннее поле уменьшается, и, оне воздействия на образец внешних факторов (например разная вгничение образца), уменьшение индукции во времени в количеная таещном отношении происходит менее резко.

зе. Предварительное искусственное старение образцов путем превания при температуре 120° С в течение 120 час. заметно на сказывается на последующем процессе изменения проницаеисти. Увление как в качественном, так и в количественном пющении, протекает так же, как и в образцах, не подвергавшихся редварительно искусственному старению.

1000

HBÓ.

ERA

12

菠

KÊ

# LA PERMÉABILITÉ MAGNÉTIQUE À FAIBLE AIMANTATION

140

íz.

111

de.

#### par E. G. Shramkov et N. G. Zouieva

#### (Résumé)

Les résultats des recherches antérieures, l' consacrées aux méthod le de mesure de la, perméabilité magnétique dans les cham da magnétiques faibles, ont montré que, après la désaimantation : un l'échantillon, effectuée avant le commencement des mesures, l'or perméabilité magnétique du tôle en acier pour transformatez diminue avec le temps pour l'intensité constante donnée du char diff magnétique.

La recherche actuelle, qui est le développement du travipta précédent, permet de conclure que le dit phénomène se manifer le différentment dans les différents matériaux. La diminution de cé perméabilite est très forte dans le tôle en acier silicieux pa no transformateurs, plus faible dans l'acier pour dynamos et pratiqueme at nulle dans le fer doux ordinaire. On peut donc considérer contratt fermement établi que la diminution de la perméabilité par rappo du au temps, observée après la désaimantation, dépend du matériel, sa composition chimique, de son traitement et de sa structure du qu'elle se manifeste différenment dans les différents matérie 20 ferromagnétiques. Le phénomène de la diminution de la permittab bilité par rapport au temps, qui peut être aussi considéré com sui une élévation temporaire de la perméabilité suivie d'une diminuté internation peut être lausé non seulement par la désaimantation de l'échant hai lon, effectuée avant la mesure de sa perméabilité, mais encore p les autres facteurs influençant l'échantillon, comme les cha mécaniques, si faibles qu'ils solent (voir tableau V).

Une fois que l'échantillon a subi l'influence de l'un de facteurs, les cohésions magnétiques intérieures sont considérable diminuées et le champ d'aimantation extérieur oriente plus facile les petits aimants élémentaires dans la direction du champ, ce occasionne au premier moment une élévation de l'induction et conséquent de la perméabilité.

Le phénomène de la diminution de la perméabilité dans circuit magnétique ouvert ou fermé, par rapport au temps, sult

<sup>1</sup> E. G. Shramkov. La mesure de la perméabilité du tôle en <sup>22</sup> électrotechnique dans les champs magnétiques faibles. L. E. M. I., Ne 4, 1934 116 nurche diverse – plus ouvert le circuit magnétique, moins intense e processus (voir le tableau I et les fig. 1, 2, 3).

Dans un circuit magnétique ouvert, et étant donnée l'existence de surfaces libres plus développées (les bouts de l'échantillon), l'état du matériel, après désaimantation, par rapport aux cohésions magnétiques intérieures peut être expliqué comme suit: le champ magnétique moléculaire intérieur est affaibli comparativement au damp dans le circuit magnétique fermé. Comme conséquence, la teminution de l'induction magnétique par rapport au temps ne se ramifeste pas aussi nettement. Plus ouvert le circuit magnétique, plus faible le champ magnétique intérieur et plus faible la diminution le l'induction. Les expériences décrites viennent confirmer cette conclusion (voir tableau I). L'effet du champ moléculaire extérieur une « manifestera tonjours, l'échantillon sera-t-il exposé à l'influence am la champ d'aimantation extérieur ou maintenu dans un état stable en constituience du champ. Les expériences confirment aussi cette es conclusion.

La variation de la perméabilité par rapport au temps s'effectue diféremment à des températures différentes; les variations diminuant sensiblement suivant l'élévation' de 'la température et disparaissant pratiquement à 100° C (voir tableaux II, III, et IV et les fig. 4 et 5). Les d'est donc naturel de conclure que, étant donnée une température élévée, occasionnant une dissociation plus grande des groupements po moléculaires, leurs cohésions diminuent sensiblement, le champ intérieur diminue et, l'échantillon ayant subi l'influence des facteurs me atérieurs (par exemple, la désaimantation de l'échantillon), la ppr fiminution de l'induction par rapport au temps est moins nette.

Le vieillissement artificiel préliminaire des échantillons au moyen re dun échauffement, effectué à une température de 120° C durant in 120 heures, semble ne pas influer sensiblement sur le processus in tabséquent du changement de la perméabillité. Ce phénomène par tait quantitativement et qualitativement la même marche que celle dis nuivie par les échantillons non soumis à un vieillissement prélimiann mire artificiel.

and the second second second

18

10

110

e a t p

#### ВЛИЯНИЕ ТЕМПЕРАТУРЫ НА МАГНИТНЫЕ СВОИСТВА МАГНИТНОЙ СТАЛИ И ПОСТОЯННЫХ МАГНИТОВ

1 H

市省市

8.1

¥0

20.

19

#### Б. М. Яновский и Н. Г. Зуева

#### L ИСТОРИЧЕСКИЙ ОБЗОР

Во всех измерительных приборах, основанных на применени и постоянных магнитов, для точного определения измеряемой вели при чины необходимо учитывать изменение магнитного потока на магнитного момента магнита в зависимости от температурь то Поэтому для измерительной техники является очень важным необходимым знание законов, по которым происходят эти изме нения, с тем чтобы возможно было или вводить соответствующо им поправки на температуру к показаниям прибора, или же кон ненсировать влияние температуры каким-либо способом. Но, крош чисто практического значения, изучение свойств постоянны магнитов и вообще магнитных материалов в зависимости и температуры представляет большой теоретический интерес, ты ум как открывает возможности к объяснению тех внутренних про цессов, от которых зависят магнитные свойства вещества.

Влияние температуры на магнитные свойства железа и стал оп было известно еще со времен Гильберта (1540—1603 гг.), ко кол торый впервые заметил, что железная иголка, нагретая докрасы, ко не притягивается магнитным железняком, но это свойство внов нем восстанавливается, как только температура иголки падает 10 пол комнатной.

Однако первые попытки количественных измерений был па предприняты только Кулоном (1736—1806 гг.), спустя двест раз лет после открытия Гильберта. Кулон наблюдал периа ур колебания магнитной стрелки в поле определенной напряжет ности при разных температурах стрелки. Так как период ком на бания зависит от магнитного момента, то, измеряя период онн можно было установить и изменения магнитного момента.

В начале XIX столетия увеличение точности измерения зем на ного магнитного поля привело к необходимости более точного неи изучения влияния температуры на величину магнитного момента постоянного магнита. Первые тщательные эксперименты в эток области были произведены К ристи, который нашел, что ная высшая температура, до которой магнит может быть нагрет без значительной потери магнитизма, является температура 100°С второе, что уменьшение магнитного момента представляет инейную функцию температуры.

Работы Ганстена, Купфера, Ламона, Видемана и дугих, последовавшие вскоре после этого, точно так же имели ило с постоянными магнитами. Так, например, Ламон<sup>1</sup> в 1851 г. ашел, что после 15-кратного нагревания и охлаждения магнита роцесс изменения магнитного момента становится обратимым пределах этих температур, т. е. при нагревании магнитный юмент уменьшается, а при обратном охлаждении увеличивается а такую же величину. Видеман<sup>а</sup> произвел тщательные исслетования о влиянии закалки и первоначального намагничения на температурные изменения. Результаты его опытов приводят заключению, что для твердой закаленной стали изменение игнитного момента приблизительно пропорционально моменту при 0°C, тогда как для магнита из отожженной мягкой стали пношение изменения к моменту при 0° увеличивается с моменур том.

MI Дальнейшие исследования были направлены к определению же нех магнитных свойств не только для постоянных магнитов, но Щи дая всех ферромагнитных тел в области температур, при которых он вла остаются еще ферромагнитными. Первая попытка такого от иследования принадлежит Бауру." В течение следующих 10 ны ит появилась целая серия работ по этому вопросу, из которых п инболее важной является работа Гопкинсона,<sup>4</sup> который, польты уясь кольцевым методом, определия целый ряд кривых намагро ичения для чугуна, железа, мягкой и твердой стали, никеля и

хобальта при различных температурах. В случае кованого железа аль от нашел, что для малых полей, порядка 0,3 Ос, температура, при ко которой начинается быстрое повышение проницаемости, лежит зна около 600°. При 775° проницаемость достигает максимума изаол на быстро падает до единицы при 782°, тогда как для больших ладей она остается практически постоянной до 600° и далее

истро уменьшается до единицы. На рис. 1 даны кривые намази панчения мягкого железа, полученные Гопкинсоном, из котост на ясно виден характер изменения намагничения от темпера-HOM TYDIN.

88 Между 1890 и 1900 г. появилось большое число работ по ме юпросу о влиянии температуры на магнитные свойства, но все ды они в основном явились лишь дополнением к результатам, полужиным Гопкинсоном. Среди этих работ классической еж иляется работа Кюри, который изучал не только поведение от железа, никеля и кобальта при различных температурах, но HTI.

<sup>1</sup> Lamont, Pogg. Ann., t, 82, S. 440, 1851. <sup>3</sup> Wiedemann, Pogg. Ann., t, 100, S. 235, 1852; t, 103, S. 563, 1888. <sup>3</sup> Baur, Wid. Ann., t, H. S. 394, 1880.

HH

6.5

HID

noil. ast бет

۴C

\*Hopkinson, Proc. Roy. Soc., t. 45, S. 318, 1889. \*Curie, Journ. de Phys., t. 5, S. 289, 1845.

и поведение парамагнитных и днамагнитных тел в полях от 9 м до 1350 Ое и в области температур от 15 до 1400°С. Дл ти железа он нашел точку магнитного превращения в 760°, т. песколько инже, чем у Гопкинсона, и показал, что восприна чивость при этой температуре не равна нулю, как предполагал раньше, а остается положительной величиной, хотя и малой, ск быстро уменьшается около 950°, далее продолжает медлена падать до 1250°, когда внезапное увеличение показывает други точку превращения.



40

sp

30 90

R.

11

80

Рис. 1. Кривые вамагничения при разных температурах по Гопкинсону.

С открытием жидкого воздуха Флеминг и Дюар<sup>3</sup> изучал не магнитные свойства при низких температурах и нашли, что дл отожженных образнов шведского железа проницаемость дл всех полей меньше при низких температурах, тогда как дл неотожженных и закаленных она увеличивается с понижение температуры, и эффект тем больше, чем тверже железо; потер же на гистерезис не зависят от температуры. Позже Гонда -Шимицу<sup>2</sup> нашли, что для шведского железа, охлажденного в жидком воздухе, проницаемость и потери на гистерезис умен шаются для малых полей и увеличиваются для больших. Эл результаты были подтверждены Веггнером<sup>3</sup> для малоуглеро на

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Fleming and Dewar, Proc. Roy. Soc., t. 60, S. 83, 1896.

<sup>&</sup>quot; Honda and Shimizu, Phil. Mag., t. 10, p. 548, 1905.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Waggoner, Phys. Rev., t. 28, p. 393, 1909.

3 истого железа. В 1910 г. Терри,<sup>1</sup> исследуя действие темпера-Па туры на магнитные свойства электролитического железа, получил тивые намагничения, аналогичные кривым Гопкинсова для нь мягкого железа.

ва В 1913-1915 гг. Гансу<sup>а</sup> удалось установить, на основании , поих опытов, зависимость между температурой и коэрцитивной на силой мягкого железа и стали. Если обозначить H<sup>T</sup> и H<sup>0</sup>-коэртучантивные силы при абсолютных температурах в 7° и О° и челезя-температуру точки Кюри, то эта зависимость выражается. мелующими формулами:

$$H_{c}^{T} = 3 H_{c}^{0} \left[ \frac{\operatorname{ctg} hx}{x} - \frac{1}{x^{T}} \right]$$

$$T = \operatorname{ctg} hx - \frac{1}{x}$$

Теоретически эти формулы до настоящего времени не получили еще своего объяснения и являются лишь чисто эксперименпаьными.

В последнее время, с открытием способа получения монокрилалов железа и никеля Дусслером<sup>в</sup> была исследована зависиюсть намагничения таких кристаллов от температуры. Кривые, пиведенные на рис. 2, показывают, что намагничение кристалюв при различных температурах аналогично намагничению обычюго железа.

Исследованию влияния температуры на постоянные магниты, то времен Видемана и до настоящего времени, был посвящен шый ряд работ, из которых можно отметить работы Клименича,<sup>4</sup> Люмиса,<sup>5</sup> Ашворта,<sup>6</sup> Гумлиха,<sup>7</sup> Гевекке<sup>8</sup> и Месь-KHHD.

Клименчичизучал зависимость температурного коэфициента постоянных магнитов от размеров магнита. Под температурным коэфициентом µ, в промежутке температуры t<sub>2</sub> - t<sub>1</sub>, понимают ам иличину, определяемую уравнением:

$$-\mu = \frac{M_{t_1} - M_{t_1}}{M_{t_1}(t_1 - t_2)} = \frac{\Delta M}{M_t \Delta t},$$

正開 пе М., и М.,-магнитные моменты магнита при температурах. NEW ь и t<sub>11</sub>, а  $\Delta M$  и  $\Delta t$ -изменения магнитного момента и температуры. 628

**J**AH 九周

23

Terry, Phys. Rev., t. 30, p. 133, 1910.
 R. Gans, Ann. der Phys. B, 42, S. 1065, 1913; B. 48, S. 514, 1915.
 Dussler, Z. S. fur Physik, S. 195, 1928.
 Klimençiç, Sitzungsberichte der Kaiserlichen Akademie der Wissenschul-epolen zu Wien, B. 58, S. 49, 1899.

<sup>5</sup> Lo o m i s, Amer. Journ. of Science, t. 15, p. 179, 1903.

Ashworth, Phil. Mag., t. 23, p. 36, 1912.

<sup>1</sup> Gumlich, Ann. der Physik, B. 59, S. 668, 1919. <sup>1</sup> Gewecke, Zt. für techn. Physik, B. 9, S. 57, 1928.

Меськини и Стогов. Труды Института Металлов.



Рис. 2. Намагничение кристаллов при разных температурах.

Эта величина была введена в науку о магнитных явлениях ещ со времен Ламона и до сих пор определяется для каждот магнита из опыта, путем наблюдения магнитных моментов пря различных температурах. Клименчи у первому принадлежи попытка установить зависимость и от размеров магнита, точке говоря от относительной длины магнита  $\lambda = \frac{1}{d}$ , где d—диаметр и и I—длина магнита. Им были исследованы три группы магнита из вольфрамовой стали фирмы Белер разных марок, по пят магнитов в каждой группе, одинакового прямоугольного сече ния  $4 \times 4$  мм, но разной длины: в 40, 60, 80, 100 и 150 см и одна группа из трех магнитов сечением  $6 \times 6$  мм и длинов в 30, 60 и 90 см.

До опытов Клеменчича было известно, что для коротки магнитов температурный коэфициент меньше, чем для длинныя Результаты исследований Клеменчича полностью подтвер ждают этот факт и кроме того устанавливают некоторую зако номерность, что температурный коэфициент обратно пропор ционален λ. Для некоторых магнитов эта закономерность оправ дывается в пределах точности измерений, тогда как для други получаются значительные отклонения, не оправдываемые ошиб ками наблюдений.

В таблице 1 приведены результаты опытов Клеменчича, п которых можно видеть отступления от этого закона.

#### таблица і

Марка стадн	4	T	Å	М	$\mu \times \lambda \times 10^4$
45,4	0,000437	19,5	9,9	106	45,2
45,6	301	19,5	15,2	278	46,5
45,8	213	19,8	20,6	492	43,7
45,10	176	19,7	25,4	746	44,8
45,15	135	20,8	37,7	1 352	51,8
U1,4 U1,6 U1,8 U1,10 U1,15	0,000477 352 757 210 140	19,3 19,6 19,5 19,7 20,0	10,1 15,2 20,8 25,3 37,8	115 286 513 776 1 425	48,1 53,5 53,5 53,2 53,2 53,2
00,4	0,000275	20,0	10,3	137	28,3
00,6	179	19,8	15,5	309	27,6
00,5	137	20,1	20,3	495	27,6
00,10	155	19,8	25,6	745	39,6
00,15	141	20,4	37,6	1296	53,0
45,3	0,000707	20,3	5,04	67	35,7
45,6	486	20,1	10,1	327	49,1
45,9	359	19,9	15,2	503	54,5

Зависимость температурного коэфициента от относительной данны магнита

Тем же вопросом занимались позднее Лумис и Гумлих. Тумис исследовал зависимость температурного коэфициента р п длины магнита при одной и той же площади поперечного стения. Измерения магнитного момента производились при помощи наблюдения периода качания магнита. Результаты, полученые Лумисом и приведенные в таблице II, показывают, по р возрастает с уменьшением длины магнита, как это наблюилось и в опытах Клименчича, но установить отсюда количетвенную зависимость между р и длиной магнита Лумис не пытался.

ore.

ки Каналогичным результатам пришел Гумлих, измеряя при их живатной температуре и при 100° магнитный момент четырех ер члинтов различной длины.

ко Ашворт в 1912 г. нашел зависимость температурного коэор 4нциента от абсолютной температуры точки Кюри. Исследуя аз железо, никель и кобальт, ему удалось установить, что темпегия итурный коэфициент для бесконечно длинных стержней этих иб исталлов в отожженном состоянии обратно пропорционален абчлютной критической температуре.

#### таблица п

Площадь сечения в с.м <sup>п</sup>	Длина магинта в см	Магиптный момент при 11° С M <sub>11</sub>	Магнитицай момент при 99° С <i>М</i> 99	Интенсия- ность намаг- при 11° С 1	- In	M <sub>ti</sub> —M
0,159	21,5322,0016,4016,3111,2310,808,255,495,40	232,96 207,08 146,64 139,76 94,76 72,41 43,04 16,72 12,04	219,88 193,64 136,80 129,28 88,04 65,72 38,48 14,44 9,84	427 372 352 338 333 249 208 117 88	0,0006635 0729 0761 0852 0807 1045 0,001193 1602 2502	13,04 13,44 9,84 10,48 6,72 6,71 4,56 2,32 2,20

Зависимость температурного коэфициента от длины магнита

С появлением кобальтовой магнитной стали Гевекс определял температурный коэфициент магнитов, изготовленных в этой стали.

HSI

191

83

88

B

ā.

06

88

Меськин и Стогов в 1928 г., измеряя температурны коэфициенты магнитов одинаковой длины и сечения, но изготвленные из различных сортов стали (вольфрамовой, хромовой и молибденовой) пытались установить зависимость и от темпертуры и сорта стали. Но в виду малой точности измерения манитного потока магнитов (измерения производились баллисти ческим методом путем сбрасываний катушки с середины образа), результаты оказались очень неопределенными, и никакого заключения на этих опытов сделать не удалось.

#### п. цель и задачи настоящей работы

В перечисленных выше работах очень мало уделено внимани исследованию влияния температуры на магнитные свойства стал идущей на изготовление постоявных магнитов, и связи межд изменением этих свойств и температурным коэфициентом посто янных магнитов.

Как известно, критернем качества магнитной стали служт размагничивающая часть гистерезисного цикла, в пределах размагничивающего поля от нуля до коэрцитивной силы, так ка свойства постоянного магнита — остаточный магнитный поток магнитный момент, устойчивость по отношению размагничиваю цих полей, — зависят от вида и формы этого участка. Например если известен гистерезисный цикл в этом участке (рис. 3), т остаточная индукция в нейтральном сечении данного магнит паределяется ординатой точки *М*, получающейся при пересечеяяя гистерезисного цикла с прямой, выходящей из начала координат под углом з к оси абсцисс, тангенс которого равен баллиспческому коэфициенту размагничения магнита.

Поэтому для характеристики постоянных магнитрв очень зажным является исследование при различных температурах

аменно этого участка гистереысвой кривой, а не всего циила и не основной кривой наватничения.

H

场道

拉打话路路

pe-

178

,130

1.11

835

38 III

MED

Настоящая работа имела имью исследование вышеукаиных магнитных свойств разичных сортов стали — углеродетой, вольфрамовой и кобальтовой — в пределах температур от — 60 до + 700° С и установление связи между именениями этих свойств и температурным коэфициентом постоянного магнита.

Как известно, свойства манитной стали от температуры именяются двояким образом: всобратимым и обратимым. В настоящей работе имелись



Рис. 3. Размагничиваемыная часть гистерезисной кривой магнитной стади и определение остаточной индукции магнита.

в виду только одии обратимые процессы, и для приведения вбразцов в обратимое состояние они подвергались предварительному продолжительному нагреванию при максимальной температуре, до которой нагревались образцы при измерениях. Прополжительность нагревания фиксировалась тем, что гистерезисня кривая, получаемая при нормальной температуре до и после шгревания, оставалась без изменения. Для этого оказывалось постаточным нагревать образцы в продолжении 40 час.

#### пі. МЕТОДИКА ИЗМЕРЕНИЯ

Методика измерений магнитных величин при различных темпежи: ратурах зависит от интервалов температур, в которых произворам лятся эти измерения.

вы В настоящей работе были разработаны три метода магнитных ток измерений для интервалов температур:

a) от + 15 до +200° С,

в) от +200 до +700°С,

с) or — 55 до + 15°С.

А. Методика измерений и аппаратура для испытаний при температурах от 15 до 200° С. Определение

кривых намагничения производилось в разомкнутой магнитиса цепи в катушке, которая имела нагревательную и намагничива, по ющую обмотки. Схематическое устройство этой катушки пока- Ил зано на рис. 4. Испытуемый образец (5) помещался в фарфоровую трубку (4), внутренний диаметр который равен 26 мм а длина 780 мм. На эту трубку бифилярно намотана платинова проволока, служащая для нагревания от сети переменного тока не Для уменьшения теплоотдачи катушки в окружающую средчика поверх платиновой обмотки наложен слой жженой магнезни (3) толщиной в 20 мм. Намагничивающая обмотка (1) удалена от нагревательной обмотки на расстояние 80 мм и для предохрынения ее от нагревания со стороны платиновой обмотки, между ней и слоем магнезии пропускался непрерывный поток воды, #= через латунную рубашку (2). 



1213 **1**23

111 ET

(East

í 10.51 87

BE.

124

Рис. 4. Эскиз намагничивающей и нагревательной катушки.

Напряженность внешнего магнитного поля вычислялась по силе тока в намагничивающей обмотке и постоянной этой китушки, измеренной в центральной части при помощи калибро ой ванной катушки.

Для измерения индукции на образен наматывалась вторичная обмотка из проволоки диаметром 0,1 мм с двойной шелковой изоляцией, соединяемая с баллистическим гальванометром. Тем пература образца измерялась термопарой константан-нихром, олян из спаев которой помещался непосредственно на образец

Постоянство температуры поддерживалось при помощи реостата, включенного последовательно с нагревательной обмоткой В и регулируемого наблюдателем. В виду большой теплоемкости нечи и плохой теплопроводности легко можно было подобрать такое сопротивление, чтобы температура в течение 30 мнн. не ча менялась более чем на 5°, благодаря чему погрешность измерения температуры могла быть гарантирована порядка ±2,5% ч Для каждого испытуемого образца определялась размагничива нощая часть гистерезисного цикла и начальная проницаемость. ка. чагнитная индукция вычислялась по формуле:

 $B = \frac{Ca}{2sw_2} ,$ 

ка те С — постоянная гальванометра в максвеллах на 1 деление ду акалы,

 отклонение гальванометра при переключении тока, в намагничивающей катушке,

s — сечение образна в кв. сантиметрах,

w3-число витков вторичной обмотки.

DO-MAN, Bail

(3)

OT .

Da-

CITY

UH.

Начальная проницаемость и, определялась экстраполяцией для f=0, кривой зависимости проницаемости от внешнего поля H, пределах от 0,5 до 3 *Oe*. Образец перед измерением подвергался шмагничению переменным полем с убывающей до нуля амплитудой.

Вначале для каждого образца определялся коэфициент разигничения N следующим образом: при одной и той же темпетуре (комнатной) снимались две гистерезисных кривых (разматчивающий участок), одна — в замкнутой магнитной цепи пермеаметре), другая — в разомкнутой (соленоиде).

Сравнивая полученные кривые, можно было графически найти имчину размагничивающего поля  $H_d$ , лействующего в разомклтой цепи, и равного разности абсписс при одинаковой велитее ординат точек кривых.

Коэфициент размагничения вычислялся по формуле

$$N = \frac{H_d}{I}$$
,

по Зная величину N, можно было все кривме, полученные в рака- экнутой цепи при различных температурах, привести к замкнупо той цепи.

На рис. 5 приведены подобные кривые для двух образцов, имерами 10 × 20 × 400 мм кобальтовой стали. Верхние кривые ва т b соответствуют замкнутой цепи, нижние a' и b'— разомкнуим пепи. Линии ОМ и ОN соответствуют коэфициентам размаги, пения образцов. По этим кривым производился переход от раец. чкнутой цепи к замкнутой путем увеличения абсцисс точек образом для разомкнутой цепи на величину абсцисс точек кривой об % или ОК, соответствующих тем же значениям ординат.

тя Б. Методнка измерений при температурах от ть 7 200° до 700° по существу не отличалась от методики измерене 114 при более низких температурах; испытания производились на той же катушке баллистическим методом. Разница заключа-5°, 2°сь лишь в измерительной катушке. Так как шелковая изоляция не выдерживает нагревания, то в данном случае проволо им для обмотки была взята голой без изоляции и образец от проволе локи отделялся тонким слоем слюды, накладываемой на образеция Витки наматывались на некотором расстоянии друг от друга и про межуток между ними заполнялся фарфоровой глиной, отводяща концы помещались в тонкие фарфоровые трубки. Такая обмоте



SH.

ER 101 印

(Di

23

HIII Mil

Рис. 5. Размагничивающие части гистерезисных кривых и способ получения коэфицисатов размагничения.

обладала высокими изолирующими свойствами даже при мы за симальной температуре (700°), что контролировалось устойча пр востью нулевого положения гальванометра при полной нагруза нагревательной обмотки. Температура определялась при помоща платина-платинородневой термопары.

В. Методика измерений при температрах от —<sup>5</sup> до +15° С. Измерения при низких темпертурах точно так же про изводились баллистическим методом в той же самой катуши Для получения низких температур в фарфоровую трубку, в кото рую помещался образец, нагнетали пары жидкого ноздуха. Натие тание производилось при помощи сифона *a* (рис. 6), один коне которого соединялся резиновой трубкой *b* с внутренней часты фарфоровой трубки *B*. Регулировка давления в Дюаровском сосуде *A*, где помещался жидкий воздух, производилась от рук резиновой грушей *C*. Критерием правильности регулировки слу

а кили показания термоэлемента. Минимальную устойчивую темна пературу, при которой можно было производить магнитные изверения при таком способе регулировки, можно было получить 38 про около -60°.



Рис. 6. Схема установки с жидким поздухом.

Температура измерялась термопарой нихром-константан, пропадуированной в пределах от 0 до 200°; этой же градуировкой юльзовались и для измерения низких температур, причем праильность ее показаний была проверена при температурах -10° в-20° сравнением с ртутным термометром.

Г. Методика измерения температурногокоэфииснта постоянного магнита. Прибор, при помощи копрого производились измерения температурного коэфициента, представляет обычный магнитометр, состоящий из магнита NS ізис. 7) длиной 23 мм, подвешенного на кварцевой пити и усвновленного, для увеличения чувствительности, перпендикулерно магнитному меридиану, что достигалось путем закручиване нити подвеса. Измеряемый магнит пs помещается на шине чгнитометра, разделенной на миллиметры и имеющей общую или лину, равную 1 м. Условие разновесия магнитометра, в первом приближении, будет

$$\frac{MM^1}{R_0}\cos\theta = C\theta,$$

про Гле М — магнитный момент отклоняющего магнита, M1 — магнитный момент отклоняемого магнита, 9 — угол отклонения магнитометра от положения равновесия, R — расстояние измеряемого магнита от магнитометра, С - коэфициент кручения нити подвеса. Так как углы обычно малы, то:

 $\frac{M}{R^{0}} = \frac{C}{M^{0}} \lg^{\eta} \cdot$ 

312 71118

OT0-

rse

REZ

758 KCM.

y El

ILE

Измерения углов в производятся методом зеркального отражь ния шкалы. Поэтому, если обозначить через *r* расстояние зеркал магнитометра от шкалы, и через *n* — отсчет по шкале, то

$$tg \theta = \frac{n}{2r}, \qquad \qquad 0$$

(2)

Hec.

中1 10)

110 310

加加なり

Be

NO.

(3)

поэтому

$$\frac{M}{R^3} = \frac{C}{M^3} \frac{n}{2r}.$$



Рис. 7. Схема установки для определения температурного коэфициента магнитов.

Если температура магнита изменится на Δt, то, вследствие изменения магнитного момента, магнитометр даст отклонение Δn делений.

Из уравнения (2) имеем:

$$\frac{\Delta M}{R^3} = \frac{C\Delta n}{M^1 2r} \cdot$$

ке Сопоставляя уравнения (2) и (3), получим:

 $\frac{\Delta M}{M} = \frac{\Delta n}{n}$ 

Откуда, согласно уравнению (1),

$$\mu = -\frac{\Delta n}{n} \frac{1}{\Delta t}.$$

Таким образом для определения температурного коэфициента нобходимо произвести измерения отклонения магнитометра при звух различных температурах магнита. Но так как Δn — величина жбольшая, то для увеличения точности измерения был принят тедующий способ. После измерения отклонения п, вызываемого минитом, находящимся на расстоянии R, магнит помещается на постоянни R<sub>11</sub> вдвое меньшем, чем R. Вследствие этого тангенс тла отклонения возрастает в 8 раз, и магнитометр выйдет за педелы шкалы.

Для того, ч обы возвратить его в положение, соответствующее примерно середине шкалы, с противоположной стороны магнитметра помещается компенсирующий магнит на таком расстоянии, побы уничтожить или значительно уменьшить отклонение, созданемое измеряемым магнитом. После компенсации замечается можение магнита по шкале магнитометра — n, и производится шревание измеряемого магнита в термостате и, когда темрештура установится, производится вторичный отсчет по шкале п. Разность n<sub>2</sub>-n<sub>1</sub>, обусловленная изменением магнитного момента имеряемого магнита, будет в 8 раз больше, чем при измерении грасстояния R. Величина и вычисляется по формуле:

 $\mu = \frac{\Delta n}{8 n M}$ 

Термостат для нагревания магнита представляет латуниую пробку, помещенную в деревянный футляр в накрытую плотно. талегающей эбонитовой крышкой. Термостат наполнялся масви; нагревание производилось спиралями, помещенными в масв и питаемыми переменным током. Чтобы магнит принял нужпо температуру, измерения начинались спустя 20-30 мин. шеле включения тока в термостате.

#### IV. РЕЗУЛЬТАТЫ ИССЛЕДОВАНИЙ

А. Исследование в пределах температур от 20 до 100°С. Hee: Исследованию были подвергнуты два сорта магнитной стали пльфрамовая и кобальтовая. Вольфрамовой стали было испыию два образца: № 1-фирмы Sandwik размерами 10×18× X400 мм, № 2-Кировского завода днаметром 10 мм и дли-№8 500 мм. Кобальтовой стали было исследовано 4 образца: 9.9\*

3 — фирмы Ктирр, марки Coerzit I, Coerzit II и Coerzit II, и один — английской фирмы Sheffield с 20% содержанием кобальта.

Вольфрамовая сталь. Как было указано выше, пере испытанием образцы подвергались нагреванию при температур 100° для приведения их в устойчивое состояние. Чтобы устаж вить необходимое для этого время, через каждые 8 час. пост нагревания определялись в замкнутой магнитной цепи максималная индукция  $B_m$ , остаточная индукция  $B_c$  и коэрцитивная ска  $H_c$ . Полученные данные для образца № 1, приведенные в таблаш III, показывают, что изменения в течение последних 8 час. (# 32-х до 40 час.) крайне незначительны и лежат в пределах по грешностей наблюдений. Поэтому можно считать, что образа после 40 час. пагревания становится практически устойчивым

#### таблица Ш

Зависимость магнитных характеристик от продежительности нагрева образца

Продолжительность	Bm	Br	He
нагревания в часах	t a	spстеды	
0 8 16 32 40	16 600 16 810 16 820 16 870 16 880	10 600 10 890 10 930 10 910 11 000	62,8 59,3 57,9 57,1 57,0
the second second second	ALLANDERS.	and the second s	

В таблицах IV и V приведены результаты измерений размагшчивающей части гистерезисной кривой как в замкнутой, так в разомкнутой магнитной цепи, при различных температура в пределах от 20 до 100°. В последней строчке этих табля даны значения коэрцитивной силы.

На рис. 8 даны размагничивающие части кривых гистерезисноп цикла, переведенные на замкнутую цепь для образца № 1 пр 18 и 100°.

Данные таблицы и рисунки показывают, что с увеличению температуры индукция при одинаковой величине внешнее поля уменьшается, т. е. гистерезисная кривая перемещаето почти параллельно самой себе к началу координат. Явлени происходит таким образом, что материал с повышением темпе ратуры как будто становится более мягким.



1.01

nep

pes

гур аяо

BCA BAD

ни (от по нас

02

E I

рп

**ROIT** 

Ш

HEI REIT STO

HR

dine.







Коэрцитивная сила H<sub>c</sub> уменьшается с увеличением температуры почти прямолинейно (рис. 9). Изменение коэрцитивная силы при изменении температуры на 1°:

для образца № 1  $\frac{\Delta H_c}{\Delta t}$  =0,065 или в процентном отношевш = 0,12%; для образца № 2  $\frac{\Delta H_c}{\Delta t}$  =0,057 или в процентном отношевш ам 0,10%.

Для определения начальной проницаемости были сняты освовные кривые намагничения при различных температурах в поли от 0,5 до 3 *Oe*. По ним вычислены проницаемости, построев кривые зависимости проницаемости от величины внешнего пол и экстраполяцией при *H*=O определена начальная проницаемости Результаты приведены в таблице V1.

#### ТАБЛИЦА IV

#### Размагничивающие части гистерезисных кривых от 18 до 100° С.

1		 -	
		 200	-
1.0.01	and the second of	 	-
			_

В пе аметре ( цеп	рме- замат. ъ)	В катушке (разомкнтуаяцепь)					п ь)	-	
t=	180	t=1	80	t = 5	00	t=1	75 9	$t = 100^{\circ}$	
Н эрсте- Ды	В гаус- сы	Н эрстелы	В гаус- сы	<i>Н</i> эрстелы	В rayc- сы	Н эрстеды	В гаус- сы	<i>Н</i> эрстеды	В гаут сы
$\begin{array}{c} 300\\ 0\\ -9.4\\ -18.8\\ -28,1\\ -37,5\\ -42,2\\ -46.9\\ -51,6\\ -55,3\\ -56,2\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\ -\\$	16 100 11 260 10 770 10 130 9 240 8 010 7 060 5 680 8 360 620 - 150 	$\begin{array}{r} 369\\ +61,5\\ +43,0\\ +30,8\\ +18,0\\ 0\\ -12,3\\ -24,6\\ -36,9\\ -43,0\\ -49,2\\ -54,7\\ -55,3\\ -\end{array}$	16 120 12 540 11 900 11 390 10 770 9 510 8 270 6 530 4 190 2 890 1 450 83 24 	$\begin{array}{r} 369\\ +61,5\\ +43,0\\ +30,8\\ +18,0\\ 0\\ -12,3\\ -24,6\\ -36,9\\ -43,0\\ -49,2\\ -52,3\\ -53,5\\ -54,1\end{array}$	$\begin{array}{c} 16090\\ 12560\\ 11970\\ 11420\\ 10780\\ 9450\\ 8200\\ 5340\\ 3915\\ 2520\\ 1100\\ 310\\ 15\\ -130\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} 369\\ +61,5\\ +43,0\\ +30,8\\ +18,0\\ 0\\ -12,3\\ -24,6\\ -36,9\\ -49,2\\ -51,0\\ -49,2\\ -51,7\\ -52,3\end{array}$	$\begin{array}{c} 16\ 060\\ 12\ 560\\ 11\ 920\\ 11\ 410\\ 10\ 780\\ 9\ 450\\ 8\ 096\\ 6\ 140\\ 3\ 595\\ 2\ 150\\ .\ 710\\ 345\\ 80\\ -100 \end{array}$	$\begin{array}{r} 369\\ +\ 61.5\\ +\ 43.0\\ +\ 30.8\\ -\ 12.3\\ -\ 24.6\\ -\ 36.9\\ -\ 43.0\\ -\ 49.2\\ -\ 49.8\\ -\ 50.4\\ -\ 50.4\end{array}$	16239340782555227%56118
$H_{e} =$	56.1	H <sub>e</sub> =	55,2	H <sub>c</sub> =	53,4	$H_c =$	52,0	H <sub>e</sub> =	50,1

### ТАБЛИЦА У

# Размагиичивающие части гистерезисных кривы х от 18 до 100° С.

(образец № 2)

-	В перме-
THE.	ратре (замкн.

nene)

D.

HOU

HZ.

B

В катушке (разомкнутая цепь)

(t=	180	t = 1	80	t = 1	500	1=3	757	t = 1	000
Н эрсте- ды	В rayc- сы	<i>Н</i> эрстеды	В rayc- сы	Н эрстеды	В гаус- сы	Н эрстеды	В гаус- сы	Н эрстеды	В гаус- сы
$\begin{array}{c} 412,5\\ 0\\ -9,4\\ -18,8,1\\ -37,59\\ -53,4\\ -54,4\\ -55,4\\ -55,2\\ -56,2\end{array}$	15 720 10 679 10 190 9 800 8 850 7 510 4 840 2 710 1 630 1 090 5-75	$\begin{array}{r} 369\\ 0\\ +43,0\\ +30,0\\ +18,4\\ -12,3\\ -24,6\\ -36,9\\ -48,0\\ -49,2\\ -55,3\\ -56,0\end{array}$	15 440 10 480 11 950 11 620 11 230 9 820 8 750 6 680 4 970 2 780 1 980 1 1 950 1 950	$\begin{array}{r} 369 \\ +43.0 \\ +30.8 \\ +18.4 \\ 0 \\ -12.3 \\ -24.6 \\ -36.9 \\ -49.2 \\ -53.5 \\ -54.0 \\ -54.0 \\ -54.0 \\ -56.0$	15 390 11 930 11 600 11 210 10 480 9 760 8 680 6 315 4 400 1 970 1400 - 120	$\begin{array}{r} 369\\ +43,0\\ +30,8\\ +18,4\\ 0\\ -12,3\\ -24,6\\ -36,9\\ -43,0\\ -49,2\\ -52,3\\ -52,9\end{array}$	$\begin{array}{c} 15\ 350\\ 11\ 900\\ 11\ 590\\ 11\ 210\\ 10\ 450\\ 9\ 730\\ 8\ 580\\ 6\ 090\\ 3\ 980\\ 1\ 470\\ -\ 36\\ -$	$\begin{array}{r} 366\\ +43.0\\ +30.8\\ +18.4\\ 0\\ -12.3\\ -24.6\\ -36.9\\ -43.0\\ -49.2\\ -49.8\\ -50.4\\ -51.0\end{array}$	15 280 11 870 11 550 11 150 9 660 8 500 5 790 3 560 8 60 610 3 45

ТАБЛИЦА VI

<i>Н</i> эрстеды	in here	Образ	en M 1	-	Образен № 2				
	B t=18°	B t=50°	B t=84°	B t=100°	B t=18°	B t=50°	B t=75°	B t== 100°	
	га	у	c	сы	r a	у	c	C M	
0,52 1,04 1,56 2,08 2,60 3,12 0	41,2 41,4 41,4 41,7 41,8 41,9 42,6	41.9 42,6 42,5 42,8 43,0 43,2 44,0	43,7 43,7 44,0 44,3 44,4 44,5 45,4	44,9 44,8 45,3 45,0 45,2 45,4 45,4	42,0 42,9 43,15 43,2 43,5 43,9 42,3	43,8 44,0 44,3 44,4 44,7 44,9 43,0	$\begin{array}{r} 44.8 \\ 44.9 \\ 45.2 \\ 45.5 \\ 45.6 \\ 46.2 \\ 44.0 \end{array}$	45,7 45,8 46,4 45,6 47,2 47,4 45,3	

Основные кривые намагничения в слабых пояях при раз-ных температурах

экстрацолиции

С увеличением температуры начальная проницаемость расте почти прямолинейно и среднее увеличение на 1°:

для образца № 1 
$$\frac{\Delta \mu_{a}}{\Delta t}$$
 =0,039  
для образца № 2  $\frac{\Delta \mu_{a}}{\Delta t}$  =0,037,

что составляет в процентном отношении около 0,1%/"-

Кобальтовая сталь. Кобальтовая сталь обладает болшим разнообразнем в магнитных свойствах в зависимости ог з содержания кобальта, поэтому для исследования были выбрани все, имевшиеся в Ленинграде в момент исследования, марки этих сталей.

Для характеристики материала в таблице VII приведены при и мерный химический состав исследованных сталей и некоторы магнитные величины по данным фирм.

#### TAEJINIJA VII

Марка стали	C	Co	C,	M <sub>n</sub>	В <sub>л</sub> гауссы	В, гауссы	Н <sub>с</sub> эрстеди
Коэрцит I	1,0% 1,0% 1,0%	30% 20% 10%	5,0% 5,0% 5,0%	2,0 % 2,0 % 1,0 %	15 000 15 500 16 000	10 000 9 400 8 900	200 150 100
фильд	-	20%	-	-	15700	9 900	160

Все четыре образца, были подвергнуты предварительному нагреванию в течение 40 час, при температуре 100°. Для характеристики изменения магнитных свойств от продолжительности нагревания в таблице VIII даны значения магнитных величин для коэрцита 1.

#### ТАБЛИЦА VIII

Изменения магинтных характеристик в зависимости от продолжительности нагрева

Продолж. нагрева в час.	В <sub>т</sub> пря Е=1500 О <sub>е</sub>	B <sub>r</sub>	H <sub>c</sub>	Продолж. нагрева в час.	B <sub>m</sub>	B <sub>r</sub>	H <sub>t</sub>
0	$17880\\18100\\18200$	10 070	200,5	24	18 200	10 500	178,2
8		10 300	183,2	32	18 800	10 400	175,6
16		10 400	178,2	40	18 400	10 500	175,1

E

Результаты измерения для размагничивающей части гистереэисных кривых даны в таблицах IX, X, XI и XII.

#### ТАБЛИЦА ІХ

5 перме	аметре	C		В к	a g	c y u	u k	e:	-
t = 1	18*	1=	15°	t=	430	- t=	750	t=1	000
Н цетеды	∦ гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	B ray co
544 0 -46,9 -75,0 -93,8 412,5 -137,3 -140,6 450,0 -59,4 458,8 470,6 472,5	$\begin{array}{c} 15\ 230\\ 10\ 810\\ 9\ 230\\ 8\ 390\\ 7\ 680\\ 6\ 800\\ 5\ 620\\ 4\ 880\\ 4\ 020\\ 2\ 790\\ 930\\ 540\\ -\ 165 \end{array}$	$\begin{array}{r} 575\\ +36\\ 0\\ -36\\ -57,5\\ -71,9\\ -86,3\\ -107,8\\ -122,2\\ -144,0\\ -158,2\\ -171,5\\ -174,0\end{array}$	$\begin{array}{c} 15\ 230\\ 10\ 510\\ 9\ 880\\ 8\ 990\\ 8\ 310\\ 7\ 820\\ 7\ 220\\ 6\ 170\\ 5\ 230\\ 3\ 560\\ 2\ 070\\ 135\\ -148 \end{array}$	$\begin{array}{r} 575\\+36\\0\\-36\\-57,5\\-71,9\\-86,3\\-107,8\\-122,2\\-144\\-158,2\\-171,3\\-172,8\end{array}$	$\begin{array}{r} 15\ 185\\ 10\ 530\\ 9\ 830\\ 8\ 920\\ 8\ 270\\ 7\ 730\\ 7\ 160\\ 6\ 060\\ 5\ 090\\ \hline 1\ 850\\ -173\\ \end{array}$	575 +36 -57,5 -71,9 -86,3 -107,8 -122,2 -144 -158,2 -169,7 -171,3	$\begin{array}{c} 15\ 140\\ 10\ 490\\ 9\ 800\\ 8\ 890\\ 8\ 210\\ 7\ 680\\ 7\ 680\\ 5\ 960\\ 5\ 960\\ 5\ 040\\ 3\ 240\\ 1\ 680\\ 67\\ -197\end{array}$	$575 \\ +36 \\ 0 \\ -37,5 \\ -71,9 \\ -86,8 \\ -107,8 \\ -107,8 \\ -122,2 \\ -144 \\ -158,2 \\ -168,2 \\ -169,7 \\ -160,7 \\ -160,7 \\ -160,7 \\ -160,7 \\ -160,7 \\ -100,7 \\$	15 080 10 470 9 740 8 830 8 140 7 620 6 990 5 890 4 910 3 080 1 500 86 - 123
$H_c = 1$	72,0	$H_{c} = 17$	73,3	$H_c = 17$	1,5	$H_c = 1$	70,0	$\dot{H}_c = 10$	58,7

#### Размагинчивающие части гистерезнскых KUIBHX

Образец кобальтовой стали. Размагничивающие части гистерезисных кривых от 15 до 100° С (коэрцит II)

$t = 15^{\circ}$   $t = 50^{\circ}$		1=1	750	$t = 100^{-10}$			
<i>Н</i> рстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы
161 +14,4 0 -14,4 -28,8 -43,1 -57,5 -71,5 -71,5 -79,1 -86,3 400,7 -115,1 -129,4 -136,6	15 500 9 810 9 430 9 050 8 580 8 080 7 460 6 680 6 280 6 680 6 280 5 820 4 800 3 410 1 570 5777	$\begin{array}{c} 561 \\ +14,4 \\ 0 \\ -14,4 \\ -28,8 \\ -43,1 \\ -87,5 \\ 79,1 \\ - \\ -86,3 \\ -100,7 \\ -115,1 \\ -129,4 \\ -136,6 \\ \end{array}$	15 425 9 770 9 280 8 880 8 440 7 920 7 310 6 610 5 710 4 660 8 280 1 445 385	$\begin{array}{r} 561 \\ +14.4 \\ 0 \\ -14.4 \\ -28.8 \\ -43.1 \\ -57.5 \\ -71.9 \\ - \\ -86.3 \\ -100.7 \\ -115.1 \\ -129.4 \\ -136.6 \end{array}$	15 320 9 620 9 256 8 844 8 380 7 850 7 260 6 530 5 655 4 660 3 220 1 390 340	$561 \\ +14,4 \\ 0 \\ -14,4 \\ -28,8 \\ -43,1 \\ -57,5 \\ -71,9 \\ - \\ -86,3 \\ -100,7 \\ -115,1 \\ -129,4 \\ -136,6 \\ -13$	15 250 9 360 9 140 8 770 8 330 7 790 7 210 6 470 5 600 4 520 3 110 1 330 250
-141,0	-114	-139,5	15	-139,5	-80		-

ТАБЛИЦА ХІ

B ĸ 11 y. ш ĸ ė (разомкнутая цепь) 1=17°  $t = 50^{\circ}$  $t = 75^{\circ}$ t = 1002H e B H B H BH B эрстеды **FAYCCM** эрстеды Tayccia эрстелы гауссы эрстеды rayces 546 16 050 546 15 990 546 15920 15.840 546 9 5 20 +14,4 +14.49 480 +14.49440 +14.49.370 0 8 890 0 8 830 0 8780 0 8,750 -14,4 8140 -14.4 8 070 -14,4 8010 7 990 -14.4-28,87240 -28,87150 -28,8 7 100 -28,8 43,1 -43,1-57,56 0 1 0 -43,1 \$940 5 860 -43.14 5.800 -57,5 4 240 3 170 4360 -57,5 \_57,5 410 -64.7 3 3 40 -64.7-64,7 3:130 -64,7 3 021 -71.9-71.9 2170 1 970 -71.9-71,9 1 831 1,900 -79,1 885 -79,1685 -79.1600 -79.1 335 -82.0166 -82,0--80.6 255 50 -83.4-160-83.4 -160-82,0-42

Образец кобальтовой стали. Размагничивающие части гистерезисных кривых 10 от 17 до 100° С (коэрцят III)

## $H_{c} = 83,6$

#### TAGAMUA XII

 $H_c = 82,9$ 

 $H_c = 82.3$ 

ŧ.

азмагничивающи	LE MACTH	гистери	зисных	Кривых
	07 18 10	100° C.	Section Providence	and a set of the set
Obneseu robe	and the second second second	and the second se	A HAR WELL AND A MARKED AND	COLUMN THE VALUE AND ADDRESS OF

	a B	0 11	K II 3	r a	я ц	e n	h
1=	182	1=	500		759	t = 1	00.0
<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гаусси
$\begin{array}{r} 546\\ +14,4\\ 0\\ -14,4\\ -28,8\\ -43,1\\ -57,5\\ -71,9\\ -86,3\\ -100,7\\ -115,0\\ -129,4\\ -136,6\\ -143,8\\ -151,0\\ -155,3\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 15\ 680\\ 10\ 240\\ 9\ 890\\ 9\ 570\\ 9\ 140\\ 8\ 670\\ 8\ 140\\ 7\ 530\\ 6\ 790\\ 5\ 900\\ 4\ 750\\ 3\ 580\\ 2\ 580\\ 1\ 630\\ 6\ 20\\ -\ 80\end{array}$	$\begin{array}{r} 544\\ +14,4\\ 0\\ -14,4\\ -28,8\\ -43,1\\ -57,5\\ -71,9\\ -86,3\\ -100,7\\ -115,0\\ -129,4\\ +143,8\\ -152,4\\ -153,9\end{array}$	$\begin{array}{c} 15\ 610\\ 10\ 210\\ 9\ 850\\ 9\ 9480\\ 9\ 090\\ 8\ 630\\ 8\ 690\\ 7\ 480\\ 6\ 720\\ 5\ 830\\ 4\ 690\\ 3\ 270\\ 1\ 430\\ 134\\ -50\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} 544\\ +14,4\\ 0\\ -14,4\\ -28,8\\ -43,1\\ -57,5\\ -71,9\\ -86,3\\ -100,7\\ -115,0\\ -129,4\\ -143,8\\ -152,4\end{array}$	$\begin{array}{c} 15\ 530\\ 10\ 160\\ 9\ 800\\ 9\ 440\\ 9\ 020\\ 8\ 550\\ 8\ 500\\ 7\ 390\\ 6\ 620\\ 5\ 690\\ 4\ 540\\ 3\ 080\\ 1\ 260\\ 1\ 95\\ -35\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} 544\\ +14,4\\ 0\\ -14,4\\ -28,8\\ -43,1\\ -57,5\\ -71,9\\ -86,3\\ -100,7\\ -115,0\\ -129,0\\ -143,8\\ -149,6\\ -151,0\\ \end{array}$	15 440 10 000 9 7% 9 344 8 533 8 476 7 935 6 500 5 650 5 650 5 650 1 055 2 970 5 2970 5 2070 2 311 - 10
$H_c = 1$	54,8	$H_c = 1$	53,0	$H_c = 1$	52,2	$H_{c} = 15$	0,9

138

 $H_r = 87.5$ 



Результаты исследования показывают, что характер изменезня магнитных свойств остается тот же самый, что и у вольфрановой стали. Изменение коэрцитивной силы по абсолютной вещиние почти того же порядка, что и для вольфрамовой, за исклю-

чением коэрцита II и III, но в процентном отношении знач тельно инже, что можно видеть из таблицы XIII.

00

R.

柳原 た 甲の



Рис. 12. Размагничивающие части гистереансных кривых коэрцита III при 18 и 100° С.

ТАБЛИЦА ХШ

Относительное изменение Н, при нагреванни на 1°С

Марка стали	<i>Н<sub>е</sub></i> эрстеды	<u> </u>	$\frac{\Delta H_c}{H_c \Delta t} \sim 100$
Коэрцит I	173,3	0,054	0,032
	140,1	0,021	0,015
	83,6	0,0205	0,024
	154,8	0,047	0,031

Изменение начальной проницаемости у всех сортов кобальтовой стали значительно ниже, чем у вольфрамовой.

В таблице XIV даны значения начальной проницаемость, вычисленные путем экстраполяции указанным выше способля для всех четырех образцов.

#### ТАБЛИЦА ХІУ

Начальная пройнцаемость при различных температурах

C			da.	du a 100		
Сорт стали	$t = 18^{\circ}$	$t = 50^{\circ}$	$t = 75^{\circ}$	$t = 100^{\circ}$	$\frac{dr_{a}}{dt}$	pa dt
Коэрцят 1 . II . III	13,9 16,9 25,3 13,5	14,0 17,0 25,4	14,2 16,9 25,3 —	14,25 16,9 25,4 13,55	0,0055 0 0,0624 0,0012	0,026 0 0,01 0,01

Б. Исследование в пределах температур от 100 10 200°. В виду того, что магнитные свойства стали резко меняются кобратимым образом при нагревании выше 100°, исследование обратимых температурных зависимостей в пределах от 100°до 200°, при сохранении той же методики измерений, производилось отдъвно от исследования в пределах от 18 до 100°. Перед исследовамем, как и в предыдущем случае, образцы подвергались продолжитальному изгреванию при 200° до получения устойчивых магнитвах характеристик.

При исследованиях в этой области температур, у образцов вольрамовой стали было обнаружено, что гистерезисные кривые при 30 и 200° всеми своими точками почти совпадают друг с другом, се происходит как бы остановка в изменениях магнитных свойств ритемп. 150°. Это явление было обнаружено у образцов углеродитой стали и подверглось специальному исследованию.<sup>1</sup> У кобаль-





 вой стали хотя подобного явления и не обнаружено, но существозвяте его теоретически должно было бы иметь место. Вероятнее имего, что явление здесь настолько мало проявляется, что примепвшиеся методы измерения не в состоянии были его обнаружить. Результаты для образцов вольфрамовой стали даны в таблиих XV и XVI и на рис. 13, а для образцов кобальтовой стали вэрцит I и коэрцит II — в таблицах XVII и XVIII и на рис. 14.

<sup>1</sup> Н. Зуева, Журнал прикладной физики, т. I, вып. 6, 1932.

TH

5am


# ТАБЛИЦА XV

			до 20	Do C			
0.0	рла	сц во	льфр	A M O B O	й ста	ли № 294	1
$t = 20^{\circ}$		t =	= 100 °	t=	150°	1=	2 0
н геды га	В	Н В эрстеды Гауссы эр		Н эрстеды	гауссы	Н эрстеды	В гауссы
03 1 0 3.6 7,2 10,8 14,4 17,9 19,4 20,9 22,3 23,7 25,2 26,6	8 940 8 230 7 420 6 480 5 390 4 280 3 150 2 210 1 740 1 280 800 250	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		503 0 3,6 7,2 10,8 14,4 17,9 19,4 20,9 22,3 23,7 25,2 —	18 280 7 660 6 715 5 660 4 500 3 360 2 180 1 660 1 230 823 130 180 	
$H_c = 28r3 \qquad   \qquad H_c = 26r3$				$H_c =$	$H_c = 25.4$ $H_c = 25.4$		
$0.6 \\ t = 20^{\circ}$	i p a a	ец в о t = 10	до 20 льфри 200°	имово (= 1)	й ста 50°	л н № 150 (= 2	2002
Н теды га	В уссы	<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы
03 1 0 3,6 7,2 10.8 14,4 15,8 17,3 18,7 20,2 21,6 23,0	9 120 7 618 6 700 5 790 4 840 3 846 3 413 2 851 2 560 2 124 1 703 1 281	503 0 3,6 7,2 10,8 14,4 15,8 27,3 18,7 20,2 21,6 23,0	18 853 6 932 6 021 4 980 3 987 2 947 2 129 1 686 1 224 762 388 80	503 0 3,6 7,2 10,8 14,4 15,8 17,3 18,7 20,2 21,6 23,0 24,5	18 760 6 696 5 759 4 704 3 615 2 596 	503 0 3,6 7,2 10,8 14,4 15,8 17,3 18,7 20,2 21,6 23,0 24,5	18 292 6 958 5 955 4 917 3 926 2 858 
24.5 25,9 27,4 28.8 -	848 414 40 - 410	24,5 — —			=	T -	Ē

размагничивающие части гистерезисных кривых от 20

143.

100.00	-			414.00	
10.0	12.01	1411		36.3674	
1.01	5773	riti	200	A.Y.I	

Рдамагничиваю	цие части	гистерезисных криных
	от 20 до	200° C

1=	200	1=	1000	1=1	50°	$t = 200^{\circ}$		
<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	<i>Н</i> врстеды	В	
503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 72,0 86,3 100,7 115,2 122,4 129,6 136,8	$\begin{array}{c} 16\ 759\\ 10\ 795\\ 10\ 294\\ 9\ 757\\ 9\ 194\\ 8\ 403\\ 7\ 575\\ 6\ 506\\ 5\ 284\\ 2\ 483\\ 1\ 165\\ -\ 218\\ \end{array}$	503 0 14.4 28.8 43.2 57.6 72.0 86.3 100,7 115.2 122,4 129,6 136.8	16586 10687 10206 9662 9000 8246 7348 6349 4979 3164 2084 678 - 802	503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 72,0 86,3 100,7 115,2 122,4 129,6 —	16 362 10 481 10 000 9 447 8 775 8 013 7 169 6 098 4 682 2 850 1 642 172	503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 72,0 86,3 100,7 115,2 122,4 129,6 —	16338年 1038年 99年 6584年 21月21 	

# ТАБЛИЦА ХУШ

Размагничивающие части гистерезнсных кривых от 30 до 200° С

1000123	-	Oбразе	и коба	ALTOBO	й стали		and a
t = 3	0a	1 == 10	00° t=		1509	1 1=20	00°
Н эрстеды	В гауссы	Н эрстеды	В гауссы	<i>Н</i> эрстеды	В гауссы	Н эрстелы	Brayces
503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 64,7 72,0 86,3 93,5 100,8 103,7	$\begin{array}{r} 17\ 374\\ 10\ 354\\ 9\ 705\\ 8\ 877\\ 7\ 940\\ 6\ 680\\ 5\ 960\\ 5\ 960\\ 5\ 960\\ 5\ 960\\ 1\ 640\\ 254\\ -\ 278\end{array}$	503 0 14,4 28,3 43,2 57,6 64,7 72,0 86,3 93,5 100,8 103,7	17 177 10 251 9 568 8 750 7 807 6 577 5 849 4 977 2 884 1 464 0 - 592	503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 64,7 72,0 85,3 93,5 100,8 -	16 975 10 136 9 437 8 648 7 705 6 476 5 766 4 932 2 742 1 387 - 29 -	503 0 14,4 28,8 43,2 57,6 64,7 72,0 86,3 93,5 100,8	1674 1005 935 852 758 638 568 483 273 1317 -
	= 100,7	H <sub>c</sub> =	= 99,2	$H_c =$	98,4	$H_c =$	97,8

Общий ход изменений гистерезисных кривых с температурой, а исключением указанного выше случая, остается тем же, что в пределах от 18 до 100°. Индукция при определенном внешнем поле с повышением температуры уменьшается, коэр цитивная пла падает.

Величины изменения коэрцитивной силы с повышением темвературы образцов приведены в таблицах XIX и XX. Из этих диных следует, что относительное изменение коэрцитивной силы

14

и у вольфрамовой стали значительно больше, чем у кобаль-

ювой, и по мере увеличения температуры это отношение для образцов вольфрамовой стали уменьшается, а для кобальтовой практически остается постоянным.

## ТАБЛИЦА ХІХ

Относительное наменение коэрцитивной силы польерамовой стали в различных интервалах температур

	a stall	Образец А	8 294 /	- (ff.				
Темпе- ратура градусы С	<i>Н<sub>с</sub></i> эрстеды	∆/ срадусы,	<u></u>  эрстелы	$\frac{\Delta H_c}{H_c \Delta t}$	<i>Н<sub>с</sub></i> эрстецы	∆ <i>t</i> градусы	<u>Д</u> Ді эрстеды	$\frac{\Delta H_e}{H_e \Delta t}$
20 100	28,3 26,3	20-100	0,0/25	0,09	28,6 25,6	20-100	0,038	0.14
150 200	25,4 25,2	100—150 150—200	0,018 0,004	0,07 0,02	24,3 25,6	100-150	0,026	0,11

## ТАБЛИЦА XX

Относнтельное	изменение коэрцитивной силы кобальто-
вой сталя	в различных интервалах температур

		Коэрцит I	Коэринт П				
<i>Н<sub>е</sub></i> урстеды	∆/ градусы	<u>Д</u> Дг эрстеды	$\frac{\Delta H_c}{H_c \Delta t}_{\frac{9}{4}}$	<i>Н<sub>с</sub></i> эрстеды	∆ <i>t</i> градусы	<u></u> <u></u> эрстеды	ΔH <sub>c</sub> H <sub>c</sub> Δι
135,0 132,4 130,0 127,9	20-100 100-150 150-200	0,036 0,048 0,042	0,03 0,04 0,03	100,7 99,2 98,4 97,8		0,021 0,012 0,009	0,02 0,01 0,01
10 00				-			1.

В. Исследования в пределах температур от 200 до 700°. Исследованию в пределах от 200 до 700° были подвергнуты два образца обычной вольфрамовой стали, предварительно отожженные при 700°. Были сняты основные кривые намагничения и размагничивающие части гистерезисных циклов при 200, 300, 400, 500, 600 и 700°.



Рис. 15. Основные кривые намягничения вольфрамовой стали при разных температурах.

Основные кривые намагничения (рис. 15) дают полное схолство с кривыми, полученными Гопкипсоном для мягкого железа (рис. 1).

Гистерезисные кривые (таблицы XXI и XXII), как видно из рис. 16 и рис. 17, с повышением температуры все более и более приближаются к началу координат, т. е. остаточная индукция и коэрцитивная сила с увеличением температуры уменьшаются. Изменение коэрцитивной силы и остаточной индукции межлу 200 и 300° меньше, чем в промежутках, лежащих выше в



TAEJINILA XXI

148

Разматничивающие части гистерезисных кривых от 20 до 700° С

700°	B rayeen	10,078	845	285	23	- 8	1	1	an.		I
Ţ	н эрстель	503	0	1,4	2,2	2,9	1	ť	3	a la	T
5000	В сууссы	12 559	1 554	959	573	339	14	-70		ート	
1=1	наэтэде Н	503	0	1,8	2.9	3,6	4,3	5,0	1	È	1 H
2002	ы гауссы	14.192	2314	1 763	1 424	1987	498	30	- 205	1	
1=2	Mapazode H	503	6	1,8	2,9	4,3	5,8	7,2	7,9	a	11
000	moodes g	15 141	2.946	2.883	2 089	1 620	1 162	MOL	247	- 200 -	-
1=1	surarage H	503	0	1,8	2,9	4,3	5,8	7.2	8,6	10'0	
3000	ноохва В	16 884	- 3 559	3 083	2 529	.2143	1 353	629	188	- 259	
1	ыдэтэце Н	503	0	1,8	3,6	5,0	7,2	9,4	10,8	12,2	1
2000	в гауссы	18 063	4 028	3 438	2 825	7 034	1 563	1 150	502	30	- 317
fa	misroqe H	503	0	1,8	3,6	5,8	7,2	8,6	10,8	12,2	19.61
200	в гауссы	19 290	4 854	4 249	3 645	2 460	1 761	1 310	812	350	113
1=	ниэтэде Н	503	0	1,8	3,6	7,2	9,4	10,8	12,2	13,7	NA.

Размагличиный щис части гистерезисных криных от 20 дв 700 С.

T13 12.9 - 217 14.4

1	700.0	у гауссы	9 577	1 136	408	- 320	T.	1	T.		1
	-	ыдэтэде И	505	0	1,8	3,6	ť	1º	Ē	1	1
	600°	нээхвэ д	12 355	2 260	1491	782	273	- 16	THE PARTY	F	1
80	t =	HILBERTERIN	503	0	1,8	3,6	5,0	5,8	a	1	1
N N 12	500°	B rayceu	13 635	2 875	2 225	1.515	9559	425.	125	1	1
C T 8 A	=1	мизлове Н	503	0	1,8	3,6	5,0	6,5	7,2	-H	1
o n o H	400~	в гауссы	14 474	3.621	2 9 2 9	2247	1 716	1 144	843	312	- 250
n e d d	= )	MESTORe H	503	0	8'1	3,6	5,0	5,8	7,2	8,6	10,0
8 0 2 P	300	в гауссы	15.875	4.378	3 634	3 000	1 534	I 021	428	14-	1
1 3 C II	f =	ыкэтэде Н	503	0	1,8	3,6	7,2	8,6	10,0	11,5	and a
- 0 6 h	2005	в гауссы	17,348	4 849	4 063	3 448	1 976	1 422	827	242	- 363
	i =	ықатәре Н	503	0	1,8	3,6	1.2	8,6	10,0	11,5	13,7
	20°	в гауссы	18.594	5 527	4746	4 027	2512	1 364	775	188	- 136
	1=	мпэтэде М	503	0	1,8	3,6	7,2	10,0	11,5	12,9	13,7

ниже этих температур, что указывает на существование ососточек (точек превращения) в этих пределах.



Рис. 18. Зависимость коэрцитивной силы от температуры.

Если построить кривую зависимости коэрцитивной силь температуры (рис. 18), то зависимость получается почти пря линейной, исключая промежутка около 200 — 300°, тогда как зультаты исследования Ганса для углеродистой стали и келя дают кривые, выражаемые уравнением, приведены на стр. 119.

Г. Исследования в области температур от+18.

 $-55^{\circ}$ . В виду трудности поддержания постоянства температулиже 0° нижеописанным методом, исследованию подвергази несколько образцов только лишь в отношении некоторых и нитных величин. Основные кривые намагничения были свят для образцов углеродистой (0,6%С) и вольфрамовой стали п  $+20^{\circ}$  и  $-50^{\circ}$ . Размагничивающие части гистерезисных к вых сняты для образца вольфрамовой стали (рис. 19 и талица XXIII) при +12, -10 и  $-55^{\circ}$ . Для образца углеродист и отожженного при 200°, определе коэрцитивная сила при различных температурах в интервлот +10 до  $-55^{\circ}$ .

Данные показывают, что с понижением температуры в облас от -- 20 до -- 55° характер изменения всех магнитных велич оствется тот же, что и в интервале от 20 до 100° С.



Рис. 19. Размагничивающие части гистерезисных кривых при +12. -- 10 и -- 55° для вольфрамовой стади.

ТАБЛИЦА ХХШ

LL Dist

R.I

Размагнычивающие части гистерезисных кривых от + 12 до - 55°.

the start	Of	бразец вольфр	рамовой стал	H		
t=1	20	1=	_10°	t = -55		
Н В зрстеды гауссы		Н эрстеаы	В гауссы	Н В эрстеды гаусси		
360 0 14,4 21,6 28,8 36,0 43,1 50,8 57,5	16 920 11 200 10 083 9 279 8 117 6 435 4 111 1 219 -1 715	360 0 14,4 21,6 28,8 36,0 43,1 50,3 57,5	16 920 11 230 10 170 9 440 8 320 6 730 4 570 1 840 1 150	360 0 14.4 21.6 28.8 36.0 43.1 50.3 57.5	16 990 11 300 10 260 9 530 8 550 7 040 5 120 2 837 - 400	
$H_{r} = 53,3$		H <sub>c</sub>	= 53,8	$H_c = 55,6$		

Изменение коэрцитивной силы при данных значениях темле на ратуры имеет тот же характер, что и для интервала 20 — 200 илт а именно: с повышением температуры как абсолютные, так и относительные изменения уменьшаются

$\Delta t = 12^\circ - (-10^\circ)$	$\Delta t = -10^{\circ} - (-55^{\circ})$
$\frac{\Delta H_e}{\Delta I} = 0,023$	$\frac{\Delta H_e}{\Delta t} = 0,062$
$\frac{\Delta H_c}{H_c \ \Delta t} = 0.043$	$\frac{\Delta H_c}{H_c \Delta t} = 0.11$

100

127

23.) (TH)

11

#### V. ЗАВИСИМОСТЬ СВОЙСТВ ПОСТОЯННЫХ МАГНИТОВ ОТ ТЕМПЕРАТУРЫ

Свойства постоянных магнитов в зависимости от температуры, как мы видели, изучались многими исследователями, и по этому и вопросу имеется уже большой материал, твердо устанавля вающий основные законы изменений магнитного момента от температуры. Нашей же целью было установление зависимоста по между изменениями, происходящими в свойствах магнитной стала ари при нагревании, и изменениями в свойстве постоянных магнитог, которые характеризуются температурным коэфициентом и, опреаделяемым уравнением (1)

H= MAT,

где  $\Delta M$  — изменение магнитного момента при изменении температуры t на величину  $\Delta t$ .

Температурный коэфициент постоянного магнита, согласне исследованиям различных авторов, зависит не только от магнитных свойств самого магнита, но также от формы и размеров магнита. Все эти зависимости найдены чисто экспериментальным путем и не вытекали из каких-либо предположений теоретического характера о природе постоянного магнита.

Сделаем теперь попытку представить величину температурного коэфициента в функции магнитных величин, характерв позующих магнит, и в функции его размеров и формы.

Если рассматривать приращение температуры бесконечно малым, то в пределе отношение  $\frac{\Delta M}{\Delta t}$  переходит в производную функцию. В дальнейшем, не вводя обозначения производной, под этим отношением будем понимать производную функцию от *M* по *t*.

Так как

е не /- интенсивность намагничения, Δυ-элемент объема, а плетегрирование распространяется по всему объему магнита,

> $\frac{\Delta M}{\Delta t} = \int \frac{\Delta l}{\Delta t} \Delta v$  $\mu = \frac{1}{M} \int_{M}^{\Delta I} \Delta v.$

Изменение Δ/, вызванное изменением температуры, можно расатривать как результат действия некоторого внутреннего пинтного поля, связанного с изменением температуры. Велиих изменения напряженности этого поля ΔH, соответствующую которой разности температур, можно найти, зная изменение , по формуле

$$\Delta H = \frac{\Delta I}{x_1}, \qquad (5)$$

и це x, - обратимая восприимчивость магнита, так как процессы женения интенсивности и магнитного момента мы будем раси итривать только обратимого характера и при этом предполат пь, что величина х, остается постоянной при изменениях теми вратуры. В действительности, как мы видим (таблица XIV), х, и, скеняется с температурой, но в первом приближении будем е читать ее величиной постоянной.

Обратимая магнитная восприимчивость магнита является фуншей размеров и формы магнита, т. е. функцией коэфициента виагничения N. Если обозначить обратимую восприимчивость, песенную к замкнутой магнитной цепи, через х, то х, выраится уравнением:

> $z_1 = \frac{z}{1+zN},$ (6)

то вытекает из следующих рассуждений. при появлении добавочной интенсивности Δ/ возникает довочное внутреннее размагничивающее поле, напряженностью

Щ. Напряженность общего поля будет

$$\Delta I = \chi \left( \Delta H - N \Delta I \right)$$
$$\Delta I = \chi \left( \frac{\chi}{M} \Delta H \right)$$
(7)

Сравнивая уравнение (5) с (7), получим уравнение (6). Подставляя значение 1/, определяемое уравнением (7), в уранвые (4), будем иметь

$$\mu = \frac{1}{M} \int \frac{z}{1+\pi N} \frac{\Delta H}{\Delta t} \Delta v, \qquad (8)$$

DETOMV

ICH. ю it,

88

10 1

ee

65

30

# $\Delta H - N\Delta I.$

(4)

Для случая эллипсоида эта формула переходит в следующи Н

 $\mu = \frac{1}{I} \cdot \frac{x}{1+xN} \cdot \frac{\Delta H}{\Delta t},$ 

так как у эллипсоида N — величина постоянная во всех точка объема. Точно так же постоянно внутреннее размагничивающи поле, и следовательно можно предположить, что и  $\frac{\Delta H}{\Delta t}$  буд тоже постоянной величиной.

Величины, входящие в формулы (8) и (9), за исключения  $\frac{\Delta H}{\Delta t}$ , характеризуют данный магнит и материал, из которого и изготовлен, и известны из обычных магнитных измерений. В личина  $\frac{\Delta H}{\Delta t}$  представляет изменение внутреннего поля при изменении температуры магнита на 1°.

÷



Рис. 20. Размагничивающая часть гистерезисной краной для нахождения 7 по заданной величине N.

Что же можно понимать под термином: "изменение внутре него поля"? Формальная теория магнитизма приводит нас к то нятию "внутреннего размагничивающего поля", которое, как бы указано выше, пропорционально интенсивности намагничения.

Пусть кривая I, M.H., представляет размагничивающий участь гистерезисного цикла в замкнутой магнитной цепи (рис. 20 и Если тангенс угла MOP равен коэфициенту размагничения N данного магнита, то MQ будет интенсивность намагничения магнита, а MP — напряженность его внутреннего размагничиваюшего поля. Если теперь под влиянием температуры интенсивность уменьшается на величину ΔI, то, предполагая, что это изменение происходит по гистерезисной кривой, мы найдем на этой кривой точку M<sub>1</sub> соответствующую новой интенсивности, при этом  $\Delta I =$ MQ — M<sub>1</sub>Q<sub>1</sub>. Проводя из точки M<sub>1</sub> прямую, параллельную оси збсинсс до пересечения с ординатой ОІ, получим новую величину вапряженности размагничивающего поля M<sub>1</sub>P<sub>1</sub>. Отрезок M<sub>1</sub>R и будет представлять величину изменения внутреннего поля  $\Delta H$ . Таким образом под термином "изменение внутренного поля" с формальной точки зрения надо понимать увеличение или уменьпение размагничивающего поля, которое вызывается соответственным увеличением или уменьшением температуры.

483

11

111

3.0

1

110 LU I

TO

20

С другой стороны, внутреннее поле можно определить как поле, которое поддерживает в данном магните ту или иную интенсивность. Если опять встать на формальную точку зрения и предположить, что каждой величине интенсивности намагничения должна соответствовать определенная напряженность магнитного поля, то для постоянного магнита его остаточному намагничению должно точно так же соответствовать определенное магнитное поле. Изменение этого внутреннего поля будет вызывать измененине намагничения магнита. Поэтому с этой точки зрения увеличение температуры будет вызывать уменьшение внутреннего поля и наоборот. Как же определить это внутреннее поле? Процесс намагничения ферромагнитных материалов, согласно Гансу, можно рассматривать состоящим из двух частей - обратимого и необратимого. Обратимая часть характеризуется обратимой восприимчивостью, которая является функцией интенсивности намагничения и которая для данной интенсивности / определяется как отношение приращения Δ/ к приращению ΔH, т. е.

 $\mu_r = \frac{M}{M}$ 

(10)

после многократного перемагничивания внешним полем напряженностью ΔН.

Если бы в ферромагнитных материалах удалось устранить веобратимый процесс, то намагничение происходило бы по закову, который легко определялся бы из формулы (10), а именно:

$$l = \int x_r dH. \tag{11}$$

Чтобы проинтегрировать это выражение, необходимо знать х, как функцию от І. Если гакая зависимость известна из экспери-

мента, то для нахождения Н, при заданном /, необходимо интеград (11) заменить суммой

(12)



и вычислить по этой формуле для ряда значений I соответствующие значения H (n = 1, 2, 3...). Кривая, построенная по этим данным, и будет представлять графически зависимость между интенсивностью намагничения и приложенным полем. Такая кривая очень хорошо совпадает с кривой, полученной по формуле (11), если вместо \*, подставить выражение

 $\mathbf{x} = \mathbf{x}_a \left[ \frac{1}{x^a} - \frac{1}{\sin h^2 x} \right],$ 

полученное Гансом на основании измерений обратимой проницаемости. После интегрирования получается

$$I = I_x \left[ \operatorname{ctg} hx - \frac{1}{x} \right],$$

где I, - интенсивность намагничения при насыщении,

На рис. 21 кривая 1 представляет зависимость между В и Н для вольфрамовой стали, полученную авторами из наблюдений обратимой проницаемости при различных В и вычисления по формуле (12).

Интересно отметить, что закон изменения *B* в функции от *H* для обратимой части процесса совпадает с законом намагничения парамагнитных тел, установленным Л а н ж е в е н о м, где процесс тоже обратимый. Истинный же процесс намагничивания происходит, как известно, по "основной кривой", которая для того же образца вольфрамовой стали показана на рис. 21 (кривая II).

Положим, что к образцу приложено внешнее поле, напряженность которого H = OP (рис. 21), тогда соответствующая этому полю индукция образца будет MP = B. Если бы образен имел только обратимый процесс намагничения, то для получения индукции  $B_i$  как видно из кривой (I), пришлось бы приложить внешнее поле напряженностью  $H_i = OP_i$ . Эту разность  $H_i - H = PP_i$  можно рассматривать как добавочное внутреннее поле, создаваемое самим образцом. И если предположить, что это поле не исчезает с исчезновением внешнего поля, то его можно рассматривать как причину остаточного намагничивания. т. е. как причину гистерезиса.

При этом надо сделать еще одно допущение, чтобы быть в согласии с опытом, что при уничтожении внешнего поля внутреннее поле сохраняется не полностью, а только частично. Например, если от точки *M* (рис. 21) начать уменьшать внешнее поле до нуля, то индукция будет уменьшаться по гистерезисной кря-156 вой MQ и величина OQ=B, будет остаточным намагничением, которому соответствует внутреннее поле QQ<sub>1</sub>. Как видно из чертежа, величина QQ<sub>1</sub> меньше MM<sub>1</sub>. Аналогично

сделано построение для ряда точек *M*, *M*" и *M*" и везде остаточкое внутреннее поле несколько меньше.

8

k

y H

Ē

π

ñ

1

H C

ŧ

[-任

12

Ŀ

b e

Ű.

ł,

H I

6

R



Из кривых (I) и (II) (рис. 21) легко получить зависимость "внутреннего поля" от *B*, если для каждого *B* сиять соответствующую разность абсцисс *MM*.

Кривая на рис. 22 дает такую зависимость ввутреннего поля, сли котсрое получается в процессе намагничивания, от интенсивности намагничивания. До сих пор мы говорили о внутреннем поле чисто формально, не объясняя его происхождения какой-либо теорией магнитизма. Но если встать на точку зрения молекулирного магнитизма и рассматривать ферромагнитное тело как собрание элементарных магнитиков, которые под влиянием внешнего поля ориентируются в определенном направлении, то в пронессе ориентировки они мсгут действовать друг на друга, и это взаимодействие и есть не что иное, как та добавочная напряженность поля, которая действует на элементарный магнит и заста-

STO

61

έX

EQ1

Te-

8

-----

83 22

K

Ц

18

2

34

Ħ

20 int i





вляет его еще более поворачиваться по направлению внешнего поля. Если отнести эту добавочную напряженность поля к единице магнитной массы, то мы получим величниу напряженности внутреннего поля. С этой точки зрения внутреннее поле будет тем меньше, чем меньше взаимодействия между элементарными магнитиками. Но мы знаем, что при повышения температуры взаимодействие уменьшается, поэтому и внутреннее поле пра увеличении температуры должно уменьшиться, что подтвержлается экспериментами.

Такое представление о процессе намагничения дает объясиение не только температурным изменениям, но и явлениям гистерезнса, по крайней мере качественного характера.

## VI. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ПРОВЕРКА ФОРМУЛЫ ТЕМПЕРАТУРНОГО коэфициента

Для экспериментальной проверки формул (8) и (9) необходимо было найти величину изменения внутреннего поля с тем-158

, кратурой, т. е. функцию  $\frac{\Delta H}{M}$ , и установить ее зависимость от пенсивности намагничения или индукции в магните. Все эти инчины и зависимости легко можно определить из гистерезисах кривых, полученных при различных температурах. Для этого обходимо лишь измерить разность абснисс двух точек кривых. ответствующих одной и той же ординате, и разность эту разнить на разность температур, при которых снимались эти крие. В таблице XXIV даны для различных сортов стали величины полученные из кривых, приведенных на рис. 3, 9, 11 и 12.

#### TAEJIHIIA XXIV

Нольфрамовая таль №1 (рис. 8)		Коэрцит I (рис, 10)		Коэрдит II (рис. 11)		Коэрцит III (рис. 12)	
В	<u>АН</u> эрстед градусы	В гауссы	<u>АН</u> эрстед градусы	В гауссы	<u>АН</u> эрстед градусы	В гауссы	<u>Д</u> Д эрстед грядусы
0 1250 2500 3750 5000 4250 7500 4750 8000	0,067 0,067 0,067 0,067 0,067 0,067 0,067 0,061 0,061 0,050 0,048	0 1 250 2 500 3 750 5 000 6 250 7 500 8 750 10 000	0,054 0,054 0,054 0,054 0,054 0,054 0,054 0,054	0 1 250 2 500 3 750 5 000 6 250 7 500 8 750	0,0215 0,0210 0,0252 0,0252 0,028 0,042 0,045 0,045 0,050	0 1 250 2 500 3 750 5 000, 6 250 7 500 8 750	0,021 0,021 0,026 0,028 0,032 0,032 0,032 0,032 0,035

Значения Дая различных сортов стали

ġ,

i

t

Как видим, в пределах погрешностей измерений величина остается постоянной при всех значениях индукций и лишь у ворамовой стали немного уменьшается с увеличением индуки, а у кобальтовой стали, коэрцит II, возрастает с увелишем В. Поэтому, при вычислениях по формулам (8) и (9), HEANHY TH можно считать постоянной. Абсолютная величина больше для вольфрамовой стали, чем для кобальтовой.

Имея эти значения и зная величину и, можно вычислить чение и для магнита определенной формы, у которого извев коэфициент размагничения. Так, например, для цилиндрикого магнита с отношением длины к днаметру равным 20, фициент размагничения N=0,084. Если такой магнит изгото-

вить из вольфрамовой стали, для которой  $x = \frac{44-1}{4\pi} = 3,44$  (п. ), лица VI), а  $\frac{\Delta H}{\Delta t} = 0,067$ , то

$$\mu_1 = \frac{1}{1} \cdot 0,175.$$

Для магнита таких же размеров, изготовленного из кобы истовой стали, например из коэрцита l, у которого

$$x = \frac{20-1}{4\pi} = 1,52$$
 is  $\frac{\Delta H}{\Delta t} = 0,054$   
 $\mu_{0} = \frac{1}{T} \cdot 0,050.$ 

При / = 400, µ<sub>1</sub> = 0,00044 и µ<sub>2</sub> = 0,000180 — величины очень ба кие к тем, которые получаются из опыта.



Q.C

RA

tX1

ΪЩ.



п Для более точного выяснения правильности формул (8) и (9), втодом, описанным выше, были измерены температурные козвщи енты эллипсоида из вольфрамовой стали с полуосями равким a=50 мм н b=5 мм и цилиндра длиной 80 мм и диаметром им из кобальтовой стали и для обоих из них сняты гистереки кяме кривые при температурах 18 и 100°.





кри-

ТАБЛИЦА ХХУ

Цнанндр	Эллипсоид			
$1 = 445, \ \mu = 0.0000081 \ 1 = \frac{92}{97}$	= 200, $\mu = 0,00023$ 16 19			

среднее и = 0,0000090 среднее и = 0,000195

Из гистерезисных кривых получают следующие значения тикции  $\frac{\Delta H}{\Delta t}$ :

для эллипсоида 0,028, для цилиндра 0,028.

11 - 2001

XV.

Гистерезисные

же даны на рис. 23 н ча результаты измереи температурных козциентов — в таблице

Принимая величины × те же, что и в предыдущем случае, т. для вольфрамовой стали ×=3,44, а для кобальтовой — 1,52, и велчину коэфициента размагничения одинаковой для эллипсона и для цилиндра, равной N=0,255, из формулы (9) получим:

# для эллипсонда и=0,00025,

# для цилиндра р == 0,00007,

что близко совпадает с экспериментальными данными. Полног совпадения и не может быть, так как мы предполагали, чт воспринмчивость × не зависит от температуры, тогда как в дейс. р вительности она изменяется.

#### выводы

1. Результаты, полученные при исследовании магниты свойств магнитной стали при различных температурах, показывах что изменение этих свойств настолько значительно, что при точны измерениях нельзя пренебрегать влиянием температуры и нуж вводить соответствующие поправки, для чего необходимо п измерениях индукции и коэрцитивной силы измерять и темпер. туру образца.

Для введения поправок, в первом приближении, може пользоваться коэфициентами для тех сортов стали, которые быя исследованы в настоящей работе.

2. Существует несомненная связь между изменениями в мк. интных свойствах магнитной стали и изменениями магнитног момента постоянного магнита. Эту связь в первом приближени можно выразить формулами (8) н (9).

3. Явление гистерезиса в ферромагнитных материалах можно объяснить возникновением в них добавочного внутреннего пол при появлении намагничения в образце. Это поле имеет направание, одинаковое с направлением внешнего поля, а по величие может быть определено как разность абсцисс точек основая кривой намагничения и кривой, полученной интегрирование уравнения

 $\frac{dB}{dH} = f(B),$ 

где *dB* — обратимое изменение индукции при изменении впер (0) него поля на величину *dH*.

4. Изменения магнитных свойств с изменением температура не связанные с изменением обратимой проницаемости, можа с объяснить изменением внутреннего поля, которое должно уменшаться с увеличением температуры, так как при повышени температуры взаимодействие между элементарными магнитикам уменьшается.

# TRE L'INFLUENCE DE LA TEMPÉRATURE SUR LES PROPRIÉTÉS DE L'ACIER MAGNÉTIQUE ET DES AIMANTS PERMANENTS

# par B. M. Janovski et N. G. Zouleva

## (Résumé)

L'influence exercée par la température sur les propriétés mgnétiques des corps ferromagnétiques, fut étudiée par beaucoup d'investigateurs qui établirent la dépendance des propriétés magnéiques de la température. Le travail actuel examine l'influence aercée par la température sur les propriétés magnétiques de l'acier ingstène et de l'acier de cobalt à des cycles réversibles, c'est dire dans le cas où les propriétés magnétiques prèsentent une intent soumis à un échauliement prolongé à une température maimum correspondant à l'intervalle où avait lieu les recherches.

Les échantilons de l'acter magnétique en forme de barres actangulaires furent essayés par la méthode balistique dans une abine spéciale (fig. 4) à enroulement de chauffage, permettant le maintenir la température de l'échantillon de 20° jusqu'à 700° C. Four l'étude des propriétés magnétiques à des températures au dessus de 20°, on employa l'air liquide, dont les vapeurs étalent injectées au moyen d'un siphon dans l'intérieur de la même bo-

On a étudié les régions des courbes d'hystérésis, situées dans la prie magnétisante des deux échantillons en acier tungstène et des natre échantillons en acier de cobalt, à pourcentage différent du sobalt, dans les limites des températures de 20° à 100°, de 20° 200°, de 20° à 700° et de 20° à 50°.

Les résultats obtenus sont donnés dans les tables et sur les migures.

On a essayé en outre d'établir la dépendance du coefficient mai<sup>termi</sup>que µ des aimants permanents, exprimé par la formule:

 $\mu = \frac{1}{M} \cdot \frac{\Delta M}{\Delta t}$ 

de dimensions de l'almant et des propriétés magnétiques du miériel.

11\*

BNI

111

Un simple raisonnement théorique permet d'établir pour un échantillon en forme de l'ellipsoïde de rotation la formule suivante

$$M = \frac{1}{I} - \frac{K}{1 + KN} - \frac{\Delta H}{\Delta t}$$

ou K— est la susceptibilité magnétique du matériel, N—le coefficient de désaimantation, dépendant d'une manière détérminée de dimensions de l'ellipsoïde, et H— l'intensité du champ démagnétisar intérieur.

En connaissant les courbes d'hystéresis dans la partie démagnetisante à des températures différentes, on peut obtenir la valer ,  $\frac{\Delta H}{\Delta t}$  du changement de l'intensité du champ démagnétisant en rapport avec le changement de température.

La comparaison des coefficients, obtenus ou directement pu l'éxpérience, ou calculés d'après la formule pour les deux aimant à forme de cylindre et d'ellipsoïde, donne une concordance dan les limites des erreurs possibles.

183

甜

# СТРУКТУРА ПОЛЯ МАГНИТА И РАЗНОСТЬ МАГНИТНЫХ ПОТЕНЦИАЛОВ

xe

ne-

аp

## А. Н. Бойко

#### ТЕОРИЯ

Выходящий из тела магнита в воздух поток силовых линий тражает в своей структуре величину и геометрическое распределение намагничения вещества и форму намагниченного тела. Поэтому поток в воздухе чаще всего является непосредственным объектом измерения для получения характеристики магнита. Но характеристика магнита по одному только суммарному потоку или числу силовых линий получается конечно неполной, налогично тому, как неполным было бы описание мощности мектрической установки только на основе учета силы тока без поминания о величине напряжения.

Структура магиитного потока в воздухе зависит от распредения разности магнитных потенциалов вдоль тела магнита по но поверхности. Связь между напряженностью поля *H* и разюстью потенциалов *U* выражается линейным интегралом магштной силы вдоль отрезка пути *AB*:

$$U = \int_{A}^{B} H \cos \alpha \, dl.$$

В частном случае равномерного поля интеграл вдоль силовой лиии приводится к простому выражению:

$$U=H\cdot l,$$

 $\pi$ куда  $H = -\frac{U}{I}$ , т. е. напряженность магнитного поля H, равна задению разности потенциалов на единицу длины.

Магнитный поток Ф в равномерном поле для выделенного пормального сечения s в свою очередь равен "

$$\phi = Hs.$$

Запас магнитной энергии в окружающем пространстве равен

$$\mathbf{V} = \frac{1}{8\pi} \cdot \Phi U = \frac{1}{8\pi} Hs \cdot H \cdot l = \frac{1}{8\pi} H^{2} v \,.$$

В более общем случае неравномерного поля магнитная энер гия определяется интегрированием по всему объему v

 $W = \frac{1}{8\pi} \int H^{\sharp} dv.$ 

BH

60

111 111 111

Источником внешней магнитной энергии является намагничен ное состояние вещества магнита, характеристикой которого служл<sup>вр</sup> гистерезисные кривые. Применительно к магниту с разомкнуто цепью состояние вещества определяется частью кривой гистере зисного цикла в верхней левой четверти диаграммы (рис. 1).



Рассмотрим несколько частных случаев постоянных магнитов. Воспользуемся для этого интегральным выражением для разности магнитных потенциалов

$$U = \int_{A} H \cos \alpha \, dl.$$

Этот интеграл, взятый по замкнутому контуру, обращается в нуль, если с данным контуром не сцепляется какой-либо другой контур с электрическим током. В нашем случае этому усло-166 ако удовлетворяет постоянный магнит в отсутствие намагничивающей катушки с током. Будем называть внешним полем магила поле, образованное потоком воздушных утечек, а внутреним полем — некоторый вектор, направленный внутри магнита поотив вектора магнитной индукции.

Применим линейный интеграл магнитной силы к эллипсоиду вращения, намагниченному вдоль большой оси. У эллипсоида наукция В по всему объему равномерна и направлена на рис. 2 TO право, внутреннее размагничивающее поле Н, также равномерно и направлено влево. Численно оно равно H<sub>i</sub> = -NI, где N-козвипиент размагничения, І — интенсивность намагничения вещетва. Выберем замкнутый контур интегрирования АВСД вдоль поверхности эллипсоида и по координатным осям, проходящим через центр.

EB

Kat

:06

TCR



Сделаем еще предположение, что пути интегрирования ВС, D и DA проходят внутри вещества в промежутках между пдельными молекулами, не пронизывая орбит молекулярных мектрических токов ("не сцепляясь с ними").

Направление интегрирования указано стрелками. Разобьем 拍把 несь интеграл по замкнутому контуру на четыре интеграла по 工調 TECTRAM

$$\int_{ABCD} H\cos\alpha dl = \int_{A}^{B} H_1 \cos\alpha_1 dl + \int_{B}^{C} H_2 \cos\alpha_2 dl + \int_{B}^{D} H_1 \cos\alpha_2 dl + \int_{B}^{D} H_2 \cos\alpha_2 dl + \int_{B}^{D} H_2 \cos\alpha_2 dl + \int_{B}^{D} H_2 \cos\alpha_2 dl = 0.$$

На участках *BC* и *DA* линии внутреннего поля  $H_i$  образум ар прямые углы с выбранными направлениями интегрирования, по этому соз  $z_2 = 0$  и соз  $\alpha_4 = 0$ , и каждый интеграл в отдельност равен нулю. Другие два интеграла могут дать в сумме пул только при условии, если будут иметь противоположные знас (путь *AB* приблизительно равен пути *CD*). Из них интеграл и участке *CD* безусловно должен быть взят со знаком плюс, та как направление интегрирования совпадает с направление внутреннего поля:

$$\int_{a}^{b} H_{a} \cos \alpha_{a} dl + \int_{A}^{b} H_{1} \cos \alpha_{1} dl = A_{a} - A_{1} = 0.$$

В существовании внешнего поля на поверхности магнита и можем убедиться на основе непосредственных опытов. Поэтом равенство первого и третьего интегралов

 $A_1 = A_2$ 

может служить доказательством существования внутреннего под ус и характеристикой его величины. Отсюда получаем вывод: внеш нее поле магнита  $H_e$  на участке AB направлено в туже стороя, как и внутреннее поле  $H_i$ , но против направления интегрировния, в чем легко убедиться при помощи магнитных спектро. Второй вывод: разность потенциалов, измеренная между точкая A и B, численно равна разности потенциалов между точкая C и D, вычисленной по внутреннему полю

$$\int_{A}^{B} H_{1} \cos \alpha_{1} \, dl = \int_{C}^{D} H_{n} \cos \alpha_{n} dl = H_{l} \int_{C}^{D} dl = H_{l} l = -N/l = U.$$

На участке *CD*, при выбранном направлении интегрированы  $x_n = 0$ , соз  $x_n = 1$ , внутреннее поле  $H_\rho$ , согласно особенности за липсоидального намагничения, сохраняет постоялную величию уч и может быть вынесено за знак интеграла. Второй вывод такж подтверждается на опыте при сопоставлении величины индукцы *B* (рис. 1) и внутреннего поля эллипсоида. Такие же вывод получим, если распространим интегрирование от нейтрального им сечения до конца эллипсоида.

При помощи свойств того же интеграла, взятого по замкного тому контуру, докажем невозможность прямолинейного и парала лельного расположения силовых линий в пространстве, если и напряжениость поля внутри выбранного нормального сечены и неравномерна. Представим себе неравномерную плотность сило в вых линий прямолинейной и параллельной структуры (рис. 34) (

правичем поле вблизи ли- А правии CD в два раза больше, чем вблизи AB. Направление интегрирования на участках BC п DA будем считать под на прямым углом к силовым линиям.

MI

736

B)

L MUR





Тогда на участках *BC* и *DA* соответствующие интегралы (второй и четвертый) обращаются в нуль, а остальные два приводят и невозможному равенству:

$$\int_{A}^{B} H_{1} \cos \alpha_{1} dl = \int_{C}^{D} H_{3} \cos \alpha_{2} dl,$$

$$H \int_{A}^{B} dl = 2H \int_{C}^{D} dl$$

$$H l = 2H l,$$

Очевидно весь интетрал по замкнутому контуру ABCD может обратиться в нуль только при иться в нуль только при ит условни, если силовые лизии на участке BC будут и криволинейно изогнуты а сторону более слабого поля, расходиться веером, чак показано на рис. Зб, и тто в свою очередь прии один к невозможности сп одинаковой средней на-



ни пряженности поля в нормальном сечения вблизи линий AB и CD. ло Если в ряде последовательных сечений магнита наблюдается 30. убывание магнитной индукции, то в таком случае структура

внутреннего поля не может быть представлена в виде системя прямых параллельных линий и соответственно этому эквище С тенциальные поверхности не могут быть плоскостями. Ис с можно представить себе в виде симметричных криволинейны поверхностей, обращенных выпуклостью в сторону убывающит полей. -YI

0

11

51 M

(H p;

II.

01

HB

Рассмотрим теперь призматический или цилиндрический прямолинейный магнит, у которого только в центральном нейтраль ном сечении можно предположить наличие равномерного и однородного намагничения. По мере приближения к концу индукци уменьшается и одновременно возрастает напряженность внутревнего размагничивающего поля, в соответствии с гистерезисно кривой, показанной на рис. 1.





Поместим начальную точку интегрирования А в плоскост нейтрального сечения, направление АВ — по поверхности магнит, а СД - по геометрической оси, согласно рис. 4. Снова имеен

$$\int_{ABCD} H \cos \alpha dl = \int_{A}^{B} H_1 \cos \alpha_1 dl + \int_{B}^{C} H_2 \cos \alpha_2 dl + \int_{C}^{D} H_3 \cos \alpha_2 dl + \int_{C}^{D} H_4 \cos \alpha_4 dl = 0.$$

Из четырех отдельных интегралов только последний можно положить равным нулю. Тогда

$$\int_{A}^{B} H_1 \cos \alpha_1 dl + \int_{B}^{C} H_2 \cos \alpha_2 dl + \int_{C}^{D} H_3 \cos \alpha_5 dl = 0$$

или

 $A_1 + A_s + A_s = 0.$ 

Внешнее поле утечки магнита направлено от конца магнит в к его середние т. е. против выбранного направления интегриров- не 170

ния, а потому первому интегралу должен быть приписан знак минус. Согласно предыдущему рассуждению, внутреннее поле по своей спруктуре на участке ВС может быть представлено в виде пучка ляний, всером расходящихся в сторону более слабых полей, т. е. образует с направлением BC угол больше 90°, и интегралу для участка ВС должен быть приписан знак минус. Интеграл на частке CD сохраняет положительное значение. Отсюда имеем:

ÐÌ.

11

276 Ul-10 яли HB. 18 άĒ

210

HÖ

$$A_{3} - A_{1} - A_{2} = 0$$
,

$$A_{\mathrm{B}} - A_{\mathrm{B}} = A_{\mathrm{I}}$$

Получаем вывод: в случае магнита с равномерным сечением, но неравномерным намагничением по длине, разность потенциалов чежду нейтральным сечением и другим произвольным сечением, полученная на основании измерении поля на поверхности магнита интеграл А1), должна быть меньше вычисленной по внутреннему размагничивающему полю (интеграл As) на величину падения потенциала в направлении второго поперечного сечения (интеграл А.).

Применим тот же метод к контуру, охватывающему область от нейтрали до конца магнита (рис. 6).



Исследование структуры внешнего поля по методу магнитних спектров дает картину направлений отдельных линий, поизанную на рис. 5 по фотографическому снимку, и схематически прелками на рис. 6. На участке АВ линин внешнего поля (лини утечек) имеют направление от конца к центру магнита, угол ил захлона — величина переменная, косинусы углов — отрицательные ве вличины. В некоторой точке В, приблизительно против магнитного полюса *P*, линни выходят нормально к поверхности. На ил участке *BC* силовые линии имеют наклон в сторону направления и интегрирования, углы меньше 90°, косинусы — величины положительные. На участке *CD* линии расходятся веером по отво в шению к осевой линии, следовательно образуют с направлениев *CD* углы больше 90°, косинусы углов — отрицательные величины относительно структуры внутреннего поля сделаем предположе ние, что на протяжении линии *DPE* оно направлено от коща магнита к его центру, совпадая с направлением интегрирования.



0C 8

7p

¢7

CB

10 10 10

80

Ð

部

AH HC

Ш

Рис. 6.

и линии поля образуют переменные углы, с осью DPE, вель и чнну которых пока не будем учитывать. Выпишем теперь соответ ствующие интегралы по замкнутому контуру и по участка за с соблюдением знаков

$$\int_{ACDE}^{A} H \cos \alpha dl = \int_{A}^{B} H_{1} \cos \alpha_{1} dl + \int_{B}^{C} H_{2} \cos \alpha_{2} dl + \int_{C}^{D} H_{4} \cos \alpha_{4} dl +$$
$$+ \int_{D}^{E} H_{4} \cos \alpha_{4} dl + \int_{E}^{A} H_{5} \cos \alpha_{5} dl = 0$$
$$\int H \cos \alpha dl = -A_{1} + A_{2} - A_{3} + A_{4} + A_{5} = 0.$$

ACDE

Из пяти интегралов последний A, обращается в нуль, так ка <sup>1</sup>/ сделано предположение, что в нейтральном сечении индукци и внутреннее размагничивающее поле равномерны, углы равны 90<sup>°</sup>, а косинусы — нулю.

Сделаем еще оговорку относительно интеграла A<sub>a</sub> на участе и *CD*. Хотя плотность силовых линий на выходе с торцевой по та верхности магнита довольна велика, но направление их мало от та

На слоняется от нормали, поэтому сумма проекций на направление ин интегрирования в конечном счете может дать лишь сравнительно то иллую отрицательную величину, в особенности, если будем иметь в виду длинный магнит малого поперечного сечения. Для упроен дения дальнейших рассуждений условно приравняем интеграл и. А. нулю. Тогда получаем:

Из предылущего рассмотрения (рис. 4) мы пришли к выводу, по интеграл по линии AB всегда меньше интеграла, взятого по севой линии CD, на некоторую конечную величину интеграла поперечном направлении BC. Другими словами, разность потенлялов, измеренная на поверхности, меньше вычисленной по внутреннему полю на основе распределения индукции по длине магяята и гистерезисной кривой материала. В разбираемом теперь случас (рис. 6) из интеграла по поверхности AB необходимо еще сверх прежнего вычесть довольно заметную величину на участке интеграла BC, т. е. А<sub>2</sub>, для удовлетворения равенства обенх помвин уравнения. Действительно, плотность силовых линий, выкодящих в воздух на конце магнита, велика, наклон к продоль-

ной оси также велик, и участок *BC* оставляет примерно 0,1 часть полной длины магнита или 0,2 линии *AC*.

Отсюда получается вывод, что и левая часть уравнения, именю интеграл А, вдоль осевой линии или разность потенциалов жжду нейтралью и концом магнита, вычисленная на основе учета еиличин индукции в различных частях магнита, должна быть имражена в действительности значительно меньшей численной величиной.

Соотношение между величиной индукции *В* и размагничивавщим полем, графически изображенное на рис. 1 и полученное путем испытания стали в замкнутой магнитной цени в условиях мвномерного намагничения и параллельности векторов поля и ндукции, представляет устойчивую характеристику вещества. Нет оснований предполагать, что в разомкнутом магните эти соотношения коренным образом нарушаются. Остается предпололожить другое, а именно, что вектор внутреннего поля в разщчных местах магнита наклонен под такими углами к продольизй оси магнита (в нашем случае к линии *DE*), что интегрирозание с учетом реальных углов я должно дать значительно меньпую величину, против той, какую мы могли бы получить в реких ультате предположения, что вектор внутреннего поля всегда цая прого параллелен продольной оси.

20. Из экспериментальных данных в дальнейшем изложении мы увидим, что простое алгебраическое суммирование внутреннего тк золя по данным индукции и гистерезисной кривой (рис. 1) всепо-гда дает значительно большую величину для разности потенот шалов в конце магнита, нежели непосредственное измерение той

 $A_4 = A_1 - A_2.$ 

Ke-

ES,

же разности потенциялов по поверхности при помощи потенци 1 алометрических катушек. Не учитывая направлений векторы 80 внутреннего поля (как например делает Эвершед и его рус-11 ские последователи), мы вводим заметную ошноку, которая мо-TE жет привести к расхождениям порядка 10-20%. Последоваш тельно рассуждая дальше, мы должны допустить для вектора внутреннего поля любые направления в качестве возможных, в том числе и нормальные к продольной оси и положительные, ĊT. совпадающие с направлением вектора индукции, не боясь вступить в конфликт с установившимися традиционными представлениями об обратном направлении внутреннего размагничиват-98 щего поля. В конце настоящей статьи будут приведены эксперимен-81 тальные данные, вполне подтверждающие реальную возмож-ÊM ность положительного направления внутреннего поля вближ конца магнита. *te* 

На основе высказанных здесь соображений, разбираемый случай (рис. 6) можно уточнить, приписав вектору внутреннего пола определенные направления, как показано стрелками на рис. 7.



BC.

50

建加

H

111

BH.

Рис. 7.

Для наглядности, интегрирование по замкнутому контуру 10 разобьем на два характерных участка и представим в виде консч ных величин с соблюдением правила знаков:

$$-\int_{A}^{B} H_{1} \cos \alpha_{1} dl + \int_{B}^{C} H_{2} \cos \alpha_{2} dl - \int_{C}^{D} H_{3} \cos \alpha_{3} dl =$$
  
= 
$$-\int_{D}^{P} H_{4} \cos \alpha_{4} dl - \int_{P}^{E} H_{5} \cos \alpha_{5} dl - \int_{E}^{A} H_{6} \cos \alpha_{6} dl$$

нлн

 $-A_1 + A_2 - A_3 = + A_4 - A_5 - A_6$ 

т. е. суммирование по полю на поверхности равно суммированию по внутреннему полю.

Последнее равенство иллюстрирует нам тот факт, что в конце магнита имеются условия, замедляющие прирост разности магнитных потенциалов (постепенное увеличение углов наклона линий утечек и вектора внутреннего поля), и прямой переход к величинам противоположных знаков, заметно снижающам расчетные величины разности магнитных потенциалов (участки BC и DP).

BR.

0-

HE.

pa

Χ.

IC,

y.

-

101

1

10

38

(Y)

22

Только у магнита в форме эллипсонда вращения возможна строгая параллельность вектора внутреннего поля, благодаря эсобой кривизне внешней поверхности. У магнитов с постоянным сечением по длине необходимость переменных направлений вектора внутреннего поля вытекает также из условий прелоиления линий поля при переходе из среды с малой проницасмостью (воздух) в среду с большой проницаемостью (сталь).

Как известно из теоретических курсов по магнетизму, <sup>1</sup> тантенциальные (касательные), по отношению к поверхности раздела, составляющие силы магнитного поля в обеих срединах одинаковы. Это выражается уравнением:

$$H_1 \sin \theta_1 = H_9 \sin \theta_9$$

кли брать углы вектора поля с нормалью к поверхности.

Аналогичное ему выражение получим через косинусы, если изъмем углы с касательной (дополнение до 90°):

$$H_1 \cos \alpha_1 = H_9 \cos \alpha_9$$
.

Другими словами: проекция внешнего поля на поверхность разила равняется проекции внутреннего поля на ту же поверхность, или приращение разности потенциалов на элементарном участке поверхности раздела, взятое по внешнему полю, равно прирацению по внутреннему полю.

Измеряя с помощью потенциалометрических катушек велияну  $H_1 \cos \alpha_1$  на поверхности магнита, и вычисляя напряженру жость внутреннего поля по величине индукции в данном сечении чагнита и типичной гистерезистной кривой магнитной стали рис. 1), можно определить направление вектора внутреннего толя по формуле:

$$\cos \alpha_{a} = \frac{H_{1} \cos \alpha_{1}}{H_{0}}.$$

В качестве примера приводим результаты подобных вычислезый для определенного магнита:

Углы внешн. подя (взмер.) . . . 10°-20°-30°-40°-50°-60°-70°-80°-90°. Угаы внутр. поля (вычисл.) . . 1.8°-4.5°-8°-12°-17°-23°-31°-46°-90°.

В той части магнита, где линии воздушной утечки (линии шешнего поля) выходят под прямым углом к поверхности, явле-

ва <sup>1</sup> Акал. В. Ф. Миткевич, Физические основы электротехники. Изд. 2, пр. 93. ние преломления исчезает и вектор внутреннего поля должез ра также идти в направлении внешней нормали, т. е. совпадать на с вектором внешнего поля. В прямолинейном магните это слу- по чается два раза на боковой поверхности: на расстоянии примерно 0,1 от концов магнита и в центре его торцевой поверхности, как показано на рис. 7.

Явление преломления линий магнитного потока несколько иначе сказывается на векторе индукции внутри магнита. При переходе магнитного потока из среды с магнитной проницаемостью и, в среду с проницаемостью из, тангенсы углов падения и преломления относятся как магнитные проницаемости соответствующих середин:

$$\frac{\mathrm{tg}_{11}}{\mathrm{tg}_{92}} = \frac{\mathrm{n}_1}{\mathrm{n}_2}.$$

Вычисленные по этой формуле углы с касательной, для воздуха и магнита из вольфрамовой стали, показаны в следующей табличке.

Углы внени, поля (намерен-

Углы нидукции с касательной (вычиса.) . - . . . 0-0,1°-0,3°-0,7°-1°-2°-6°-12,8°-21°-90°

(Q)

10

Hi:

10 Ri H

23 in. 11

tH. 11 1 靴

apo Mil 001

(U)

Построенная на основании данных, приведенных в таблице, т наблюденных магнитных линий спектра, схема направлений векторов поля и индукции у постоянного прямолинейного магнит показана на рис. 8.



Рис. 8.

Общий вид диаграммы изменения величины касательной составляющей поля вдоль длины реального магнита может быть получен из рассмотрения фиктивного магнита, у которого магнитные массы +т н -т предполагаются сосредоточенными на концах 1.1 магнита в двух точках на расстоянии І от середины. Возьмен 176

на точек на геометрической оси магнита между полюсами и не их, положение которых задается переменной абсинссой х н постоянной ординатой у=0 (магнит в "первом Гауссовом поюжении", рис. 9).



Сила взаимодействия между магнитными массами +т и -т лединичной магнитной массой в точке А обратно пропорциопльна квадрату расстояния до точки А 1.

$$H_x = -m\left[\frac{1}{(l-x)^2} + \frac{1}{(l+x)^2}\right]$$

Подстановка численных еличин в эту формулу (напимер полагая /=1, m=1/2) нет изменение составляюцей поля вдоль оси магнита в функции от переменного а асстояния х, показанное на ис. 10. Отрицательные сопвляющие Н\_ отложены воределенном масштабе на, положительные значеш-вверх. В точке прополюса наблюдается разиз непрерывности и переод от отрицательных знания поля к положитель-UM.

Э

y4

160 λ.

ъ Ť-

69 10

16

10-

V. 28

ÊМ.

В случае реального магна общий вид диаграммы кароизводится довольно рошо, за исключением разна непрерывности в точке OTHB. полюса (недоходя имерно 1/10 до конца маг-



па). Отрицательные составляющие вблизи полюса круто пеходят к положительным значениям и убывают дальше со-

Würschmidt, L. Theorie des Entmagnetisierungsfaktors und der Scherung Magnetisierungskurven, Haz, Vieweg und Sohn, Braunschweig, crp. 10 12-2001

гласно правой части диаграммы. В моих опытах, которые будут изложены дальше, измерения составляющей поля были распространены также и на область вне магнита вдоль его геометрической оси.

ж

麗

## ОПЫТНЫЕ ДАННЫЕ

В излагаемой здесь работе тшательным испытаниям были подвергнуты магниты в форме прямой полосы, две прямых полосы Ра в паре и подковообразный магнит. Все образцы сделаны из вольфрамовой закаленной стали нормального химического состава (около 5,5% W и 0,7 С). Прямолинейные полосы имели размеры 12×35×400 мм. Выбор таких длинных магнитов давал возможность испытывать их в качестве нормальных образцов в пермеаметре с замкнутой магнитной ценью, а отсюда знать магнитны; характеристики материала исследуемых магнитов. Профиль поло: был строго прямоугольной формы, без искривлений по длине. Особое внимание было обращено на равномерность предваритель ного намагничения и устранение воздействий случайных внешних полей во все время наблюдений.

Потенциалометрические катушки для измерения касательное то составляющей магнитного поля на поверхности полосы делално из плоских пластин целлулонда и обматывались тонкой проволокой в шелковой изоляции с соблюдением равномерного шать обмотки. Постоянная их определялась баллистическим методоя в образцовом соленонде с равномерным магнитным полем. Чурствительность баллистического гальванометра равнялась примерно 300 М на одно деление шкалы. Подобные катушки при помеще нии их в неравномерное поле на поверхности магнита дают ная величину U= fH cos \* dl на протяжении длины обмотки, или, есл разделить на длину, среднее значение касательной составляющи напряженность поля  $H = \frac{U}{I}$  на поверхности магнита.

Предварительное исследование выбранной полосы стали показало наличие неравномерного возрастания поля на различны гранях полосы в одной и той же зоне (т. е. на одинаковом расстоянии от нейтрали). Неравномерность могла быть вызвана неоз на нородным составом стали или неравномерностью закалки, но на дефектами намагничнвания, так как не устранялась при различи ных приемах намагничивания.

Таким образом нельзя было для характеристики данного поло на сового магнита ограничиться измерениями на одной какой-либо и грани, нужно было измерять среднюю величину по всей зоябла т. е. одновременно по нескольким граням. Для данной цели был а построено приспособление из трех плоских катушек, в однов ( целлулондной оправе, обеспечивающей плотное пружниящее при ра 178
жимание катушек к двум широким и одной узкой грани. Длина катушек 12 мм, ширина по размерам граней — 12 и 35 мм, толцина 1,5 мм, число витков на каждой катушке 92.

2.4

DŔ.

101

市市

23

12-

### ТАБЛИЦА І

сасательная составляющая напряженности поля на различных гранях полосы в одинаковых кольцевых зонах (в эрстедах);

Расстояние от натрали в см	Уакая грань	Широкая грань	Узкая грань	Широкая, грань	Среднее по всей зоне
0 2 4 6 8 10 12 14 16 18	41,7 41,7 40,6 40,6 40,2 41,3 39,4 37,9 57,4	42,1 42,1 42,9 42,1 44,0 44,0 46,7 46,7 46,7 43,6 57,4	42,9 44,0 45,9 49,4 52,4 56,6 59,3 65,5 68,5 68,5 67,7	44.0 45.5 45.9 48.6 50,1 53,6 58.2 60,9 63,2 54.0	42,7 43,3 43,8 45,2 46,7 48,7 50,0 53,0 53,3 59,1

На оправе катушек имелись визирные приспособления для ючной установки приспособления против меток по длине полосы. Экиз приспособления показан на рис. 11.



Рис. 11.

п. При измерении середина катушек, соединенных с гальванометла м, устанавливалась против метки на полосе, затем приспособшане сдергивалось в перпендикулярном направлении до удаия из катушек из области поля магнита и отмечалось отклонете баллистического гальванометра. Катушки давали среднюю ас амчину напряженности поля на поверхности магнита для зоны бо приною 12 мм. Более короткие катушки были бы желательнес, але сарименение их делалось затруднительным в виду недостаточале и чувствительности баллистического гальванометра.

о С целью проследить, как убывает внешнее поле магнита на р одолжении его геометрической оси за пределами стальной

полосы, к ней был приделан деревянный брусок одинаковото поперечного сечения, соэтветственным образом размеченный на сантиметры, и измерения распространены тем же приемом до 10 см от конца магнита (до 30 см от нейтрали).

103

53

38

R.

Результаты измерения даны в таблице II, в которой одновременно приводятся результаты определения остаточной индукции в различных зонах полосы, полученные обычным приемов сбрасывания измерительной катушки в направлении от нейтраля магнита, а также величины внутрениего поля, определенные по гистерезисной кривой, соответствующие данным значениям индукции на рис. 1 (тот же самый образец).

#### ТАБЛИНА Н

Расстояние от ней- традьного сечения см	Касательная соста- вляющая эрстеды	Остаточная индукцяя гауссы	Внутреннее пож эрстеды
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20	-42.8 42.9 -43.2 -43.4 -43.8 -44.2 -44.8 -45.5 -46.3 -47.3 -48.2 -49.1 -50.0 -50.7 -51.6 -57.4 -52.7 -52.0 -49.5 -39.7 +157.0	$\begin{array}{c} 7776\\ 7764\\ 7730\\ 7676\\ 7592\\ 7487\\ 4359\\ 7192\\ 7009\\ 6794\\ 6549\\ 6549\\ 65276\\ 5947\\ 5596\\ 5195\\ 4733\\ 4226\\ 3649\\ 2993\\ 2993\\ 2207\\ 1120\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} -42,2\\ -42,4\\ -42,7\\ -43,2\\ -43,9\\ -443,9\\ -45,3\\ -46,5\\ -47,5\\ -49,9\\ -51,1\\ -52,6\\ -57,0\\ -55,5\\ -57,0\\ -55,8,2\\ -59,8\\ -61,2\\ -62,9\\ -64,5\\ \end{array}$
на продолженни грвней магнита 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30	$\begin{array}{r} +258 \\ +133,6 \\ +84,3 \\ +55,9 \\ +40,1 \\ +31,2 \\ +24,0 \\ +19,5 \\ +15,4 \\ +12,7 \end{array}$		111111111

Средняя величния касательной составляющей напряженности поля на поверхности магнита и напряженность внутреннего поля В таблице II переход от отрицательных значений внешнего поля к положительным намечается между 19 и 20 см, а по картине нагнитного спектра несколько раньше 19 см. Здесь сказывается гравнительно большая длина измерительных катушек, дающих вместо напряженности поля в данной точке некоторое среднее зачение его на протяжении заметной длины магнита. Графическое изображение полученных результатов дано на рис. 12.

17

R

R-

10

UH



Как и следовало ожидать, диаграмма внешиего поля на рис. 12 полне соответствует диаграмме поля теоретического магнита рыс. 10), за исключением разрыва непрерывности. Внутреннее оле нашего магнита определялось из гистерезисной кривой « основе общепринятого предположения, что оно все время итается строго параллельным продольной оси магнита, что,

нак видно из таблиц и диаграммы, приводит к несогласию с опытными данными относительно касательной составляющей полна поверхности и не удовлетворяет правилу о необходимости равенства касательных составляющих на поверхности раздел двух средин (воздух и сталь). В этом кроется один из источнаков ошибок при расчете магнитов по методу Э в е р ш е д а <sup>1</sup> путея суммирования значений внутреннего поля для получения развости магнитных потенциалов на поверхности магнита. Величину возможных ошибок можно видеть из таблицы III, вычисленной для равномерных зон шириною в 1 см. В таблице III нумерация зон означает расстояние в сантиметрах от нейтральной линия магнита до конца соответствующих зон, к этим же границая относятся и величины  $H_x$  и  $H_x$ .

8

a

Разность потенциалов, начиная от нейтральной линии, вычислялась приближенным интегрированием по способу трапеция. В каждом частном случае к предыдущему значению разности потенциалов добавлялась полусумма значений составляющей полна концах даиной зоны, т. е. среднее значение составляющей полна концах даиной зоны, т. е. среднее значение составляющей поля на протяжении всей зоны, в нашем случае на протяжении *I*=1 с.н., что может быть выражено формулой

$$U_{n} = U_{n-1} + \frac{(H_{n-1} + H_{n})l}{2} = U_{n-1} + \frac{H_{n-1} + H_{n}}{2}.$$

Если вычислять разности потенциалов не по отношению к нейтральной линии магнита, а между симметричными зонами по обе стороны нейтрали, необходимо удваивать приращение разности потенциалов, взятое по одной зоне, т. е. вести вычисления по формуле

$$U_n = U_{n-1} + \frac{2(H_{n-1} + H_n)l}{2} = U_{n-1} + (H_{n-1} + H_n).$$

В таблице III расхождения между величинами U<sub>2</sub> и U<sub>2</sub> вблизнейтральной линии магнита, порядка 1%, могут быть объяснени накоплением ошибок при измерении поля на поверхности и определении внутреннего поля экстраполяцией через гистерезиснут на кривую. К концу магнита расхождение заметно повышается и достигает 21%, пренебрегать которым уже нельзя при практя ческих расчетах магнитов.

1 Evershed, Permanent magnets in theory and practice, LLE.E. m. 58, crp. 78, no.

### таблица ш

Ē-

разность магнитных потенциалов полосового магнита по измерениям составляющей напряженность поля на поверхности и по вычислениям через гистерезисную кривую

Disamontario en	По измерен поцер	нням поля на рхности	По вычисл гистерезис	ениям через пую кривую	U,- U, 100
цейтрали сж	Н <sub>я</sub> эрстеды	$U_x = \Sigma H_x$ гильберты	<i>Н,</i> эрстеды	$\left  \begin{array}{c} U_r = \Sigma H_r \\ гильберты \end{array} \right $	Ux B %
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 4 продолжения	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	0 42,9 85,9 129,2 172,8 216,8 261,3 306,4 352,3 399,1 446,9 495,5 545,1 595,4 646,6 698,5 751,1 803,4 854,2 898,8 840,1	$\begin{array}{r} -42,2\\ -42,4\\ -42,7\\ -43,2\\ -43,9\\ -44,6\\ -45,3\\ -46,5\\ -47,5\\ -49,9\\ -51,1\\ -52,6\\ -54,0\\ -55,5\\ -57,0\\ -55,2\\ -58,2\\ -59,8\\ -61,2\\ -62,9\\ -64,5\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0\\ 42,3\\ 84,8\\ 127,8\\ 171,3\\ 215,6\\ 260,5\\ 306,4\\ 353,4\\ 401,6\\ 450,8\\ 501,3\\ 553,2\\ 606,5\\ 661,2\\ 717,5\\ 661,2\\ 717,5\\ 775,1\\ 834,1\\ 894,6\\ 956,6\\ 1\ 020,3\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} 0\\ -1.4\\ -1.3\\ -0.6\\ -0.3\\ 0\\ +0.3\\ +0.8\\ +0.8\\ +1.5\\ +2.7\\ +3.2\\ +3.8\\ +4.7\\ +6.4\\ +21.4\end{array}$
21 22 23 24 25 26 27 28 29 30	$\begin{array}{r} + 258.0 \\ - 133.6 \\ + 84.3 \\ + 55.9 \\ + 40.1 \\ - 31.2 \\ + 24.0 \\ + 19.5 \\ + 15.4 \\ + 12.7 \end{array}$	623,6 435,8 327,9 257,8 209,8 174,1 146,5 124,8 107,3 93,3	11111111	1111111111	111111111

На протяжении от 0 до 20 см диаграмма характеризует — На протяжении от 0 до 20 см диаграмма характеризует ум аления на поверхности и внутри магнита, от 20 до 30 см — на то продолжении геометрической оси магнита.

Таким образом, если пользоваться методом Эвершеда, то чы будем вводить заметную ошибку при всех вычислениях поока магнитных утечек, вызываемых разностью магнитных потеншалов между различными частями магнита. Необходимо отдата, вть предпочтение испосредственно измеренным величинам, они исгла будут ближе к истинным.

Переходной моделью от прямолниейного магнита к подковообразному в монх опытах служил составной магнит из двуг a одинаковых полос закаленной вольфрамовой стали размерои 4 12×35×400 мм. При помощи прокладок и винтовых хомутиков ð 8

H 0

T

81

38 38

33

6.7

51

116 B A.

U. -Ń h 41

Đ4



Рис. 13.

из немагнитного матернала обе полосы скреплялись таким обгазом, что по всей длине соблюдалась строгая нараллельность полос и выдерживалось расстояние между ними 41,2 м.м. как 83 у больших моделей подковообразных магнитов для измеритель-



ных приборов. По магнитным качествам обе полосы были почт т идентичными, что давало возможность применить одну и ту во гистерезисную кривую к обеим частям составного магнита, и Эскиз сдвоенных полос дан на рис. 14, а магнитный спектр на рис. 15.

Обе полосы намагничивались до насыщения в отдельности, л затем осторожно сближались до расстояния 41,2 мм с соблюдением строгой параллельности во время сближения. Магнитное состояние образцов в момент намагничения определялось услоиями насыщения в замкнутой магнитной цепи (равномерная индукция по всей длине). После разрыва магнитной цепи состояние вбразцов определялось некоторыми участками кривой между точками A и B на гистерезисной кривой (рис. 16); максимум

16

Рис. 15.

индукции в центре, минимум на концах и соответствующие им значения внутреннего поля. В процессе сближения двух полос разноименными полосами коэфициент размагничения постепенно тменьшался, индукция во всех точках стали постепенно возрастала, следуя уже не по гистерезисной кривой, а по так называемым криным обратных циклов, которые предварительно были тщательно изучены в пермеаметре с замкнутой магнитной цепью. Этот процесс возрастания индукции и окончательное распределение *B*, н *H*, показаны на рис. 16 отрезком кривой между точками *A*, и *C*,

Для точных построений кривой A<sub>1</sub>C, и получения нужных инфровых данных пользовались диаграммой, тщательно и в больиом масштабе вычерченной на миллиметровой бумаге. Значения индукций для этой диаграммы определялись отдельными опытами в замкнутой, разомкнутой цепи и после сближения полос до 41,2 мм. Составляющая поля на новерхности полос измерялась ранее описанными катушками, и кроме того разность магнитных потенциалов непосредственно измерялась в точках против меток и полосе между внутренними гранями сдвоенного магнита при помощи прямой потенциалометрической катушки длиною 40,9 мм в аведением всех нужных поправок на неплотное прилегание концов катушки к внутренним ловерхностим, расстояние между

которыми было 41,2 *мм*. Катушка непосредственно давала среднюю величниу напряженности поля  $H_{med}$  в междуполосном пространстве. Путем умножения на расстояние, точно измеренное, получалась разность потенциалов

$$U = H_{mad} \times I$$
.

Результаты определений разности потенциалов тремя способами для одних и тех же точек даны в таблице IV (см. стр. 187).



VI ADMIGAT

Обозначения в таблице:  $B_{r1}$  — индукция одиночной полосы,  $B_{r2}$ ,  $H_{r2}$ ,  $U_2$  — индукция, внутреннее поле и разность потеициалов полосы после сближения двухполос,  $H_x$  — касательная составляющая поля на поверхности,  $H_{med}$  — среднее значение поля в поперечном направлении между ножками магнита. Появление двойка в выражении  $U_r = 2\Sigma H_{r2}$  объясняется суммированием одновременно по обенм половинам магнита.

Разности потенциалов, полученные по кривым обратных ходо и по измерениям поля в поперечном направлении, почти совпа дают, кроме последних двух зон в конце магнита, где силовые линии в воздухе круто меняют свое направление, как видно и 186

Разность магнитимх потенциалов у магиита с парадаельйыми ножками TABJULA IV

03 HB-

(01 10 ЫС НП

Разность $\frac{U_r-U_r}{U}$ , 10	2	0 
им по намере- дя между внут- поверхностями	$U = H_{\rm med} \times I$	0 47,5 194 194 194 194 77 796 719 786 77 786 77 786 77 786 77 786 77 786 77 786 717 786 717 786 717 786 717 786 717 786 717 786 717 775 715 715 715 715 715 715 715 715
Получе получе ренними	Hmed	0 22,3 33,2 33,2 55,3 55,3 75,2 115,5 115,
и поверхности	$U_x=2 \ge H_x$	0 43,4 89,1 386,3 136,3 136,3 237,5 237,5 546 546 546 546 702 702 702 702 702 702 702 702 702 1231 879 702 1231 1231 1231 1231 1231 1231 1231 12
Rodywend Boaw	Hx	$\begin{array}{c} -21.4 \\ -22.0 \\ -22.0 \\ -22.0 \\ -22.0 \\ -22.0 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -22.4 \\ -42.9 \\ -44.3 \\ -44.3 \\ -52.4 \\ -52.4 \\ -44.3 \\ -52.4 \\ -44.3 \\ -52.4 \\ -52.4 \\ -44.4 \\ -52.4 \\$
латных циклов	$U_r = 2 \Sigma H_{r2}$	0 47,0 92,4 191,3 300,3 359 359 359 1911 2005 11425 557 557 714 808 803 803 803 714 1096 11425 557 714 803 803 814 70 814 813 803 814 814 814 814 814 814 814 814 814 814
фивым, обן	_ H_{r2}	$\begin{array}{c} -22,8\\ -23,7\\ -23,7\\ -23,7\\ -24,4\\ -25,8\\ -26,6\\ -33,1\\ -3$
учены по 1	Brz	8 475 8 475 8 475 8 455 8 455 8 455 8 354 8 354 8 355 8 300 7 7 390 7 7 390 6 430 5 578 6 430 5 578 5 578 5 578 5 578 5 578 5 578 5 578 5 578 5 100 5 036 5 118 8 118 8 266 5 578 5 578 5 578 5 100 5 000 5 118 5 100 5
Iloa	Bri	71776 77764 77764 7767 7676 7767 7676 7768 7768
Рас- стоя- пие от нейт- рали	2	0-00+00-002102192580808

0-1), рис. 15. Там же следует обратить внимание на неодинаковые C углы выхода силовых линий по отношению к внутренней и внеш-H ним поверхностям магнита. Приходится делать предположение, pчто и внутри магнита вектор внутреннего поля имеет несколько отличную ориентацию вблизи наружной или внутренней повер-80 хности магнита, а потому наружные и внутренние части соответ-ствующих зон магнита, лежащие в одной поперечной плоскости, 11 находятся не под одной и той же разностью потенциалов. Если 318 Q. бы сделаны были поперечные промеры разности потенциалов раздельно по внутренней и наружной грани магнита, мы вероятно не получили бы такого хорошего согласия с вычислениями по гистерезисной кривой (первый и третий способ в таблице IV). Di Применявшееся мною приспособление для измерення касатель-60 ной составляющей поля, состоявшее из трех плоских катушек, прилегавших к двум широким (внутри и снаружи) и одной узкой грани магнита, могло давять только средние величины поля, H M поэтому и U\_=2 2H, есть результат суммирования средних вели-H



-

HI.

41

三 加

創

同範

HI

13

8

32 M1

чин, у которых возможен неодинаковый ход составляющих по внутренней и внешней грани магнита. Расхождение между по тенциалами, вычисленными на основе гистерезисной кривой в измеренными на поверхности магнита, представлено графически на рис. 17.

Переходя теперь к подковообразным магнитам, мы должны и заранее отметить затруднительность расчета внутреннего поля н основе гистерезисной кривой, так как форма магнита неблаго приятиа для непосредственного снятия гистерезисной характерн ас 188

стики материала. Обычно испытывают в пермеаметре прямолинейный образец и его характеристику переносят на подковообразный магнит. Даже в том случае, когда образен и магнит сделаны из одной и той же полосы стали, нельзя поручиться, это в процессе последующей термической обработки мы получим в двух разных изделиях материал одних и тех же магнит-6 ных свойств. Как раз такой дефект лежит в основе моих даль-Н, нейших измерений подковообразных магнитов. Поэтому не сле-H. дует придавать большого значения случайному хорошему согла-E. сню между различными рядами измерений. Для меня в данном 0 случае важно было выяснить общий ход и приблизительную 0 меличниу наблюдаемых магнитных величин.

1

1Ž

я.

H-

Исследуемый магнит имел следующие размеры: полная высота 125 мм, расстояние между внутренними поверхностями 14 прямых ножек (распор) — 41,2 мм, профиль поперечного сечения 12,8×35,3 мм. Начиная от нейтрального сечения, вся длина магнита была размечена по наружной поверхности на разные воны ширяною в 1 см с нумерацией от 0 до 14. После намагпичения до насыщения, у разомкнутого магнита были определены величины индукции баллистическим методом путем сбрасывания измерительной катушки с размеченных позиций, затем по гистерезисной кривой более или менее подходящего по магнитным свойствам прямолинейного образца определены велияны внутреннего поля и последовательным суммированием найдены величины разности потенциалов. Кроме того в прямоличейной части магнита разность потенциалов определена непосредственно против тех же самых меток между внутренними зоверхностями при помощи прямой потенциалометрической катушки, вставленной в поперечном направлении. Были приляты во внимание все поправки на разницу между длиной катушки врасстоянием между внутренними поверхностями магнита. Как в прежних измерениях, катушка непосредственно давала средною напряженность магнитного поля в междуполюсном пропранстве. Разность потенциалов получалась путем умножения федней величины на точное расствяние между поверхностями в данном месте измерения. В таблице V результаты измерений занимают первую ее половину под общим заголовком "без арматуры".

Затем в магнит была вставлена "арматура", состоявшая из по збычной системы измерительного прибора в виде железных и нашмаков и железного цилиндрика с воздушным радизльным ты зазором 1,9 мм. Снова были повторены измерения остаточной индукции, которая теперь в тех же самых сечениях заметно же позросла, по кривым обратных шиклов найдены значения внуи треннего поля и просуммированы для определения разности то потенциалов. В независимой серии измерений при помощи поре теречной потенциалометрической катушки найдена разность

TAB/IIILA V

Разность жагнитных потенциалов у подковообразного магнита

		Bea a	ржатуры		10.33	<b>1</b>	p m a r y p o l	
AS A	BA	$H_{cl}$	$U_r = 2 \varepsilon H_{r1}$ fragmen.	<i>U</i> пзмерев	Br2	<i>Н</i> обр. шикл.	U = 22 Н,9 вычися	<i>U</i> намерея
-				1 and	N	100000	A THE PARTY	
0	, R.B.D.	-45.5	0 - 20		6.340	-29,1	0	1
	6.690	45.6	42.3 /	1	6 330	-28,6	46	1
	5 600	457	146		6310	-28,5	92	1
1.00	5.520	-45.9	219		6280	-27.9	137	ļ
2.7	5 440	-46.0	293	+	6 230	-27.2	181	
- 14	6 200	-46.2	366	1	6 140	-26,7	224	北
27.4	5110	46.9	443	443	6 030	-25,1	266	251
2 1	4 860	47.5	540	556	5 890	-23,0	813	302
	4 640	-48.7	636	662	5720	-20,5	357	347
0 0	1180	6.98 -	733	764	5 530	-17,5	395	390
a a	3750	-50:0	832	865	5.300	-13,3	426	430
	a allo	-500	133	1 028	5 060	- 8,10	451*	466*
11	0450	- 50 D	1 036	1 125		101	it it	464**
1	4 000	3.53	1142	- 1217	1	1	1	484 am
14	1110	-54,8	1 250	1 246	一个	E	-	404mm

потенциалов для некоторых пунктов в пределах прямолинейной части ножек до железных башмаков. В таблице V эти измерения нимают вторую половниу под заголовком "с арматурой".

В таблице V величины, помеченные одной звездочкой, получены графической экстраполяцией измерений на предыдущих рочках, так как нельзя было измерительную катушку ставить и непосредственной близости к башмакам; отмеченные двумя вездочками - получены при помощи плоской потенциалометринеской катушки, накладываемой поверх железной арматуры и потом быстро удаляемой из области магнитного поля). Как следовало ожидать, железные башмаки, шунтирующие часть южек магнита, оказались по всей их длине находящимися вод одной и той же разностью потенциалов (равной 464 Gb). Еще одно замечание должно быть сделано по поводу техники вичисления разности потенциалов вдоль изогнутой по кругу предней части магнита. Разметка на равномерные зоны в 1 см была сделана по наружной поверхности большого радиуса, во в расчетах по дуге принималась во внимание длина 18 см, характеризующая среднюю ширину зоны в этой части магнита.

Разбирая по существу данные таблицы V, мы должны обраить внимание на следующие обстоятельства. Подковообразный штнит представляет заметно замкнутую магнитную цепь, поэтому вблюдается меньшее убывание индукции от нейтрали к концам загнита, нежели у прямолинейного полосового магнита того же пперечного сечения. Вычисленные и измеренные разности познциалов близки по величине, но тут больше случайности, чем икономерности, по приведенным раньше соображениям. Замыание магнита арматурой почти в три раза уменьшает величину язвости потенциалов. Но особое внимание мы должны обратитьа изменения внутреннего поля при замыкании арматурой. Если пчертить диаграмму распределения внутреннего поля в предеах гистерезисной диаґраммы, то кривая будет наклонена своим жним концом в сторону пересечения с вертикальной осью маграммы (H=O) (рис. 19) и довольно близко к ней подходит H = 8, 1,

Более совершенное замыкание концов магнита сплошным келезным якорем должно вызвать пересечение оси и переход асти кривой внутреннего ноля в область положительных вачений, что представляет большой теоретический интерес. юдтверждением подобной возможности служит фотография аппитного спектра на рис. 18, полученная у только что опииного магнита, замкнутого сплошным железным якорем, имыкание несовершенное, так как воздушные утечки сохравлись.

На расстоянии З см от концов магнита все линии воздушных течек направлены в сторону якоря, что соответствует положи-

тельному направлению внешнего и внутреннего полей магнита, согласно доказанных раньше положений. Тщательные измерения

Bre 18

распределения индукции до и после замыкания якорем и вычисления внутренних полей по методу Э в ерш е д а на основе гистерезисной кривой в кривых обратных циклов полностью подтверждают выводы, получаемые из рассмотрения картивы спекгра (см. табл. VI).

Остановника теперь несколько подробнее на существующих представлениях о протекании магнитных процессов во время памагиячения и размагничения. Когда магнит подвергается первоизчальному намагничению электрическим током в замкнутой магнитной цепи, состояние всех его частей определяется на

## Рис, 18

гистерезисной кривой точкой максимальной индукции  $B_m$ . Прекращение действия намагничивающего поля понижает индукцию до точки  $B_r$  и H=O. Последующий разрыв магнитной цепи снижает индукцию в нейтральном сечении до точки  $A_r$  и и концах магнита до точки  $D_r$ . Состояние промежуточных частей магнита обычно изображается частью гистерезисной кривой AD на рис. 19.

Замыкание магнита арматурой измерительного прибора уменьшает размагничивающее действие свободных концов. Индукция возрастает по линии обратных циклов, внутреннее поле соот ветственно уменьшается. Диаграмма состояний изображена кривой  $A_iC_i$ . Она несколько короче, так как часть длины ножек в нашем опыте была зашунтирована железными башмаками Замыкание магнита сплошным железным якорем увеличивает индукцию еще больше и переводит часть кривой  $A_aD_a$  в область положительного поля, поскольку прирост индукции велик, а подъем обратных циклов носит пологий характер (приближенно 192

N	M	larmir pase	омкнут	Магинт замкнут якорем		
105.CK	B <sub>rt</sub>	H <sub>rl</sub>	$U_1 = 2 \Sigma H_{r1}$	B <sub>r2</sub>	H <sub>12</sub>	Ug = 2 2H,
012345678901234	$\begin{array}{r} 5\ 650\\ 5\ 620\\ 5\ 620\\ 5\ 520\\ 5\ 440\\ 5\ 320\\ 5\ 110\\ 4\ 860\\ 4\ 540\\ 4\ 180\\ 3\ 750\\ 3\ 240\\ 2\ 650\\ 1\ 980\\ 1\ 110\\ \end{array}$	$\begin{array}{c} -45,\! 5\\ -45,\! 6\\ -45,\! 7\\ -46,\! 2\\ -46,\! 9\\ -46,\! 9\\ -46,\! 9\\ -46,\! 9\\ -46,\! 9\\ -48,\! 2\\ -48,\! 2\\ -50,\! 9\\ -52,\! 0\\ -53,\! 6\\ -54,\! 8\end{array}$	0 12,3 146 219 293 366 443 540 636 733 832 933 1036 1142 1250	$\begin{array}{c} 6\ 582\\ 6\ 560\\ 6\ 540\\ 6\ 470\\ 6\ 440\\ 6\ 380\\ 6\ 270\\ 6\ 160\\ 6\ 010\\ 5\ 870\\ 5\ 740\\ 5\ 560\\ 5\ 420\\ 5\ 300\\ 5\ 110\\ \end{array}$	$\begin{array}{r} -23,2\\ -23,2\\ -23,2\\ -23,2\\ -22,5\\ -21,4\\ -19,8\\ -17,7\\ -14,7\\ -11,2\\ -6,5\\ -1.2\\ +6,2\\ +12,7\\ +21,6\end{array}$	$\begin{array}{c} 0\\ 37\\ 74\\ 111\\ 148\\ 184\\ 232\\ 270\\ 309\\ 328\\ 346\\ 354\\ 349\\ 330\\ 295\end{array}$
				113/3	and the second	
= 42 ще м	для во пеньше	ольфрамо для ник	овой стали, сель-алюмини	около 1 евой). Н	12 для Іедостато	кобальтово эк подобны Т-7:
= 42 ще ж	для во теньше	эльфрамо для ним	овой стали, сель-алюмини	около І евой). Н	12 для Іедостато	кобальтово эк подобны
= 42 ute »	для во теньше	ольфрамо для ним	овой стали, сель-алюмини	около 1 евой). Н	12 для Іедостато	кобальтово ок подобны
= 42 ще ж	для во теньше	ольфрамо для ним	овой стали, сель-алюмини	около 1 евой). Н	12 для leдостато	кобальтово ок подобны
= 42 ще ж	для во теньше	ольфрамо для нив	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н во	12 для Іедостато	кобальтово ок подобны
= 42 ще ж	для во	ольфрамо для ним	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н во во во во	12 для Іедостато	кобальтово ок подобны
= 42 ute x	для во теньше	ольфрамо для нин	овой стали, сель-алюмини А.А.	около П евой). Н во вор вор С.	12 для leдостато	кобальтово ок подобны в.
= 42 ute x	для во	ольфрамо	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н вой вой с. 400	12 для Іедостато 	кобальтово ок подобны
= 42 ще э	для во теньше	ольфрамо для ним	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н во во с.	12 для leдостато	кобальтово ок подобны
= 42 ute x	для во теньше	ольфрамо для нин	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н вой вой с. 400 2.00	12 для Іедостато 9 10	кобальтово ок подобны
= 42 ute x	для во теньше	льфрамо	овой стали, сель-алюмини	около П евой). Н вой с. с. с. с.	12 для Іедостато	кобальтово ок подобны — D.

ТАБЛИЦА VI сния величии В, Н, и U при замыкании и

элементарных представлений о протекании процессов изменении по индукции заключается в том, что гистерезисные характеристики материала, снятые в условиях замкнутой магнитной цепи, в ус повиях однородного поля и равномерного намагничения, примеиниются для описания процессов в разомкнутой цепи, когда индукция распределена вдоль магнита неравномерно и вектор те внутреннего поля имеет переменные направления по отношения к геометрической оси магнита, в том числе и положительные Исключение может быть допущено только для нейтрального пости векторов индукции и поля по отношению к геометрической оси магнита и для магнита в форме эллипсоида вращения.



Более точную картину, применительно к обычным магнитам получим, если по горизонтальной оси будем откладывать, вместо неверно вычисленного внутреннего поля, измеренные величиты касательной составляющей поля на поверхности магнита и по отношению к ним строить ординаты точек, изображающих наблюдаемые величины индукции. Практически это даст нам возможпость непосредственно учитывать те величины, из которы складывается действительная разность магнитых потенциалов между симметричными частями магнита. На рис. 20 даны днаграммы магнитных состояний прямых полосовых магнитов в ста ром и новом представлении. Отрезок AC на гистерезисной кри вой — прямая полоса по таблице II в разомкнутом состояния иривая  $A_1C_1$  — две сближенных прямых полосы по таблице Ти (явление частичного замыкания магнитной цепи). Нейтральная

на точка переместилась из A в  $A_1$ . Индукция на концах в обоих случаях почти совпадает в точках C и  $C_1$ . Те же магниты в новом представлении изображены кривыми  $AD_1E_1$  и  $A_1D_3E_3$ , переходяне щими частично в область положительных полей.

В нашем исследовании мы не вводили никаких новых гипотез, а руководствовались только общепринятыми представленнями в свойствах магнитного поля и учетом гистерезисных явлений к стали. Последовательное применение этих начал позволило нам согласовать наблюдаемые факты с теорией магнитных явлений и несколько уточнить учение о внутреннем поле магнита, которое до сих пор удовлетворительно решалось только для вллипсоидальной формы магнита.

N N N

101 101

TA PR HIL

## LA STRUCTURE DU CHAMP DE L'AIMANT ET LA DIFFÉRENCE DE POTENTIELS MAGNÉTIQUES

11

et

gi

đe

ch

## par A. N. Boiko

### (Résume)

Les mesures précises de la composante tangentielle du champ magnétique et de la différence de potentiels magnétiques sur la ph surface de l'almant, et surtout à proximité de ses extrémités, dongr nent toujours des divergences notables d'avec les valeurs calculées. 00 si ces calculs sont basés sur cette supposition que la courbe d'hyde stérésis du matériel détermine avec une parfaite précision le rapport entre le champ demagnétisant intérieur et l'induction magnétique Les valeurs, mesurées à proximité des extrémités de l'aimant, sont inférieures aux valeurs calculées. La divergence ne peut être expliquée par l'accumulation des erreurs d'observation. La raison de cette divergence s'explique par ce fait que le vecteur du champ ma intérieur, contrairement au vecteur d'induction, n'est pas, dans la ph plupart des cas, parallèle à l'axe géométrique de l'aimant, à l'exception d'une région restreinte, située dans la partie médiane neutre de l'aimant, ou de l'aimant affectant une forme de l'ellipsoïde de rotation. Dans l'intérieur de l'aimant le vecteur du champ intérieur est orienté à peu près comme les lignes de dispersion magnétique sur sa surface extérieure. La vraie direction du vecteur dans l'intérieur de l'aimant est déterminée par la loi de réfraction des lignes du champ extérieur pendant leur passage d'un milieu magnétique dans un autre et satisfait à la condition de l'égalité des composantes tangentielles du champ de chaque côté de la surface de séparation des deux milieux. Sur presque toute la longueur de l'aimant, à partir de sa section neutre (fig. 8), le vecteur du champ démagnétisant intérieur est orienté dans une direction négative par rapport au vecteur d'induction, et forme des angles variables comparativement petits avec l'axe géométrique de l'aimant.

A proximité des pôles les angles augmentent rapidement, le vecteur du champ intérieur acquiert une direction perpendiculaire à l'axe géométrique de l'aimant et normale à la surface extérieure et passe ensuite aux directions positives qui coincident avec la direction du vecteur de l'induction et avec celle des lignes des dispersions extérieures. On observe tout d'abord, à proximité des extrémités de l'aimant, un abaissement ralenti de la différence de potentiels mag-196

nétiques et ensuite un abaissement rapide, qu'on ne prend pas ordinairement en considération dans les calculs, basés sur l'application de l'induction et de la courbe d'hystérésis du matériel (v. tabl. II et HD.

Théoriquement ces thèses sont démontrées par l'intégration des composantes du champ magnétique le long du contour fermé (intégrale linéaire de la force magnétique), par l'analyse des spectres magnétiques et par les mesures directes du champ et de la différence de potentiels magnétiques dans les aimants rectilignes et en fer à cheval, armés ou non.

En fin de compte on arrive à la conclusion que les dispersions magnétiques aériennes ne peuvent être considérées comme des pertes ausibles d'énergie magnétique. Bien au contraire elles forment un phénomène magnétique naturel qui témoigne de l'accum ulation graduelle, sur toute la longueur de l'aimant, de la différence de potentiels magnétiques, appliquée ensuite dans l'espace interpolaire de l'aimant. Sans fortes dispersions un aimant puissant est physiquement irréalisable.

Sį.

¥.

rf

ë

e

8 ы es.

es. m

111

Cxē

115

g.

Un toroïde almanté, ne donnant pas de dispersions magnétiques, nt ac peut pas, physiquement, être considéré comme un aimant.

Le champ démagnétisant intérieur, faisant suite au champ inténeur des dispersions magnétiques, n'est donc plus une fiction nathématique, appliquée seulement à certains calculs de l'état physique de l'aimant.

## МЕЖДУЛАБОРАТОРНЫЕ СРАВНИТЕЛЬНЫЕ ИСПЫТАНИЯ ОБРАЗЦОВЫХ КАТУШЕК МАГНИТНОГО ПОТОКА

4 KO

¢ι

## Н. И. Спиридович

С целью обеспечения единства магнитных измерений, эталовной магнитной лабораторией Всесоюзного института метрелогии была проведена работа по сравнению в научно-исследовательских и заводских лабораториях образцовых катушек магнитного потока (катушек взаимной индукции), применяемых ра для градуировки баллистического гальванометра на магнитный ту поток.

В конце 1932 г. по расчетам и чертежам магнитной лаборатории в мастерских ВИМС были изготовлены образцовые катушки магнитного потока в форме плоских, цилиндрических мраморных катушек взаимной индукции под № 3, 4 н 5.<sup>1</sup>

Измерения коэфициента взаимной индукции этих катуше производились баллистическим методом, путем сравнения с образцовыми катушками взаимной индукции, имеющимися в лаборатории ВИМС по способу: 1) непосредственных отклонений, 2) непосредственных одинаковых или весьма близких отклонений и 3) компенсационным методом.

Катушка № 3, послужившая объектом для междулабораторны сравнительных испытаний, была по изготовлении сравнена указаиными выше методами с образцовыми катушками: "ФІ", изготовленной ВИМС из мрамора в форме сплошного, прямолинейного, цилиндрического соленоида длиною в 1 м с вторичной катушкой и с плоской цилиндрической катушкой фирмы Сименс и Гальске № 2274063.

В измерениях по способу непосредственных отклонений при определенной силе тока в первичной обмотке катушки № 3 на блюдалось, при изменении направления тока, отклонение гальванометра «, и магнитный поток вычислялся по формуле

 $\phi = C \cdot a, \tag{1}$ 

где С — постоянная гальванометра в максвеллах на одно деление шкалы для сопротивления, на которое в данном случае замкнут

<sup>1</sup> См. постоящий сборник, статья "Образцовые катушки взаимной индукция". А. Н. Бойкон Н. И. Спиридович.

гальванометр. Постоянная предварительно определялась из отклонений гальванометра при переключении тока в первичной цепи, по взамен катушки № 3 включалась образцовая катушка .ФІ\* или катушка № 2274063, коэфициенты взаимной индукции которых определены: для первой в ВИМС в 1931 г. по расчету, для второй путем измерения в P. T. Reichsanstalt в 1927 г. г погрешностью ± 0,1%

Постоянная гальванометра в максвеллах вычислялась по формуле

$$C = \frac{M \cdot 2I \cdot 10^{\circ}}{^{\circ}} .$$
 (2)

Было произведено по несколько серий наблюдений, и в каждой а из них измерение магнитного потока повторялось до 6-7 раз при различных силах тока. По одной серии наблюдений с катуш-0. ири .ФІ" и катушкой № 2274063 приведено в таблицах I и II. Схема установки дана на рис. 1. Обозначения на схеме: К. В. И.--11 рабочий эталон магнитного потока, И. К. -- испытуемая ка-AR. тушка взаимной индукции. Сила тока при этих наблюдениях измерялась амперметрами.

15

de l 1

XN.

eá. ю÷

080 HŘ

12-10no.

01 lh-

DN. 18 The

(1)H y1 11

## ТАБЛИЦА 1 Измерения скатушкой, фІ.

21	1	Ø	M	
амперы	MM	максвеллы		
0,1996 0.2835 0,8192 0,8592 0,3992 0,4396	97,7 138,7 156,4 176,1 195,7 215,6	199 015 282 532 318 587 358 716 398 638 439 177	997 069 996 304 998 080 998 652 998 600 999 037	

Среднее 997 957

## ТАБЛИЦА II

Измерення с катушкой № 2274063

21	a 1	φ	М	
амперы жи		максвеллы		
0,2396	122.8	238 846	996 853	
0,2796	143,5	279.108	998 240	
0,3192	163,9	318 785	998 700	
0,3792	194,5	378 302	997 632	
0,3992	204,7	397 743	996-349	
0,4396	225,7	438 986	958 603	
The second	TE THE WAY	Среднее	997 730	

В результате измерений, для средних значений коэфициена взаимной индукции, полученных из наблюдений и вычисленных по формуле

$$M = \frac{\phi}{27}; \qquad (3)$$

при сравнении с катушкой "Ф/\* имеем М = 997730 максвелло на один ампер силы тока в первичной обмотке, и с катушко № 2274063 — М = 997730 максвеллов.



Рис. 1. Слема баллистической установки для измерений по способу непосредственных отклонений.

При измерениях методом непосредственных отклонений откосительная погрешность в определении коэфициента взаимной индукции достигает 1%. Если же силу тока измерять потециометром, то относительная погрешность уменьшается до 0,45%.

Далее, катушка № 3 была сравнена компенсационным методом с образцовой катушкой "Ф/\*.

Компенсационный метод осуществлялся на баллистическоя установке по схеме, приведенной на рис. 2.

Первичные обмотки сравниваемых катушек К. и К. включаются параллельно. Последовательно с ними включены катушки иормального сопротивления  $N_s$  и  $N_s$ , электродинамические амперметры  $A_1$  и  $A_2$  и реостаты  $r_1$  и  $r_2$ . Источником тока для питания баллистической установки служила отдельная аккумуляторная батарея E. Вторичные обмотки катушек взаимной индукции соединялись с баллистическим гальванометром G и включались навстречу друг другу.

Потенциальные зажимы катушек нормального сопротивления то приключались к потенциометру. Реостатами r, н r, регулировалась сила тока в разветвленных цепях параллельного соединения до 200



ЫĬ

OB

10-頭田湯 湯

Ŕ

に開き

y.

B.

<del>7</del>0-

Рис. 2. Слема баллистической компенсационной установки.

на тех пор, пока гальванометр при переключении тока переклюсь чателем C не давал отклонения. При помощи ртутных переклюцо чателей  $C_i$  и  $C_z$  к потенциометру приключались по очереди

20 P

катушки нормального сопротивления N<sub>x</sub> в N<sub>s</sub> и, измерив на зажимах последних напряжение, определялась сила тока в ветвях параллельного соединения первичной цепи, а по формуле

$$M_x = M_{\vartheta} \cdot \frac{I_{\vartheta}}{I_x} \tag{4}$$

вычислялся коэфициент взаимной индукции сравниваемой катушки.

Наблюдение производилось: 1) при переключении тока в цепя (снла тока в разветвленных цепях измерялась амперметрами), 2) при выключении тока (сила тока измерялась амперметрами), 3) при переключении тока (сила тока в разветвленных цепях измерялась потенциометром).

Результаты измерения приведены соответственно в таблицах III, IV и V.

#### ТАБЛИЦА Ш

ТАБЛИЦА IV

1,	1 1.	Ma	I.	Ix.	Ma
амп	еры	максвеллы	амперы		максвеллы
0,4710 0,5712 0,6860 0,7626 0,8287 0,3838	0,1570 0,1862 0,2230 0,2455 0,2693 0,2849	1 003 166 1 013 466 1 005 331 1 010 579 999 328 1 002 904	0,3300 0,4600 0,5792 0,6290 0,6620 0,7594	0,1090 0,1520 0,1900 0,2080 0,2192 0,2505	993 096 992 702 999 951 991 948 990 636 994 408

Среднее 1 005 795

Среднее 993

eit

pe

CT

110 73

60

利 取 証

和

83

町町町部町町町町

RE

ТАБЛИЦА V

21,	21, 21x		
амперы		максвелаы	
2,988145 2,988290 2,988020 2,988175 2,986925 2,986925 2,986735	0,980560 0,980895 0,980295 0,979935 0,980720 0,980605	999 623 999 295 999 853 1000 247 999 033 999 098	

Среднее 999 525

Необходимо указать, что при измерениях компенсационным М методом всегда имеет место некоторая не полная компенсация, ан в пределах точности наблюдений. В этом случае формула (4) примет вид

$$M_x I_x - M_x I_x = Cx. \tag{5}$$

Для определения относительной погрешности измерения по этому методу проднфференцируем уравнение (5)

27

e

R

ĥ

8

$$\frac{\Delta M_s}{M_s} = \frac{M_s}{M_s} \cdot \frac{\Delta I_s}{I_s} + \frac{I_s}{I_s} \cdot \frac{\Delta M_s}{M_s} - \frac{\Delta I_s}{I_s} - \frac{C}{M_s I_s} \cdot \Delta \alpha.$$

Откуда относительная погрешность определяется равной

$$\frac{\Delta M_s}{M_x} = 0.2^{\circ}/_{\circ}$$

Сравнивая относительные погрешности, полученные при определении коэфицпента взаимной индукции методом непосредственных отклонений и компенсационным при измерении тока потенциометром, нужно, на основании приведенных выше результатов, отдать предпочтение компенсационному методу, как дающему наименьшую погрешность. Однако этот метод требует более сложных измерительной аппаратуры и схемы, а также большей затраты времени, чем при измерениях методом непосредственных отклонений.

Для междулабораторных сравнительных испытаний был выбран четод несколько менее точный, чем компенсационный, но более легко выполнимый, а именно метод непосредственных одинаковых или весьма близких отклонений.

В первичную цепь включалась первичная обмотка образцовой катушки ВИМС и при некоторой силе тока, в момент его переключения, наблюдалось отклонение гальванометра (см. схему рис. 1). При одной и той же силе тока производилось три измерения, каждый раз переключая направление тока так, чтобы гальванометр отклонялся в одну и ту же сторону по шкале.

Среднее арифметическое из полученных трех отклонений принималось как результат измерения при данной силе тока первичной цепи катушки. Подобные наблюдения повторялись при пяти различных силах тока. Далее, взамен первичной обмотки катушки ВИМС включалась первичная обмотка образцовой катушки взанмной индукции, применяемой в данной лаборатории к оставляя схему соединений в остальном нензменной, провводились такие же измерения. Сила тока подбиралась так, чтобы получаемые при этом отклонения гальванометра были одицаковы или близки к соответствующим отклонениям, полученным при измерениях с катушкой ВИМС; расхождения в откловеннях не должны были превышать 3%.

Коэффициент взанмной индукции образцовой катушки ВИМС-М<sub>ж</sub> в международных генри, на основании полученных данных, зичислялся по формуле

$$M_{x} = M_{b} \frac{\Delta I_{b} \cdot a_{x}}{\Delta I_{v} \cdot a_{b}}$$

- где *M<sub>k</sub>* коэфициент взаимной индукции сравниваемой образцовой катушки в генри,
  - Δ/» изменение силы тока в первичной цепи при измерениях с сравниваемой образцовой катушкой, в амперах.
  - Δ/<sub>x</sub> изменение силы тока в первичной цепи при измерениях с катушкой ВИМС в амперах,
    - ак отклонение гальванометра при измерениях с катушкой ВИМС в делениях шкалы,

14

41

H.

61

21

а<sub>4</sub> — отклонение гальванометра при измерениях с сравнявземой образцовой катушкой, в делениях шкалы.

За окончательный результат измерений принималось значение коэфициента взаимной индукции, полученное как среднее арифметическое из всей серии наблюдений.

В сравнительных испытаниях принимали участие 2 лаборатории научно-исследовательских институтов, 6 заводских и 1 втузовская, а именно:

- магнитная лаборатория Петрографического института Академии наук,
- II магнитная лаборатория Института металлов,
- Ш физическая лаборатория Кировского завода,
- IV эталонно измерительная лаборатория завода "Электросила",
- V научно исследовательская лаборатория завода "Электреприбор",
- VI лаборатория электро магнитных механизмов завода "Красная Заря",
- VII лаборатория общих измерений завода им. Кулакова,
- VIII опытная лаборатория завода им. Казицкого,
  - IX магнитная лаборатория Ленинградского Индустриального института.

Результаты междулабораторных сравнительных измерений приведены в таблице VI.

Лабораторин	Коэфициент взаимной индукции в международных генри	Расхождение от данных ВИМС в %
ВИМС II IV III IX VI VII VII VII VI	0,009995 0,009996 0,009989 0,009986 0,010021 0,010052 0,010057 0,01007 0,00992 0,01007 0,00986	$- 0.01 \\ - 0.06 \\ - 0.09 \\ + 0.26 \\ + 0.57 \\ + 0.72 \\ - 0.75 \\ + 0.75 \\ - 1.35$

ТАБЛИЦА VI

Коэфициент взанмной индукции катушки № 3 по окончании междулабораторных сравнительных испытаний был вновь опреледен в ВИМС и получена величина М=0,009992 международных генри; разница по отношению к М до сравнительных испытаний выразилась в 0.03%.

(BR

64

X,

ē÷.

)Ĥ

He

1-

Ö٢

8-

12

0

Ĥ

На основании данных, приведенных в таблице VI, можно сказать, что у большинства лабораторий полученная величина коэфициента взаимной индукции весьма близко подходит к величине, определенной в ВИМС, и наблюдающаяся разница лежит в пределах точности измерений примененного метода. Расхождеике же у четырех последних лабораторий на 0,5% и более может не быть отнесено за счет того, что при измерениях пользовались завно поверенными или вовсе не поверенными измерительными приборами, не применяли поправок к последним, а также за счет непостоянства напряжения источников тока для питания баллистических установок.

# COMPARAISONS DES ÉTALONS DU FLUX MAGNÉTIQUE, EFFECTUÉES PAR DIFFÉRENTS LABORATOIRES DE L'URSS

T

## par N. I. Spiridovitch

## (Résume)

L'article contient les résultats des comparaisons des bobines d'induction mutuelle servant d'étalons du flux magnétique et emplovées pour l'étalonnage des galvanomètres balistiques.

Ces étalons du flux magnétique sont décrits dans l'article "Les étalons d'induction mutuelle" (v. p. 33).

Le coefficient de l'induction mutuelle de la bobine N. 3, employée pour les comparaisons, fut déterminé à l'Institut de Métrologie IMS par sa comparaison avec les bobines-étalons d'induction mutuelle de l'IMS d'après les méthodes: 1) des déviations directes du galvanomètre, 2) des déviations égales ou très rapprochées et 3) par la méthode de compensation.

On exécuta plusieurs séries d'observations d'après la méthode des déviations directes à des intensités de courant différentes et mesurées par un ampérmètre (voir les tableaux l et ll et fig. 1). Les mesures du coefficient d'induction mutuelle donnèrent une erreu d'environ  $1^{\circ}/_{er}$ .

Dans les tableaux III, IV et V, sont donnés les résultats des comparaisons de la bobine N. 3 avec la bobine-étalon du Laboratoire " $\Phi$ l" par la méthode de compensation sur la disposition ballstique (fig. 2). Les observations furent effectuées: 1) à une commutation du courant dans le circuit, 2) à une mise hors circuit, 3) à une commutation du courant.

Le coefficient d'induction mutuelle de la bobine N. 3 a été trouvé M = 0,009995 henrys.

On fit choix pour les comparaisons, effectuées aux différent laboratoires, de la méthode des déviations égales ou très rapprochées. Pour ce cas l'erreur est de 0,8% et, en employant le potentiomètre, elle peut être réduite jusqu'à 0,4%. Le schéma de la disposition est donné sur la fig. 3. Les résultats des comparaisons, effectuées aux 9 laboratoires, sont donnés au tableau VI.

Pour la plupart des laboratoires la valeur du coefficient d'induction mutuelle est très proche de la valeur déterminée par l'IMS 206 la différence observée étant dans les limites de la précision des mesures.

La divergence dépassant 0,5% peut être attribuée à l'emploi, pour ces mesures, d'instruments, vérifiés depuis longtemps, et aussi à l'instabilité des sources du courant.

S

15 )-

15

a, le is un is le et as

5

1100

ė

なアルロゴ

## МЕЖДУЛАБОРАТОРНЫЕ СРАВНИТЕЛЬНЫЕ ИСПЫТАНИЯ ОБРАЗЦОВ МАГНИТНОЙ СТАЛИ

01 11

52 H

11

黨派

III

0.1

E

01

D

Ŀ

10

8

6

### Н. И. Спиридович

При испытаниях магнитных сталей, идущих на изготовление постоянных магнитов, весьма часто наблюдается разница в результатах измерений, получаемых разными лабораториями не только для образцов одного какого-инбудь сорта стали, но даже для одного и того же образца.

Для обеспечения согласованности результатов магнитных измерений, для выяснения причии расхождения последних и для возможного в дальнейшем их устранения эталонной магнитной лабораторией ВИМС систематически проводятся междулабораторные сравнения образцов магнитных материалов.

В настоящей работе приводятся результаты очередной серик таких испытаний, в данном случае с образцами вольфрамовой магнитной стали. <sup>1</sup>

В сравнительных испытаниях приняли участие заводские лаборатория:

физическая лаборатория Кировского завода,

II — опытная лаборатория завода им. Казицкого,

III — лаборатория общих измерений завода им. Кулакова.

Предназначенные для сравнительных испытаний два образим закаленной вольфрамовой стали с клеймом ГПЗ и ГП4 разме рами 8×20×400 мм первый и 10×10×400 мм второй, были в магнитной лаборатории ВИМС закалены в воде при температуре 850°, структурно стабилизированы путем кипячения их в чистой воде (100°) в течение 8 час. и испытаны на магнитлые свойства, после чего образцы последовательно пересылались в указанные выше лаборатории заводов. По возвращении образцов в ВИМС они были вторично испытаны.

Сравнительные измерения производились согласно инструкция, выработанной ВИМС баллистическим методом в замкнутой магнитной цепи, в обычных пермеаметрах типа Гопкинсона, в лаборатории же I—в пермеаметре "мостового типа" фирмы Кэмбриджской компании. Измерительная обмотка навивалась непосредственно на образец. Постоянная гальванометра определялась

<sup>1</sup> См. также "Вестник стандартизация", 1932, № 1.

обычным способом при помощи образцовой катушки взаимной индукции. Напряженность поля вычислялась по формуле

H = KI,

где К— постоянная намагничивающей катушки пермеаметра, т. е. напряженность поля в эрстедах на 1 А силы тока в центре катушки без образца и ярма, измеренная баллистическим методом при помощи калиброванной катушки. І— сила тока в амперах.

В лаборатории I постоянная пермеаметра дана фирмой.

1

ĕ

e

0

H)

£

2

E)

Ŕ.

e

青い世になた事に

ñ,

) ·

Ъ

Испытания заключались в измерении при максимальной напряженности магнитного поля  $H_m = 500 \ Oe$  (лаборатория I производила испытания при  $H_m = 400 \ Oe$ ), остаточной индукции, коэрцитивной силы и размагничивающей части кривой гистерезисного щикла, являющейся одной из главных характеристик при оценке качества стали, идущей на изготовление постоянных магнитов. Для обоих образцов ВИМС, на основании своих измерений, были даны поперечные сечения, которые и принимались лабораториями при вычислениях магнитной индукции.

Результаты сравнительных испытаний приведены в таблицах 1 и И. Размагничивающие части кривых гистерезисного цикла изображены на рис. 1 и 2.

Результаты, полученные лабораторией II, весьма близко приближаются к данным ВИМС и имеющееся расхождение лежит в пределах точности измерений. Данные же лабораторий I и III более заметно расходятся с результатами испытаний в ВИМС.

		Лаборатории ВИМС					122
		До от- правки	Посае отправки	Среднее	1	п	ш
Образец	Остаточная ил- дукция в гауссах	11 150	11 150	11 150	10 700	11 020	10 890
111.0	Расхождение от плиных ВИМС в %	-	1-	-	4,0	1,2	2,3
O6paseu	Остаточная ни- дукция в гауссах	10 300	10 200	10 300	10 000	10 180	10 090
1114	Расхождение от данных ВИМ С в %	-	-		2,9	1,2	2,0
14-200	1		the lot of	All and and			209





-

Ser CAR		Лабораторин						
	E Participal	вимс			1	10-10		
		До от- правки	После от-	Среднее	1	n	m	
Образен ГП З	Коэрцитивная сная в врстедах	58,9	58,7	58,8	64,5	39,2	53,3	
	Расхожление от даниых ВИМС в %	-		-	+ 9,7	+ 0,7	-9,4	
Образец ГП 4	Коэрцитивная снаа в эрстелах	63,7	63,6	63,65	67,5	64,0	56,3	
	Расхожаение от данных ВИМС			1	+ 6,0	+0,6	-11,5	

ТАБЛИЦА П

На основании недавно произведенных междулабораторных de сравнительных испытаний катушек взанмной индукции, 1 расхож-81 дения в постоянных катушек этих лабораторий лежат в пределах точности измерений, а потому разницу в величицах остаточное Pi индукции приходится отнести на неточность градуировки балли-111 стического гальванометра или же на недостаточную тщательность при наблюдении отклонений гальванометра. m

SO

tic si đi

pl m m

Расхождения в величинах коэрцитивной силы более значиco тельны, что следует отнести за счет определения постоянной đι намагничивающей катушки, а также магнитных свойств ярма пермеаметров. В частности, в лаборатории III постоянная катушки ra le: определена при помощи калиброванной катушки, а в лабораторин і пользуются постоянной, данной фирмой.

1 См. настоящия сборник, статья "Межаулабораторные сранинисльные исвытания образцовых катушек маглитного потока". Н. И. Спиридовля.

-212

## COMPARAISONS DES ÉCHANTILLONS DE L'ACIER MAGNÉ-TIQUE, EFFECTUEES PAR DIFFERENTS LABORATOIRES DE L'U. R. S. S.

35

A

12 臣

38

D-

18

1

RLL2

### par N. I. Spiridovitch

### (Résume)

Afin de garantir la concordance des résultats des mesures magné-Juques, effectuées aux laboratoires scientifiques et industriels de IU. R. S. S., on fit la comparaison de deux échantillons dé l'acier de tugnstène, ayant subi un traitement thermique au Laboratoire M des Etalons magnétiques de l'Institut de Métrologie (IMS) et essavés \* aux laboratoires avant et après leur retour à l'IMS.

UX. Les mesures, effectuces dans trois laboratoires industriels, selon l'instruction élaborée par l'IMS, par la methode balistique, dans un circuit magnétique fermé, avec des perméamètres type Hopkinson, no consistaient en la mesure de l'induction rémanente à une intensité maximum du champ magnétique  $H_m = 500$  oersteds, de la force \* coercitive et dans l'obtention de la partie démagnétisante de la courbe du cycle d'hysterésis.

Les résultats des comparaisons et la différence en pour cent, rapportée aux données de l'IMS, sont données dans les tableaux I et II.

Les parties démagnétisantes des courbes du cycle d'hystérésis sont montrées sur les fig. 1 et 2.

Les divergences relativement petites dans les valeurs de l'induction rémanente peuvent être mises sur le compte du peu de précision de l'étalonnage du galvanomètre balistique, ou sur le compte du peu de soin apporté à l'observation de ses déviations.

Les divergences dans les valeurs de la force coercitive furent plus considérables, ce qui peut être expliqué par les différentes méthodes de la détermination de la constante des bobines des perméamètres.

# оглавление

Cr

40

45

Bas

Введение
Шрамков Е. Г. Задачи этадонной магнитной лаборатории ВИМС и конкретное их осуществление.
Бойко А. Н. и Спиридович Н. И. Образцовые катушки взаимной индукции
Яновский Б. М. и Спиридович Н. И. Магнитометр для определе- ния магнитных свойств тел с малым магнитным моментом
Яновский Б. М. и Чернышев Е. Т. Абсолютный метод определения магнитной восприимчивости горных пород
Егоров Г. Е. и Чернышев Е. Т. Козфициент формы кривой напря- жения при измерения потерь на гистерезис и токи Фуко
Шрамков Е. Г. и Зуева Н. Г. Магнитиав проницаемость при слабом намагничении
Яновский Б. М. и Зуева Н. Г. Влияние температуры на магнитные свойства магнитной стали и постоянных магнитов
Бойко А. Н. Структура поля магнита и разность магнитных потенциалов
Спирилович Н. И. Междулабораторные сравнительные испытания образцовых катушек магиитного потока
Спиридович Н. И. Междулабораторные сравнительные испытания об-
## ОПЕЧАТКИ

Стр. Строка Напечатано: Должно быть: 7 40 18 сверху K<sub>1</sub>M<sub>2</sub>  $\begin{array}{c} H_{10} & H_{11} = H_{11} = H_{11} = \frac{1}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{11} = H_{11} - \frac{\partial H_{11}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{11} = H_{11} - \frac{\partial H_{11}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{11} = H_{11} - \frac{\partial H_{11}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{11} - \frac{\partial H_{11}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{11} - \frac{\partial H_{11}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{11} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{11}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{11} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{12}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{11} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{11}} l_{11} + \frac{1}{2} \frac{\partial^{2} H_{12}}{\partial l_{12}^{2}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{11}} l_{12} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{12}} l_{13} \\ H_{12} = H_{12} - \frac{\partial H_{12}}{\partial l_{1$  $= -3H \frac{R}{(R^2 + I^2)^2}$  $R_a = \frac{2}{3kU_a^{-1/a}}$ 99 Ta6a, XiII 19 6 строка 1 колонка 10 11

2. Вак. № 2001 Магинтиме исследования и намерения.

## оглавление

Crp

Ш рамков Е. Г. Задачи эталовной магнитной лаборатории ВИМС и конкретное их осуществление.











